1. 다음 이차함수에서 그래프의 폭이 좁은 것부터 차례로 나열한 것은?

- 보기

© 
$$y = -\frac{1}{3}x^2 + 4$$

$$\bigcirc$$
  $y = 3(x-1)^2$ 

$$\textcircled{1} (\textcircled{9}) - (\textcircled{2}) - (\textcircled{2}) - (\textcircled{9}) - (\textcircled{9})$$

$$\textcircled{2} \ (\textcircled{\square}) - (\textcircled{\square}) - (\textcircled{\neg}) - (\textcircled{\neg}) - (\textcircled{\blacksquare})$$

$$(3)$$
  $(2)$   $-(0)$   $-(0)$   $-(0)$   $-(0)$ 

$$( \bigcirc ) - ( \bigcirc ) - ( \bigcirc ) - ( \bigcirc ) - ( \bigcirc )$$

해설

이차항의 계수의 절댓값이 큰 것부터 찾아 나열한다.

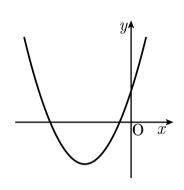
2. 이차함수  $y = -x^2$  의 그래프를 y 축의 방향으로 -2 만큼 평행이동 시키면 점(-3, a) 을 지난다. 이때, a 의 값은?

$$y = -x^2 - 2$$
  
 $(-3, a)$ 를 지나므로  
 $a = -9 - 2$   
 $\therefore a = -11$ 

- **3.** 함수  $y = 5(x-1)^2 2$  의 꼭짓점과 대칭축을 구하면?
  - ① 꼭짓점 (-1,-2), 축 x=-1
  - ② 꼭짓점 (-1,-2), 축 x = 1
  - ③ 꼭짓점 (1,-2), 축 x = -1
  - ④ 꼭짓점 (1,-2), 축 x=1
  - ⑤ 꼭짓점 (-1,2), 축 x = -1

이차함수  $y = a(x - p)^2 + q$  의 꼭짓점은 (p, q) 이고, 대칭축은 x = p 이다.

**4.** 다음 이차함수  $y = a(x - p)^2 + q$  의 그래프이다. a, p, q의 부호를 각각 구하면?



- ① a > 0, p > 0, q > 0
- (3) a > 0, p < 0, q < 0
- ⑤ a < 0, p > 0, q < 0

- ② a > 0, p > 0, q < 0
- 4 a < 0, p < 0, q < 0

해설

이차함수 그래프의 모양이 아래로 볼록이므로 a>0 이다. 또한, 꼭짓점의 좌표는  $(p,\ q)$  이고 제3 사분면에 있으므로  $p<0,\ q<0$  이다.

따라서 a > 0, p < 0, q < 0 이다.

5. 다음 중 꼭짓점 (-1, 4), 대칭축의 방정식 x = -1, y 축과의 교점의 좌표 (0, 3) 인 이차함수는?

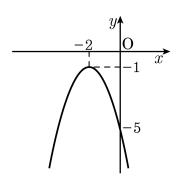
②  $y = x^2 - 4x + 5$ 

 $v = -x^2 + 4x - 10$ 

(1)  $y = x^2 - 2x - 3$ 

 $y = -x^2 - 2x + 3$ 

6. 다음 이차함수 그래프에 대한 설명으로 옳은 것은?



- ① 이차함수 그래프의 식은  $y = -(x-2)^2 1$  이다.
- ② 이차함수  $y = -2x^2$  의 그래프를 x 축 방향으로 -2 만큼 평행이동한 그래프이다.
- ③ 이차함수  $y = -2x^2$  의 그래프를 y 축 방향으로 -1 만큼 평행이동한 그래프이다.
- ④ 점 (1,-10) 을 지난다.
- ⑤ y의 값의 범위는  $y \le -5$  이다

## 해설

꼭짓점의 좌표가 (-2, -1) 이므로

$$y = a(x+2)^2 - 1$$
  
(0, -5) 를 지나므로

$$-5 = 4a - 1$$

$$a = -1$$

$$\therefore y = -(x+2)^2 - 1$$

따라서 점 (1,10)을 지난다.

7. 이차함수  $y = -3x^2$  의 그래프를 x 축의 방향으로 -1 만큼 평행이동하면 점 (m, -12) 를 지난다고 한다. 이 때, m 의 값들의 합은?

① 
$$-1$$
 ②  $-2$  ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

8.  $y = -2x^2 - 4x + 10$  의 그래프에서 x 의 값이 증가할 때, y 의 값은 감소하는 x의 값의 범위는?

① 
$$x > 1$$
 ②  $x < 1$  ③  $x > 0$ 
②  $x < -1$ 

해설 
$$y = -2x^2 - 4x + 10$$
 
$$= -2(x+1)^2 + 12$$
 위로 볼록한 모양의 포물선이고 축의 방정식  $x = -1$  이므로 따라서  $x$  의 값이 증가할 때,  $y$  의 값은 감소하는  $x$  의 값의 범위는  $\{x \mid x > -1\}$  이다.

- 9. 이차함수  $y = 2x^2 4x + 3$  의 그래프에 대한 다음 설명 중 옳은 것은?
  - ① 꼭짓점의 좌표는 (2, 1) 이다.
  - ② 모든 x의 값에 대하여 y의 값의 범위는  $y \le 1$ 이다.
  - ③ y 축에 대칭인 그래프의 식은  $y = -x^2 4x + 5$  이다.
  - ④x 가 증가할 때 y 가 감소하는 x 의 범위는 x < 1 이다.
  - ⑤ 함수의 그래프는 제1, 2, 3 사분면을 지난다.

- $y = 2x^2 4x + 3 = 2(x^2 2x + 1 1) + 3 = 2(x 1)^2 + 1$
- 꼭짓점은 (1, 1) 이다.
   모든 x의 값에 대하여 y의 값의 범위는 y≥ 1이다.
- ② 모든 *x*의 값에 내아여 *y*의 값의 임위는 *y* ≥ 1이다. ③ *y* 축에 대칭인 그래프의 식은 *x* 대신 −*x* 를 대입하므로 *y* =
- $2x^2 + 4x + 3$ 이다.
- ④ 아래로 볼록이고 축의 식이 x = 1 이므로 x < 1 일 때, x 가 증가할 때 y 는 감소한다.
- ⑤ 아래로 볼록, 꼭짓점이 (1, 1), y 절편이 3 인 그래프를 그리면 제1, 2 사분면을 지난다.

- **10.** 합이 18 인 두 수가 있다. 이 두 수의 곱의 최댓값을 구하면?
  - ① 17 ② 65 ③ 77 ④ 81 ⑤ 162

해설  
두 수를 각각 
$$x$$
,  $18 - x$  라고 하면  
 $y = x(18 - x)$   
 $= -x^2 + 18x$   
 $= -(x^2 - 18x + 81 - 81)$   
 $= -(x - 9)^2 + 81$ 

x = 9 일 때, 최댓값 81 을 갖는다.

## 11. 다음 이차함수의 그래프 중 4 번째로 폭이 좁은 것은?

$$3 y = \frac{1}{3}x^2 + \frac{1}{3}$$

$$5 y = -\frac{5}{2}x^2$$

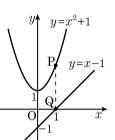
② 
$$y = \frac{2x(x-1)(x+1)}{x-1}$$

$$(4) y = -3x^2 + x$$

- a 의 절댓값을 각각 구하면 1 1
- (2) 2
- $3 \frac{1}{3}$
- (4) 3
- 이므로 폭이 좁은 순서는 ④, ⑤, ②, ①, ③이다. 따라서 네 번째
- 로 폭이 좁은 것은 ①이다.

12. 포물선  $y = x^2 + 1$  위의 한 점P 에서 y 축에 평행인 직선을 그어 직선 y = x - 1 과 만나는 점을 Q 라 할 때  $\overline{PQ}$  의 최솟값을 구하면?

① 
$$\frac{1}{2}$$
 ②

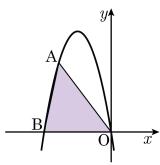


$$\overline{PQ}$$
 가  $y$  축에 평행하므로 점 P, Q 의  $x$  좌표는 같다. 이때, 점 P 의 좌표를  $(t, t^2 + 1)$  이라고 하면, 점 Q 의 좌표는  $(t, t - 1)$   $\overline{PQ} = t^2 + 1 - (t - 1)$ 

$$=\left(t-\frac{1}{2}\right)^2+\frac{7}{4}$$
 따라서  $t=\frac{1}{2}$  일 때,  $\overline{PQ}$  의 최솟값은  $\frac{7}{4}$ 

 $= t^2 - t + 2$ 

**13.** 다음 그림은 축의 방정식이 x = -3 인 이차함수  $y = -x^2 + bx + c$  의 그래프이다. 점 O( 원점),  $B 는 x 축과 만나는 점이고, 점 <math>A \rightarrow O$  에서 B 까지 포물선을 따라 움직일 때, ΔOAB 의 넓이의 최댓값은?



① 18 ③ 36 (4) 45 (5) 54

축이 
$$x = -3$$
 이므로 B 의 좌표는 $(-6, 0)$  이다.  
따라서  $y = -x^2 + bx + c$  가 두 점

$$(0, 0), (-6, 0)$$
을 지나므로,  $0 = c, 0 = -36 - 6b$   
 $b = -6, c = 0$ 

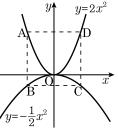
해설

 $y = -x^2 - 6x = -(x+3)^2 + 9$  $\triangle OAB$  에서 밑변의 길이를  $\overline{OB}$  라고 하면, 높이가 최대일 때 △OAB 의 넓이가 최대가 된다.

즉, A 가 꼭짓점에 있을 때이다. 꼭짓점의 좌표가 (-3, 9) 이므로

 $\triangle OAB$  의 넓이=  $\frac{1}{2} \times \overline{OB} \times 9 = \frac{1}{2} \times 6 \times 9 = 27$ 

14. 다음 그림과 같이 두 이차함수 
$$y = 2x^2$$
,  $y = -\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프 위에 있는 네 점 A, B, C, D 가 정사각형을 이룰 때, 점 D의  $x$ 좌표는?



② 1

 $3\frac{4}{3}$ 

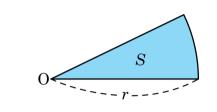
 $4 \frac{5}{3}$ 

점 D의 좌표를 
$$(a, 2a^2)$$
이라 하면 B $\left(-a, -\frac{1}{2}a^2\right)$ , C $\left(a, -\frac{1}{2}a^2\right)$ 

 $\overline{DC} = \overline{BC}$ 이므로

$$2a^2 + \frac{1}{2}a^2 = 2a, 5a^2 = 4a$$
$$\therefore a = \frac{4}{5}(\because a \neq 0)$$

15. 둘레의 길이가 12 cm 인 부채꼴의 반지름의 길이가 r cm 일 때, 넓이를  $S \text{cm}^2$  라고 한다. S 가 최대일 때, r 의 값은? (단, 반지름의 길이가 r , 호의 길이가 l 인 부채꼴의 넓이는  $\frac{1}{2} l r$  임을 이용하여라.)



둘레의 길이가 
$$12\text{cm}$$
 인 부채꼴의 반지름을  $r\text{cm}$  이라 하면 호의  
길이는  $(12-2r)\text{cm}$  이다. 
$$(부채꼴의 넓이) = \frac{1}{2}r(12-2r) = -r^2 + 6r$$

해설

 $= -(r-3)^2 + 9$  따라서 r=3 일 때, 부채꼴의 최대의 넓이는 9 이다.