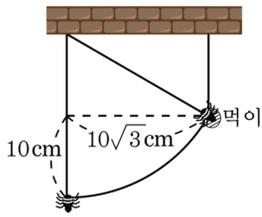
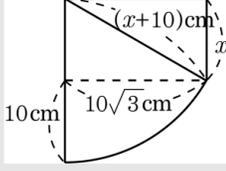


1. 천정에 매달려 있던 거미가 먹이를 먹기 위해 그림과 같이 움직였습니다. 먹이가 천정으로부터 떨어져 있는 거리는?



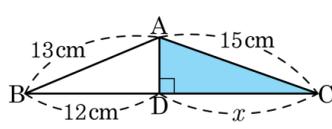
- ① 6 cm    ② 7 cm    ③ 8 cm    ④ 9 cm    ⑤ 10 cm

해설



간단하게 그리면 위의 그림과 같으므로 피타고라스 정리에 의해  $x^2 + (10\sqrt{3})^2 = (x+10)^2$  이므로,  
 $300 = 20x + 100$   
 $\therefore x = 10$  이다.

2. 다음 그림에서  $\triangle ADC$ 의 넓이는?

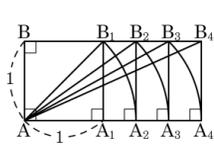


- ①  $25\sqrt{2}\text{ cm}^2$       ②  $20\text{ cm}^2$       ③  $10\sqrt{5}\text{ cm}^2$   
④  $25\text{ cm}^2$       ⑤  $10\sqrt{10}\text{ cm}^2$

**해설**

삼각형 ABD에서 피타고라스 정리에 따라  
 $13^2 = 12^2 + \overline{AD}^2$   
 $\overline{AD} > 0$  이므로  $\overline{AD} = 5\text{ cm}$   
삼각형 ADC에서 피타고라스 정리에 따라  
 $5^2 + x^2 = 15^2$   
 $x > 0$  이므로  $x = 10\sqrt{2}\text{ cm}$   
따라서  $\triangle ADC$ 의 넓이는  $\frac{1}{2} \times 5 \times 10\sqrt{2} = 25\sqrt{2}(\text{cm}^2)$

3. 다음 그림에서  $\overline{AB_1} = \overline{AA_2}$ ,  $\overline{AB_2} = \overline{AA_3}$ ,  $\overline{AB_3} = \overline{AA_4}$  일 때,  $\frac{\overline{AB_4}}{\sqrt{5}}$  의 값을 구하면?



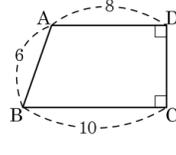
- ① 1                      ② 2                      ③ 3  
 ④ 4                      ⑤  $\sqrt{5}$

**해설**

$$\overline{AB_4} = \sqrt{1^2 + 1^2 + 1^2 + 1^2 + 1^2} = \sqrt{5} \text{이다.}$$

$$\text{따라서 } \frac{\overline{AB_4}}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}} = 1 \text{이다.}$$

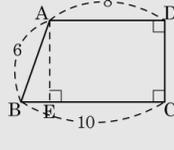
4. 다음 그림에서 사다리꼴 ABCD 의 높이  $\overline{CD}$  의 길이는?



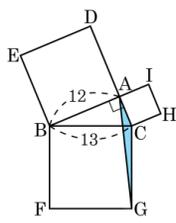
- ①  $3\sqrt{2}$     ②  $4\sqrt{2}$     ③  $5\sqrt{2}$     ④  $6\sqrt{2}$     ⑤  $7\sqrt{2}$

해설

그림과 같이  $\overline{DC}$ 에 평행하면서 점 A를 지나는 직선을 긋고  $\overline{BC}$ 와의 교점을 E라고 할 때,  $\overline{BE} = 2$   
 $\triangle ABE$ 에 피타고라스 정리를 적용하면  
 $\overline{AE} = \sqrt{36 - 4} = 4\sqrt{2}$



5. 다음 그림과 같이  $\angle A = 90^\circ$  인 직각삼각형 ABC 에서 세 변 AB, BC, CA 를 각각 한 변으로 하는 정사각형을 그렸다.  $\overline{AB} = 12$ ,  $\overline{BC} = 13$  일 때,  $\triangle AGC$  의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

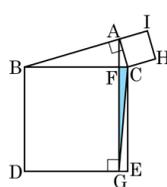
▶ 정답 :  $\frac{25}{2}$

해설

$$\begin{aligned} \overline{AC} &= \sqrt{13^2 - 12^2} = 5 \text{ 이고,} \\ \triangle AGC &\equiv \triangle HBC \text{ (SAS 합동) 이므로} \\ \triangle AGC &\equiv \triangle HBC = \triangle HAC = \frac{1}{2} \square ACHI \\ &= \frac{1}{2} \times 25 = \frac{25}{2} \end{aligned}$$

6. 다음 그림에서  $\triangle ABC$  는  $\angle A = 90^\circ$  인 직각삼각형이고  $\square BDEC$  는 정사각형이다.  $\overline{AG} \perp \overline{DE}$  이고,  $\overline{AB} = 24$ ,  $\overline{BC} = 25$  일 때,  $\triangle FGC$  의 넓이는 얼마인가?

- ① 48      ②  $\frac{49}{2}$       ③ 50  
 ④  $\frac{51}{2}$       ⑤ 52



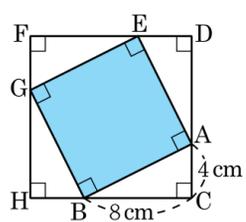
해설

$$\overline{AC} = \sqrt{25^2 - 24^2} = 7 \text{ 이므로 } \square ACHI = 49$$

$$\triangle FGC = \triangle ECF = \triangle ACH = \frac{1}{2} \square ACHI \text{ 이므로}$$

$$\triangle FGC = \frac{1}{2} \times 49 = \frac{49}{2} \text{ 이다.}$$

7. 다음 그림의  $\square FHCD$  는  $\triangle ABC$  와 합동인 직각삼각형을 이용하여 만든 사각형이다.  $\square BAEG$  의 넓이를 구하여라.



▶ 답:  $\underline{\hspace{2cm}} \text{ cm}^2$

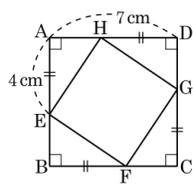
▷ 정답:  $80 \text{ cm}^2$

해설

$$\overline{AB} = \sqrt{8^2 + 4^2} = \sqrt{64 + 16} = \sqrt{80} = 4\sqrt{5}$$

$$\square BAEG = (4\sqrt{5})^2 = 80 \text{ (cm}^2\text{)}$$

8. 다음 그림과 같은 정사각형에서  $\overline{EH}$ 의 길이는?

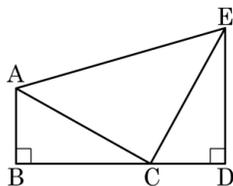


- ① 3 cm                      ② 4 cm                      ③  $3\sqrt{2}$  cm  
 ④  $4\sqrt{2}$  cm                ⑤ 5 cm

**해설**

$\triangle AEH \cong \triangle EBF \cong \triangle FCG \cong \triangle GDH$  이므로  
 $\square EFGH$  는 정사각형이다.  
 $\overline{AH} = 3 \text{ cm}$  이므로  $\overline{EH} = 5 \text{ cm}$

9. 다음 그림에서 두 직각삼각형 ABC 와 CDE 는 합동이고, 세 점 B, C, D 는 일직선 위에 있다.  $\overline{AB} = 5\text{ cm}$ ,  $\overline{DE} = 9\text{ cm}$  일 때,  $\triangle ACE$  의 넓이는?

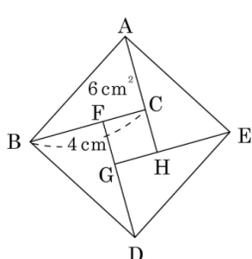


- ① 49      ② 50      ③ 51      ④ 52      ⑤ 53

해설

$\overline{AB} = 5$ ,  $\overline{DE} = \overline{BC} = 9$  이므로  
 $\overline{AC} = \sqrt{25 + 81} = \sqrt{106}$  이다.  
 $\triangle ACE$  이  $\angle ACE = 90^\circ$  인 직각이등변삼각형이므로  $\triangle ACE =$   
 $\frac{1}{2} \times \sqrt{106} \times \sqrt{106} = 53$   
 따라서  $\triangle ACE = 53$  이다.

10. 다음 그림은 직각삼각형 ABC와 합동인 삼각형 4개를 맞추어 정사각형 ABDE를 만든 것이다.  $\triangle ABC = 6\text{ cm}^2$  이고,  $\overline{BC} = 4\text{ cm}$  일 때, 다음 중  $\overline{AC}$ 의 길이,  $\overline{CH}$ 의 길이,  $\square FGHC$ 의 넓이를 차례대로 나타낸 것은?



- ① 2 cm, 2 cm,  $1\text{ cm}^2$       ② 3 cm, 1 cm,  $1\text{ cm}^2$   
 ③ 3 cm, 2 cm,  $1\text{ cm}^2$       ④ 3 cm, 3 cm,  $2\text{ cm}^2$   
 ⑤ 4 cm, 3 cm,  $2\text{ cm}^2$

해설

$$6\text{ cm}^2 = \frac{1}{2} \times 4\text{ cm} \times \overline{AC} \text{ 이므로 } \overline{AC} = 3\text{ cm}$$

$$\overline{CH} = \overline{AH} - \overline{AC} = 4\text{ cm} - 3\text{ cm} = 1\text{ cm}$$

$$\square FGHC \text{의 넓이는 } 1\text{ cm} \times 1\text{ cm} = 1(\text{cm}^2)$$

11. 다음 중 직각삼각형을 모두 골라라.

- |                              |                      |
|------------------------------|----------------------|
| ㉠ 5 cm, 6 cm, 9 cm           | ㉡ 9 cm, 12 cm, 15 cm |
| ㉢ 4 cm, $4\sqrt{3}$ cm, 6 cm | ㉣ 5 cm, 12 cm, 13 cm |
| ㉤ 10 cm, 16 cm, 20 cm        |                      |

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉡

▷ 정답 : ㉣

해설

㉠  $9^2 > 5^2 + 6^2$

㉡  $15^2 = 9^2 + 12^2$

㉢  $(4\sqrt{3})^2 < 4^2 + 6^2$

㉣  $13^2 = 5^2 + 12^2$

㉤  $20^2 > 10^2 + 16^2$

12. 각 변의 길이가  $(x-2)$ cm,  $x$ cm,  $8$ cm 인 직각삼각형이 있다. 이 때,  $x$ 의 값을 바르게 짝지어진 것은?

①  $16, \sqrt{31}$

②  $16, 1 + \sqrt{31}$

③  $17, -1 + \sqrt{31}$

④  $17, 1 + \sqrt{31}$

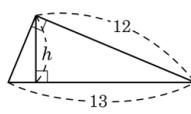
⑤  $18, -1 + \sqrt{31}$

해설

(i)  $x \geq 8$  일 때  
 $x^2 = (x-2)^2 + 64$   
 $x^2 = x^2 - 4x + 4 + 64$   
 $4x = 68$   
 $\therefore x = 17$

(ii)  $x < 8$  일 때  
 $64 = (x-2)^2 + x^2$   
 $64 = x^2 - 4x + 4 + x^2$   
 $2x^2 - 4x - 60 = 0$   
 $\therefore x = 1 + \sqrt{31} (\because x > 0)$

13. 다음은 빗변을 밑변으로 하는 직각삼각형이다. 높이  $h$  를 구하여라.



▶ 답:

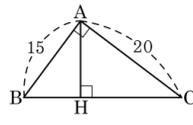
▷ 정답:  $\frac{60}{13}$

해설

직각삼각형이므로 피타고라스 정리에 의해 길이가 주어지지 않은 변의 길이는 5 이다.  
주어진 직각삼각형의 넓이는 두 가지 방법으로 구할 수 있고, 이는 서로 같다.

즉,  $12 \times 5 = 13h$  이므로  $h = \frac{60}{13}$

14. 다음 그림과 같이  $\triangle ABC$ 의 꼭짓점 A에서 빗변에 내린 수선의 발을 H라 하고,  $\overline{AB} = 15$ ,  $\overline{AC} = 20$ 일 때,  $\overline{AH}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 12

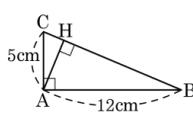
해설

$$\overline{BC} = \sqrt{15^2 + 20^2} = 25$$

$$25 \times \overline{AH} = 15 \times 20$$

$$\therefore \overline{AH} = 12$$

15. 다음 그림과 같이  $\angle A = 90^\circ$  인 직각삼각형 ABC의 점 A에서 BC에 내린 수선의 발이 H라 할 때, BH의 길이를 구하여라.



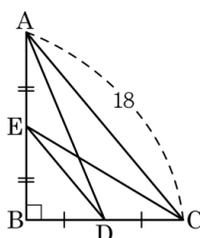
▶ 답:                      cm

▶ 정답:  $\frac{144}{13}$  cm

**해설**

$\triangle ABC$ 는 직각삼각형이므로 피타고라스 정리를 적용하면  $\overline{BC} = 13$  cm  
 $\overline{BH} = x$ 라 하자.  
 닮은 삼각형의 성질을 이용하면  
 $12^2 = 13x$  이므로  $x = \frac{144}{13}$  (cm) 이다.

16. 다음 그림에서  $\angle B = 90^\circ$  이고, D, E 는 각각  $\overline{BC}$ ,  $\overline{AB}$  의 중점이다.  $\overline{AC} = 18$  일 때,  $\overline{AD}^2 + \overline{CE}^2$  의 값을 구하여라.



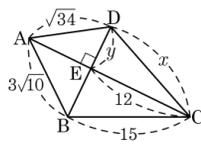
▶ 답:

▷ 정답: 405

해설

$$\begin{aligned} \overline{BE} = x, \overline{BD} = y \text{ 라고 두자.} \\ \triangle ABC \text{ 에서} \\ 18^2 = (2x)^2 + (2y)^2, x^2 + y^2 = 81 \text{ 이 된다.} \\ \overline{AD}^2 = (2x)^2 + y^2, \overline{CE}^2 = x^2 + (2y)^2 \\ \overline{AD}^2 + \overline{CE}^2 = 5x^2 + 5y^2 = 5(x^2 + y^2) \\ = 5 \cdot 81 = 405 \end{aligned}$$

17. 다음 그림의 □ABCD 에서  $x+y$  의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 18

해설

대각선이 직교하는 사각형이므로 두 쌍의 대변의 제곱끼리의 합이 서로 같다.

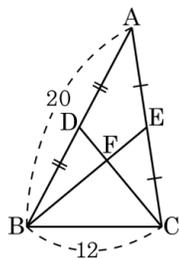
$$(\sqrt{34})^2 + 15^2 = (3\sqrt{10})^2 + x^2$$

$$\therefore x = 13$$

$$y = \sqrt{13^2 - 12^2} = 5$$

$$\therefore x + y = 18$$

18. 다음 그림과 같은  $\triangle ABC$  에서  $\overline{AB}$  와  $\overline{AC}$  의 중점을 각각 D, E 라고 하고  $\overline{BE} \perp \overline{CD}$ ,  $\overline{AB} = 20$ ,  $\overline{BC} = 12$  일 때,  $\overline{AC}$  의 길이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답:  $8\sqrt{5}$

해설

$\overline{DE}$  를 그으면 중점연결 정리에 의하여

$$\overline{DE} = \frac{1}{2}\overline{BC} = 6 \text{ 이다.}$$

$\square DBCE$  는 대각선이 직교하는 사각형이므로

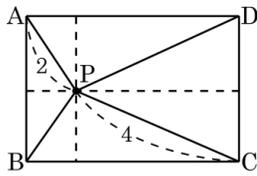
$$\overline{BD}^2 + \overline{EC}^2 = \overline{DE}^2 + \overline{BC}^2$$

$$100 + \overline{EC}^2 = 36 + 144$$

$$\therefore \overline{EC} = 4\sqrt{5} (\because \overline{EC} > 0)$$

$$\therefore \overline{AC} = 2 \times 4\sqrt{5} = 8\sqrt{5}$$

19. 정사각형 ABCD 의 내부의 한 점 P 를 잡아 A, B, C, D 와 연결할 때,  $AP = 2$ ,  $CP = 4$  이면,  $BP^2 + DP^2$  의 값은?

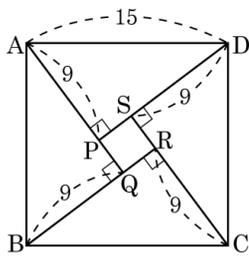


- ① 15    ② 20    ③ 25    ④ 30    ⑤ 35

해설

$$\overline{BP^2} + \overline{DP^2} = 2^2 + 4^2 = 20$$

20.  $\square ABCD$  는 한 변의 길이가 15 인 정사각형이고  $\overline{AP} = \overline{BQ} = \overline{CR} = \overline{DS} = 9$  일 때,  $\square PQRS$  의 넓이로 적절하 것은?



- ① 1      ② 3      ③ 5      ④ 9      ⑤ 11

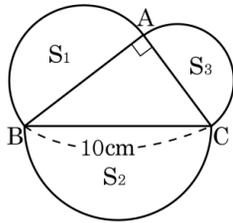
해설

$$\overline{AQ} = \sqrt{15^2 - 9^2} = \sqrt{225 - 81} = 12$$

$$\overline{PQ} = 12 - 9 = 3$$

$\square PQRS$  는 정사각형이므로 넓이는  $3 \times 3 = 9$

21. 그림과 같이 빗변의 길이가 10cm 인  $\triangle ABC$  의 각 변을 지름으로 하는 반원의 넓이를 각각  $S_1, S_2, S_3$  라고 할 때,  $S_1 + S_2 + S_3$  의 값을 구하면?



- ①  $10\pi\text{cm}^2$       ②  $15\pi\text{cm}^2$       ③  $20\pi\text{cm}^2$   
 ④  $25\pi\text{cm}^2$       ⑤  $30\pi\text{cm}^2$

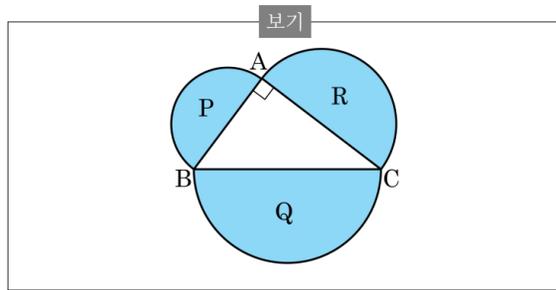
해설

$$S_1 + S_3 = S_2$$

$$S_1 + S_2 + S_3 = 2S_2$$

$$\therefore 2 \times \pi \times 5^2 \times \frac{1}{2} = 25\pi(\text{cm}^2)$$

22. 다음 보기에 주어진 직각삼각형 ABC의 세 변을 각각 지름으로 하는 반원의 넓이를 P, Q, R 라 하자.



$P = \frac{9}{2}\pi\text{cm}^2, Q = \frac{25}{2}\pi\text{cm}^2$  일 때,  $\overline{AC}$ 의 길이를 구하면?

- ① 5cm    ② 6cm    ③ 7cm    ④ 8cm    ⑤ 9cm

해설

$R = Q - P$  이다.

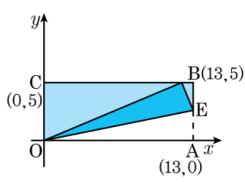
$R = \frac{25}{2}\pi - \frac{9}{2}\pi = 8\pi(\text{cm}^2)$  이므로

$\frac{1}{2} \times \pi \times \left(\frac{\overline{AC}}{2}\right)^2 = 8\pi$  에서

$\overline{AC}^2 = 64$  이다.

따라서  $\overline{AC} = 8\text{cm}(\because \overline{AC} > 0)$  이다.

23. 좌표평면 위의 직사각형 OABC 를 그림과 같이 꼭짓점 A 가 변 BC 위의 점 D 에 오도록 접었을 때, 점 E 의 좌표는?

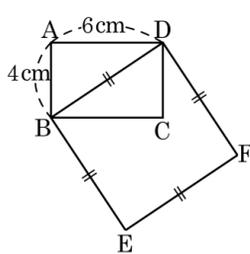


- ① (13, 3)                      ②  $(13, \frac{12}{5})$                       ③ (13, 4)  
 ④ (13, 5)                      ⑤  $(13, \frac{13}{5})$

**해설**

점 E 를  $(13, a)$  라 두면  $\overline{AE} = \overline{DE} = a$ ,  $\overline{BE} = 5 - a$  이다.  
 $\overline{OA} = \overline{OD} = 13$  이고  $\overline{OC} = 5$  이므로  $\overline{CD} = \sqrt{13^2 - 5^2} = 12$  이다.  
 따라서  $\overline{DB} = 1$  이므로  $\triangle BDE$  에서  
 $1^2 + (5 - a)^2 = a^2$  이다.  
 $a = \frac{13}{5}$  이므로 점 E 는  $(13, \frac{13}{5})$  이다.

24. 다음 그림과 같이 가로가 6cm, 세로가 4cm인 직사각형의 대각선을 한 변으로 하는 정사각형이 있을 때, 정사각형의 넓이를 구하여라.



▶ 답:             $\text{cm}^2$

▷ 정답: 52  $\text{cm}^2$

**해설**

사각형 ABCD의 대각선의 길이는  
 $\sqrt{6^2 + 4^2} = \sqrt{52}(\text{cm})$   
 한 변의 길이가  $\sqrt{52}\text{cm}$ 인 정사각형의 넓이는  
 $\sqrt{52} \times \sqrt{52} = 52(\text{cm}^2)$ 이다.

25. 어떤 전자제품 회사에서 기존에 가로가 16 인치이고 가로와 세로의 비율이 4 : 3 인 모니터만을 생산하다가, 디자인적인 측면을 강화하기 위해 대각선의 길이는 유지하면서 가로와 세로의 비율이 6 :  $\sqrt{14}$  인 모니터를 생산하였다. 새로운 모니터의 가로와 세로의 길이를 각각  $a\sqrt{b}$ ,  $c\sqrt{d}$  라고 할 때,  $a + b + c + d$  의 값을 구하시오. (단,  $b, d$  는 최소의 자연수)

▶ 답 :

▷ 정답 : 25

해설

가로가 16 인치이고 가로와 세로의 비율이 4 : 3 인 모니터의 대각선의 길이는 20 인치이다.

새로운 모니터의 가로의 길이를  $6x$ , 세로의 길이를  $\sqrt{14}x$  라고 하면

피타고라스 정리에 따라

$$(6x)^2 + (\sqrt{14}x)^2 = 20^2$$

$$50x^2 = 400$$

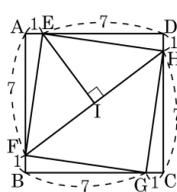
$$x > 0 \text{ 이므로 } x = 2\sqrt{2}$$

$$\text{따라서 가로의 길이는 } 6 \times 2\sqrt{2} = 12\sqrt{2}(\text{인치})$$

$$\text{세로의 길이는 } \sqrt{14} \times 2\sqrt{2} = 4\sqrt{7}(\text{인치})$$

이므로  $a + b + c + d = 25$  이다.

26. 한 변의 길이가 8 인 정사각형 ABCD 의 각 변에 다음과 같이 E, F, G, H 를 잡을 때,  $\overline{EI}$  의 길이를 구하시오.



▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

네 직각삼각형이 서로 합동이므로  $\square EFGH$  는 정사각형이다.

$$\overline{FG} = \overline{GH} = \sqrt{1^2 + 7^2} = \sqrt{50} = 5\sqrt{2}$$

$$\therefore \overline{FH} = \sqrt{(5\sqrt{2})^2 + (5\sqrt{2})^2} = 10$$

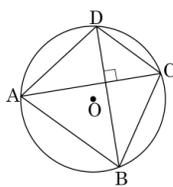
$\overline{EI} = x$  라고 하면, 삼각형 EFH 에서

$$\frac{1}{2} \times 5\sqrt{2} \times 5\sqrt{2} = \frac{1}{2} \times 10 \times x$$

$$5x = 25$$

따라서,  $x = 5$  이다.

27. 다음 그림과 같이 사각형 ABCD는 원 O에 내접하고, 대각선 AC, BD는 직교한다.  $\overline{AB} = 4\text{cm}$ ,  $\overline{CD} = 3\text{cm}$  일 때, 원 O의 넓이를 구하여라.

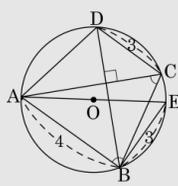


▶ 답:  $\underline{\hspace{2cm}} \text{cm}^2$

▶ 정답:  $\frac{25}{4}\pi \text{ cm}^2$

**해설**

점 A에서 원의 중심 O를 지나는 지름을 그으면



사각형 BECD는 등변사다리꼴이므로

$$\overline{BE} = \overline{CD} \dots \textcircled{1}$$

또한 삼각형 ABE에서  $\angle ABE$ 는 지름에 대한 원주각으로  $90^\circ$ 이므로

$$\overline{AB}^2 + \overline{BE}^2 = \overline{AE}^2 \dots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1}, \textcircled{2} \text{에 의하여 } \overline{AB}^2 + \overline{CD}^2 = \overline{AE}^2$$

$$4^2 + 3^2 = \overline{AE}^2$$

$$\therefore \overline{AE} = 5(\text{cm})$$

따라서 반지름이  $\frac{5}{2}\text{cm}$  이므로

원의 넓이는  $\frac{25}{4}\pi (\text{cm}^2)$  이다.

28. 넓이가  $18\sqrt{3}\text{cm}^2$ 인 정삼각형의 높이를 구하면?

- ①  $3\sqrt{6}\text{cm}$       ②  $6\sqrt{6}\text{cm}$       ③  $3\sqrt{2}\text{cm}$   
④  $6\sqrt{2}\text{cm}$       ⑤  $6\sqrt{3}\text{cm}$

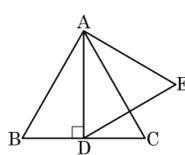
해설

정삼각형의 한 변의 길이를  $a$  라 하면,

$$\frac{\sqrt{3}}{4}a^2 = 18\sqrt{3}, a^2 = 72, a = 6\sqrt{2}\text{cm}$$

따라서 높이 =  $\frac{\sqrt{3}}{2} \times 6\sqrt{2} = 3\sqrt{6}$  (cm) 이다.

29. 다음 그림과 같이 정삼각형 ABC의 높이 AD를 한 변으로 하는 정삼각형 ADE의 넓이가  $12\sqrt{3}\text{cm}^2$ 일 때,  $\triangle ABC$ 의 넓이를 구하면?



- ①  $12\sqrt{3}\text{cm}^2$       ②  $16\sqrt{3}\text{cm}^2$   
 ③  $16\sqrt{2}\text{cm}^2$       ④  $12\sqrt{6}\text{cm}^2$   
 ⑤  $12\sqrt{2}\text{cm}^2$

**해설**

$\sqrt{AD} = h\text{cm}$ 라 하면,

$$\triangle ADE \text{의 넓이} = \frac{\sqrt{3}}{4} \times h^2 = 12\sqrt{3}$$

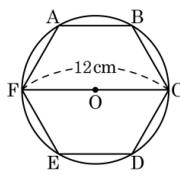
따라서,  $h = 4\sqrt{3}$

$\triangle ABC$ 의 한 변을  $x(\text{cm})$ 로 두면,

$$\frac{\sqrt{3}}{2}x = 4\sqrt{3} \text{ 이므로 } x = 8$$

$$\therefore \triangle ABC = \frac{\sqrt{3}}{4} \times 8^2 = 16\sqrt{3} (\text{cm}^2) \text{이다.}$$

30. 다음 그림과 같이 지름이 12cm 인 원에 내접하는 정육각형의 넓이를  $a\sqrt{b}\text{cm}^2$  라고 할 때,  $\frac{a}{b}$  의 값을 구하여라. (단,  $b$  는 최소의 자연수이다.)



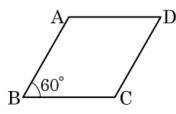
- ① 16      ② 18      ③ 20  
 ④ 22      ⑤ 24

해설

$$\frac{\sqrt{3}}{4} \times 6^2 \times 6 = 54\sqrt{3} \text{ (cm}^2\text{)}$$

$$\therefore \frac{a}{b} = \frac{54}{3} = 18$$

31. 다음 그림과 같은 마름모 ABCD 에서  $\angle B = 60^\circ$  이고, 넓이가  $24\sqrt{3}$  일 때,  $\square ABCD$  의 한 변의 길이를 구하여라.



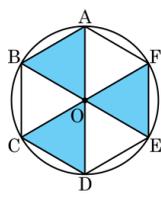
▶ 답 :

▷ 정답 :  $4\sqrt{3}$

해설

점 A 와 점 C 를 이으면  $\triangle ABC$  의 넓이는  $12\sqrt{3}$   
 $\triangle ABC$  는 정삼각형이므로 한 변의 길이를  $a$  라고 하면, 넓이는  
 $\frac{\sqrt{3}}{4}a^2 = 12\sqrt{3}$ ,  $a^2 = 48$   
 $\therefore a = 4\sqrt{3}$

32. 다음 그림에서 반지름의 길이가 6cm 인 원 O의 둘레를 6 등분하는 점을 각각 A, B, C, D, E, F 라 한다. 이 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하면? (색칠한 부분은  $\triangle AOB + \triangle FOE + \triangle COD$  이다.)



- ①  $24\sqrt{3}\text{cm}^2$       ②  $12\sqrt{3}\text{cm}^2$   
 ③  $12\text{cm}^2$       ④  $27\sqrt{3}\text{cm}^2$   
 ⑤  $18\sqrt{3}\text{cm}^2$

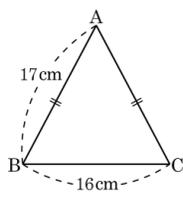
**해설**

$\triangle AOB$  는 길이가 6cm 인 정삼각형이므로

$$\triangle AOB = \frac{\sqrt{3}}{4} \times 6^2 = 9\sqrt{3} (\text{cm}^2)$$

따라서 색칠한 부분의 넓이는  $9\sqrt{3} \times 3 = 27\sqrt{3} (\text{cm}^2)$  이다.

33. 다음 그림과 같은 이등변 삼각형 ABC의 넓이를 구하여라.

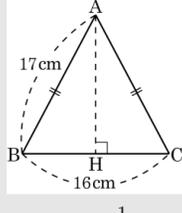


▶ 답:

▷ 정답: 120

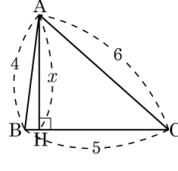
해설

점 A에서  $\overline{BC}$ 에 내린 수선의 발을 H라고 하면  $\overline{AH} = \sqrt{17^2 - 8^2} = 15$



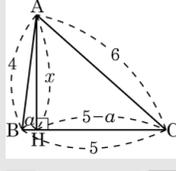
$$\therefore \triangle ABC = \frac{1}{2} \times 15 \times 16 = 120$$

34. 다음 그림과 같이 세 변의 길이가 4, 5, 6 인 삼각형 ABC 의 높이  $x$  는?



- ①  $\sqrt{5}$     ②  $2\sqrt{7}$     ③  $3\sqrt{7}$     ④  $\frac{3\sqrt{7}}{2}$     ⑤  $3\sqrt{7}$

해설



$$\overline{BH} = a \text{ 라 두면 } \overline{CH} = 5 - a$$

$$4^2 - a^2 = 6^2 - (5 - a)^2, \quad \therefore a = \frac{1}{2}$$

$$\therefore \overline{AH} = \sqrt{4^2 - \left(\frac{1}{2}\right)^2} = \sqrt{\frac{63}{4}} = \frac{3\sqrt{7}}{2}$$

35.  $\overline{BC} = 24$ ,  $\overline{AB} - \overline{AC} = 5$  인 삼각형 ABC 의 꼭짓점 A 에서 변 BC 에 내린 수선의 발을 H 라 할 때, 선분 AH 위의 한 점 P 에 대하여  $\overline{BP} = 18$ ,  $\overline{CP} = 12$  일 때 삼각형 ABC 의 둘레의 길이를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 60

해설

다음 그림과 같이 변 AB 의 길이를  $x$ ,  
 변 AC 의 길이를  $y$  라 하면  $x - y = 5$   
 선분 BH 의 길이를  $a$  라 하면 선분 HC  
 는  $24 - a$  이다.

$$\triangle ABH \text{ 에서 } \overline{AH}^2 = x^2 - a^2$$

$$\triangle AHC \text{ 에서 } \overline{AH}^2 = y^2 - (24 - a)^2$$

$$\therefore x^2 - a^2 = y^2 - (24 - a)^2 \dots \textcircled{1}$$

$$\triangle PBH \text{ 에서 } \overline{PH}^2 = 18^2 - a^2$$

$$\triangle PHC \text{ 에서 } \overline{PH}^2 = 12^2 - (24 - a)^2$$

$$\therefore 18^2 - a^2 = 12^2 - (24 - a)^2 \dots \textcircled{2}$$

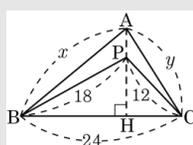
$$\textcircled{1} - \textcircled{2} \text{ 를 하면 } x^2 - 18^2 = y^2 - 12^2$$

$$\therefore x^2 - y^2 = 18^2 - 12^2 = 180 = (x + y)(x - y)$$

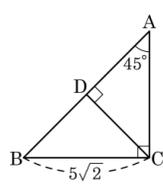
$$\text{이때 } x - y = 5$$

$$\therefore x + y = \frac{180}{5} = 36$$

따라서 삼각형의 둘레의 길이는  $36 + 24 = 60$  이다.



36. 다음 그림의  $\triangle ABC$  에서  $\angle C = 90^\circ$  이고  $\overline{CD} \perp \overline{AB}$  이다.  $\overline{CD}$  의 길이는?

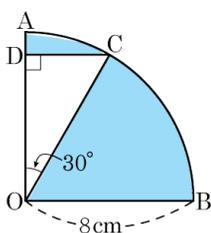


- ① 10      ② 5      ③  $5\sqrt{2}$       ④  $10\sqrt{2}$       ⑤ 20

해설

$\triangle ABC$  는 이등변삼각형이므로  
 $\overline{AC} = \overline{BC}$  이다.  
 $\overline{AB} : \overline{BC} = \sqrt{2} : 1$   
 $\overline{AB} : 5\sqrt{2} = \sqrt{2} : 1$   
 $\therefore \overline{AB} = 10$   
 따라서  $\triangle ABC$  의 넓이는  
 $5\sqrt{2} \times 5\sqrt{2} \times \frac{1}{2} = 10 \times \overline{CD} \times \frac{1}{2}$  이므로  
 $\overline{CD} = 5$  이다.

37. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 8cm 인 사분원에서  $\angle COA = 30^\circ$  이고  $CD \perp OA$  일 때, 색칠한 부분의 넓이는 ?



- ①  $(15\pi - 7\sqrt{3})\text{cm}^2$                       ②  $(15\pi - 8\sqrt{3})\text{cm}^2$   
 ③  $(15\pi - 9\sqrt{3})\text{cm}^2$                       ④  $(16\pi - 7\sqrt{3})\text{cm}^2$   
 ⑤  $(16\pi - 8\sqrt{3})\text{cm}^2$

해설

$$\text{사분원의 넓이} = 8^2\pi \times \frac{1}{4} = 16\pi(\text{cm}^2)$$

$$\triangle ODC \text{ 에서 } \overline{OC} : \overline{DC} : \overline{DO} = 2 : 1 : \sqrt{3}$$

$$\overline{OD} = 4\sqrt{3}\text{cm}, \overline{CD} = 4\text{cm}$$

$$\triangle ODC = \frac{1}{2} \times 4\sqrt{3} \times 4 = 8\sqrt{3}$$

$$\text{색칠한 부분의 넓이} = (16\pi - 8\sqrt{3})\text{cm}^2$$

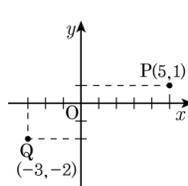
38. 다음 중 원점  $O(0,0)$ 와의 거리가 가장 먼 점은?

- ①  $A(-1, -2)$       ②  $B(1, -1)$       ③  $C(2, 3)$   
④  $D(\sqrt{2}, 1)$       ⑤  $E(-2, -1)$

해설

- ①  $\sqrt{5}$   
②  $\sqrt{2}$   
③  $\sqrt{13}$   
④  $\sqrt{3}$   
⑤  $\sqrt{5}$

39. 다음 그림에서 두 점 P(5, 1), Q(-3, -2) 사이의 거리는?



- ①  $\sqrt{5}$     ② 5    ③  $\sqrt{73}$     ④  $\sqrt{65}$     ⑤ 11

해설

$$\begin{aligned} \overline{PQ} &= \sqrt{\{5 - (-3)\}^2 + \{1 - (-2)\}^2} \\ &= \sqrt{8^2 + 3^2} = \sqrt{73} \end{aligned}$$

40. 좌표평면 위의 점  $A(0, 3)$ ,  $P(x, 0)$ ,  $Q(x, -1)$ ,  $B(4, -2)$  에 대하여  $\overline{AP} + \overline{PQ} + \overline{QB}$ 의 최솟값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $4\sqrt{2} + 1$

해설

점 B 를 y 축의 방향으로 1 만큼 평행이동한 점을 B' 라 하면  $B'(4, -1)$

점 A 와 B' 을 이은 선분이 x 축과 만나는 점을 P로 잡으면  $\overline{AP} + \overline{PQ} + \overline{QB}$  가 최소가 된다.

이때,  $\overline{AB'} = \overline{AP} + \overline{QB}$  이므로 구하는 최솟값은

$\overline{AB'} + \overline{PQ} = \sqrt{(4-0)^2 + (-1-3)^2} + 1 = 4\sqrt{2} + 1$  이다.