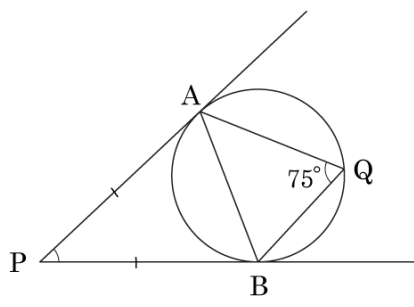


1. 다음 그림에서 두 직선 PA, PB 는 원의 접선이고 $\angle AQB = 75^\circ$ 일 때, $\angle APB$ 의 크기는?

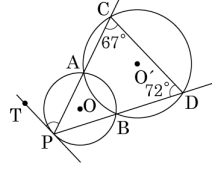


- ① 30° ② 40° ③ 50° ④ 60° ⑤ 70°

해설

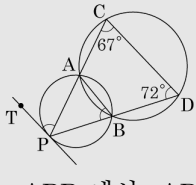
$\angle ABP = \angle AQB = 75^\circ$ 이고 $\triangle PAB$ 는 이등변삼각형이므로 $\angle APB = 180^\circ - 75^\circ - 75^\circ = 30^\circ$

2. 다음 그림에서 $\overleftrightarrow{PT}$ 가 원 O 의 접선이고, 두 점 A,B 는 두 원의 교점이다. $\overrightarrow{PA}$, $\overrightarrow{PB}$ 와 원 O' 이 만나는 점을 각각 C,D 라고 할 때, $\angle APT$ 의 크기는?



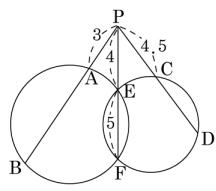
- ① 66° ② 67° ③ 68° ④ 69° ⑤ 70°

해설



$\triangle APB$ 에서 $\angle APT = \angle ABP$
 $\square ABDC$ 에서 $\angle ABP = \angle ACD = 67^\circ$
 $\therefore \angle APT = 67^\circ$

3. 다음의 그림에서 $\overline{EF}$ 는 공통현이고, $\overline{PA} = 3$, $\overline{PC} = 4.5$ $\overline{PE} = 4$, $\overline{EF} = 5$ 일 때, $\overline{AB} + \overline{CD}$ 의 길이를 구하면?



- ① 7.5 ② 9.5 ③ 11.5 ④ 12.5 ⑤ 13.5

해설

$$\overline{PA} \times \overline{PB} = \overline{PE} \times \overline{PF}, \quad 3 \times \overline{PB} = 4 \times (4 + 5)$$

$$\therefore \overline{PB} = \frac{36}{3} = 12$$

$$\therefore \overline{AB} = 12 - 3 = 9$$

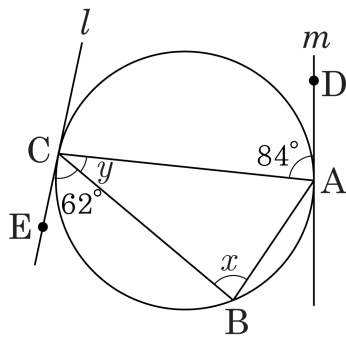
$$\text{또, } \overline{PC} \cdot \overline{PD} = \overline{PE} \cdot \overline{PF} \text{ 에서 } \frac{9}{2} \times \overline{PD} = 4 \times (4 + 5)$$

$$\therefore \overline{PD} = 8$$

$$\therefore \overline{CD} = 8 - 4.5 = 3.5$$

$$\therefore \overline{AB} + \overline{CD} = 9 + 3.5 = 12.5$$

4. 다음은 원의 접점 A, C, 각 점에서의 접선 m, l 을 그린 것이다. 이때, $\angle x, \angle y$ 의 값을 바르게 짝지은 것은?



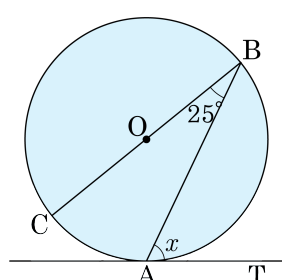
- ① $\angle x = 84^\circ, \angle y = 34^\circ$ ② $\angle x = 85^\circ, \angle y = 34^\circ$
 ③ $\angle x = 85^\circ, \angle y = 35^\circ$ ④ $\angle x = 86^\circ, \angle y = 35^\circ$
 ⑤ $\angle x = 86^\circ, \angle y = 36^\circ$

해설

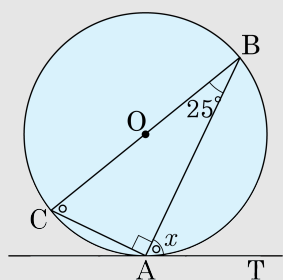
$$\begin{aligned} \angle ECB &= \angle BAC = 62^\circ \\ \angle CAD &= \angle x = 84^\circ \\ \therefore \angle y &= 180^\circ - 84^\circ - 62^\circ = 34^\circ \end{aligned}$$

5. 다음 그림에서 직선 AT가 원 O의 접선 일 때, $\angle x$ 의 크기는?

- ① 25° ② 40° ③ 55°
 ④ 60° ⑤ 65°

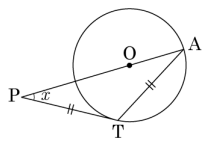


해설



$$x = 180^\circ - (90^\circ + 25^\circ) = 65^\circ$$

6. 다음과 같이 원 O의 접선 $\overline{PT}$ 와 $\overline{AT}$ 가 같을 때, $4\angle x$ 의 크기는?



- ① 30° ② 60° ③ 90° ④ 120° ⑤ 150°

해설

$$2\angle x + \angle x = 90^\circ$$

$$3\angle x = 90^\circ$$

$$\therefore \angle x = 30^\circ$$

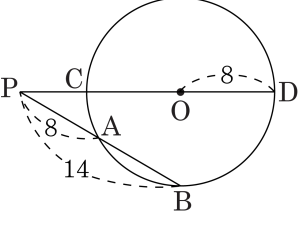
$$\therefore 4\angle x = 120^\circ$$

7. 다음 그림의 원 O에서 $\overline{PA} = 8, \overline{PB} = 14$, 반지름의 길이가 8 일 때, $\overline{PO}$ 의 길이는?

- ① $3\sqrt{11}$

② $4\sqrt{11}$
- ③ $5\sqrt{11}$

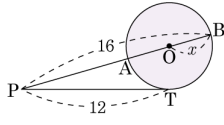
④ $6\sqrt{11}$
- ⑤ $7\sqrt{11}$



해설

$$\begin{aligned} \overline{PO} &= x \text{ 라 하면} \\ (x - 8)(x + 8) &= 8 \times 14 \\ x^2 - 64 &= 112, x^2 = 176, x = 4\sqrt{11} \end{aligned}$$

8. 다음 그림에서 $\overline{AB}$ 가 원 O 의 지름일 때, x 의 값은? (단, 점 T 는 원의 접점이다.)



- ① $\frac{7}{2}$ ② $\frac{9}{2}$ ③ $\frac{11}{2}$ ④ $\frac{13}{2}$ ⑤ $\frac{15}{2}$

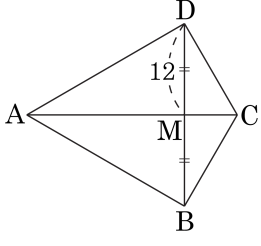
해설

$$\overline{PA} = 16 - 2x$$

$$12^2 = (16 - 2x) \times 16$$

$$16 - 2x = 9, \quad 2x = 7 \quad \therefore x = \frac{7}{2}$$

9. 다음 그림에서 □ABCD는 원에 내접하고 $\overline{DM} = \overline{BM}$, $\overline{AM} : \overline{CM} = 3 : 1$, $\overline{DM} = 12$ 일 때, □ABCD의 외접원의 반지름의 길이는?



- ① $2\sqrt{3}$ ② $4\sqrt{3}$ ③ $6\sqrt{3}$
 ④ $8\sqrt{3}$ ⑤ $10\sqrt{3}$

해설

$\overline{BD} \perp \overline{AC}$ 이므로

$\overline{AC}$ 는 지름이고

$\overline{AM} : \overline{CM} = 3 : 1$ 이므로

$\overline{AM} = 3k, \overline{CM} = k$ 라 하면

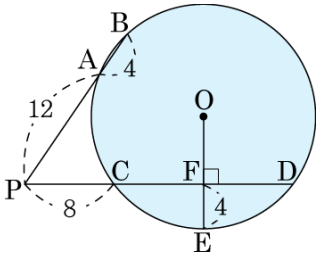
$$12 \times 12 = 3k \times k, 144 = 3k^2$$

$$k^2 = 48, k = 4\sqrt{3} (\because k > 0),$$

$$\overline{AM} = 12\sqrt{3}, \overline{CM} = 4\sqrt{3}$$

$$\therefore (\text{반지름의 길이}) = \frac{\overline{AC}}{2} = \frac{\overline{AM} + \overline{CM}}{2} = \frac{16\sqrt{3}}{2} = 8\sqrt{3}$$

10. 다음 그림과 같이 원 O의 외부에 한 점 P에서 두 직선을 그어 원 O와 만난 점을 각각 A, B, C, D라 하고, 점 O에서 $\overline{CD}$ 에 내린 수선의 발을 F, $\overline{OF}$ 의 연장선과 원 O와 만난 점을 E라 한다. $\overline{PA} = 12$, $\overline{AB} = 4$, $\overline{PC} = 8$, $\overline{EF} = 4$ 일 때, 원 O의 넓이를 구하면?

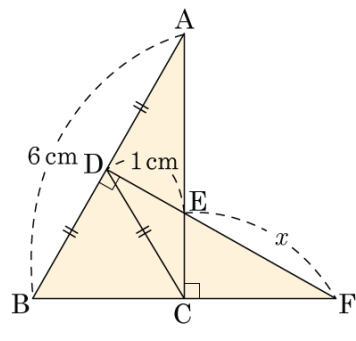


- ① 100 ② 100π ③ $\frac{100}{3}\pi$
 ④ $\frac{100}{3}$ ⑤ $100\sqrt{3}\pi$

해설

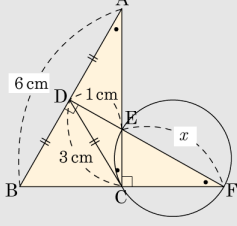
1) $8(8 + \overline{CD}) = 12(12 + 4)$
 $\overline{CD} = 16$, $\overline{CF} = \overline{FD} = 8$
 2) 반지름의 길이를 r 라 하면 $\overline{OE} = \overline{OD} = r$
 $\overline{OF} = r - 4$
 $r^2 = (r - 4)^2 + 8^2$
 $\therefore r = 10$
 따라서 $S = 100\pi$ 이다.

11. 다음 그림에서 $\angle ACF = \angle FDB = 90^\circ$ 이고 $\overline{AD} = \overline{BD} = \overline{DC}$ 이다.
 $\overline{AB} = 6\text{cm}$, $\overline{DE} = 1\text{cm}$ 일 때, $\overline{EF}$ 의 길이를 구하면?



- ① 5cm ② 6cm ③ 7cm ④ 8cm ⑤ 9cm

해설

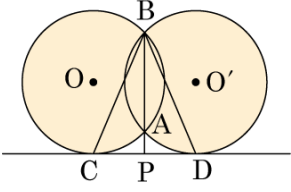


$\triangle BAC \sim \triangle BFD$ ($\because$ AA닮음)
 $\therefore \angle A = \angle F, \angle A = \angle DCA$
 $\therefore \angle F = \angle DCA$ 따라서, $\triangle CEF$ 의 외접원에 대해 $\overline{DC}$ 는 접선

$$\Rightarrow \overline{DC}^2 = \overline{DE} \cdot \overline{DF}$$

$3^2 = 1(1 + x)$ 따라서 $x = 8$ 이다.

12. 다음 그림과 같이 두 원 O, O'의 공통외접선 CD와 공통현 AB의 연장선이 점 P에서 만난다. $\overline{PA} = 1\text{cm}$, $\overline{AB} = 4\text{cm}$, $\overline{BC} = \overline{BD} = \sqrt{30}\text{cm}$ 일 때, $\triangle CBD$ 의 넓이는?



- ① 10cm^2 ② $5\sqrt{3}\text{cm}^2$ ③ $6\sqrt{2}\text{cm}^2$
 ④ $5\sqrt{5}\text{cm}^2$ ⑤ $2\sqrt{6}\text{cm}^2$

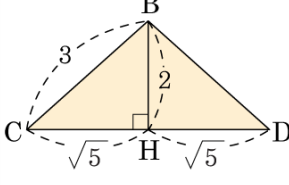
해설

$$\overline{CP}^2 = \overline{PA} \times \overline{PB} = 5$$

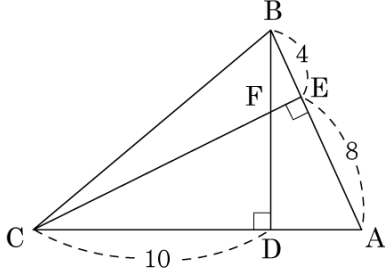
$$\overline{CP} = \sqrt{5}\text{cm}$$

$$\therefore \overline{CD} = 2\overline{CP} = 2\sqrt{5}\text{cm}$$

$$\therefore \triangle CBD = \frac{1}{2} \times 2\sqrt{5} \times 5 = 5\sqrt{5}(\text{cm}^2)$$



13. 다음 그림에서 $\overline{BC}$ 의 길이를 $a\sqrt{b}$ 라고 할 때, $a+b$ 의 값은?
(단, b는 최소의 자연수)



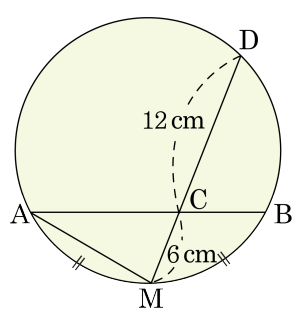
- ① 17 ② 18 ③ 19 ④ 20 ⑤ 21

해설

$$\begin{aligned} \overline{AE} \cdot \overline{AB} &= \overline{AD} \cdot \overline{AC} \text{ 이므로} \\ \overline{AD} \times (\overline{AD} + 10) &= 8 \times 12 \\ \overline{AD}^2 + 10\overline{AD} - 96 &= 0 \\ (\overline{AD} + 16)(\overline{AD} - 6) &= 0 \\ \therefore \overline{AD} &= 6 \\ \overline{CE} &= \sqrt{16^2 - 8^2} = \sqrt{192} \\ \overline{BC} &= \sqrt{192 + 4^2} = \sqrt{208} = 4\sqrt{13} \\ a\sqrt{b} &= 4\sqrt{13} \\ \therefore a + b &= 17 \end{aligned}$$

14. 다음 그림에서 $5.0\text{pt}\widehat{AM} = 5.0\text{pt}\widehat{BM}$ 이고, $\overline{MC} = 6\text{ cm}$, $\overline{CD} = 12\text{ cm}$ 일 때, $\overline{AM}$ 의 길이는?

- ① $6\sqrt{2}\text{ cm}$ ② $6\sqrt{3}\text{ cm}$
 ③ $7\sqrt{2}\text{ cm}$ ④ $7\sqrt{3}\text{ cm}$
 ⑤ $8\sqrt{2}\text{ cm}$



해설

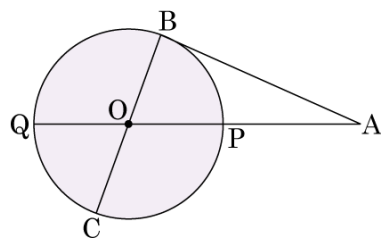
$5.0\text{pt}\widehat{AM} = 5.0\text{pt}\widehat{BM}$ 이므로 $\angle ADM = \angle BAM$

$\therefore \overline{AM}$ 은 $\triangle ACD$ 의 외접원의 접선

$\overline{AM}^2 = \overline{CM} \times \overline{DM} = 6 \times (6 + 12) = 108$

$\therefore \overline{AM} = 6\sqrt{3}\text{ cm}$

15. 다음 그림에서 O는 원의 중심이고, $\overline{AB} = b$, $\overline{BC} = a$, $\overline{AB}$ 는 원의 접선일 때, 이차방정식 $x^2 + ax - b^2 = 0$ 의 해를 길이로 갖는 선분은?



① $\overline{AB}$ ② $\overline{BC}$

③ $\overline{PQ}$ ④ $\overline{AQ}$

⑤ $\overline{AP}$

해설

$$\overline{PQ} = a \quad (\because \text{원 O의 지름})$$

$$\overline{AB}^2 = \overline{AP} \times \overline{AQ}$$

$$b^2 = \overline{AP}(\overline{AP} + a)$$

$$\therefore \overline{AP}^2 + a\overline{AP} - b^2 = 0 \Rightarrow x^2 + ax - b^2 = 0$$

$$\therefore x = \overline{AP}$$