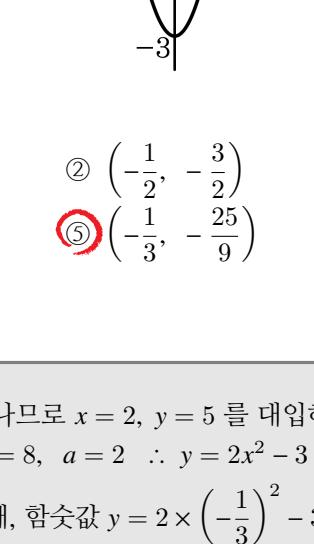


1. 이차함수  $y = ax^2 - 3$  의 그래프가 다음과 같을 때, 이 그래프 위의 점은? (단,  $a$ 는 상수)



①  $(1, -2)$       ②  $\left(-\frac{1}{2}, -\frac{3}{2}\right)$       ③  $(-1, 1)$   
④  $(-2, -5)$       ⑤  $\left(-\frac{1}{3}, -\frac{25}{9}\right)$

해설

점  $(2, 5)$  를 지나므로  $x = 2, y = 5$  를 대입하면

$$5 = 4a - 3, 4a = 8, a = 2 \quad \therefore y = 2x^2 - 3$$

$$\textcircled{5} x = -\frac{1}{3} \text{ 일 때, } y = 2 \times \left(-\frac{1}{3}\right)^2 - 3 = -\frac{25}{9} \text{ 이다.}$$

따라서 점  $\left(-\frac{1}{3}, -\frac{25}{9}\right)$  를 지난다.

2. 다음 보기의 이차함수의 그래프 중 이차함수  $y = -2x^2$  의 그래프를 평행이동하여 완전히 포괄 수 없는 것을 모두 고르면?

①  $y = -2x^2 - 4x - 1$

②  $y = -2(x - 1)^2$

③  $y = -\frac{1}{2}x^2 + 1$

④  $y = x^2 - 2x - (1 + 3x^2)$

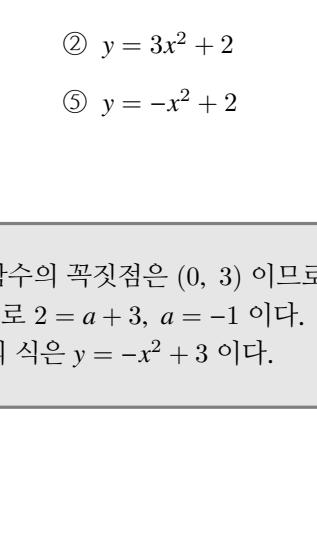
⑤  $y = -(2 - x)(2 + x) + 1$

해설

$y = ax^2 + bx + c$  의 그래프에서  $a$ 의 값이 같으면 평행 이동하여 두 이차 함수의 그래프를 완전히 포괄 수 있다.

따라서  $a = -2$ 가 아닌 것은 ③, ⑤이다.

3. 다음 그림과 같은 그래프를 가지는 이차함수의 식은?



- ①  $y = 3x^2 + 1$       ②  $y = 3x^2 + 2$       ③  $y = -3x^2 + 3$   
④  $y = -x^2 + 3$       ⑤  $y = -x^2 + 2$

해설

그래프의 이차함수의 꼭짓점은  $(0, 3)$  이므로  $y = ax^2 + 3$  이고  
 $(1, 2)$ 를 지나므로  $2 = a + 3$ ,  $a = -1$  이다.  
따라서 그래프의 식은  $y = -x^2 + 3$  이다.

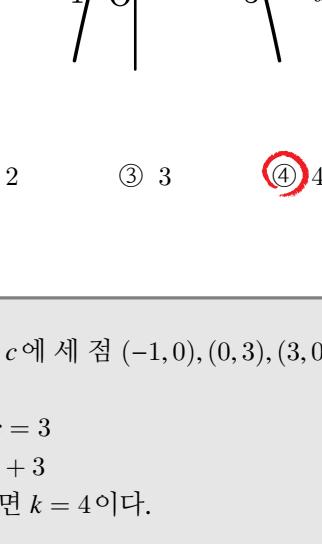
4. 이차함수  $y = 4(x + 7)^2 - 5$  의 그래프를  $x$ 축,  $y$ 축의 방향으로 각각 3, -5 만큼 평행이동한 그래프가 점  $(0, a)$ 을 지날 때,  $a$ 의 값은?

- ① 22      ② 38      ③ 54      ④ 60      ⑤ 76

해설

$y = 4(x + 7)^2 - 5$  의 그래프를  $x$ 축,  $y$ 축의 방향으로 각각 3, -5 만큼 평행이동하면  $y = 4(x + 7 - 3)^2 - 5 - 5$ ,  $y = 4(x + 4)^2 - 10$ 이고. 점  $(0, a)$ 을 지나므로 대입하면  $a = 4(0 + 4)^2 - 10$ ,  $a = 54$ 이다.

5. 다음은 이차함수  $y = ax^2 + bx + c$  의 그래프이다.  $(1, k)$  가 이 그래프 위의 점일 때,  $k$  의 값은?



- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$y = ax^2 + bx + c$  에 세 점  $(-1, 0), (0, 3), (3, 0)$  을 각각 대입하여

$a, b, c$  를 구하면

$$a = -1, b = 2, c = 3$$

$$\therefore y = -x^2 + 2x + 3$$

$(1, k)$  를 대입하면  $k = 4$  이다.

6.  $y = -x^2 + 4x - a + 3$  의 그래프가  $x$  축과 점  $(3, 0)$ 에서 만날 때,  
이차함수의 최댓값은?

- ① 5      ② 4      ③ 3      ④ 2      ⑤ 1

해설

$(3, 0)$  을  $y = -x^2 + 4x - a + 3$ 에 대입하면

$$0 = -9 + 12 - a + 3$$

$$\therefore a = 6$$

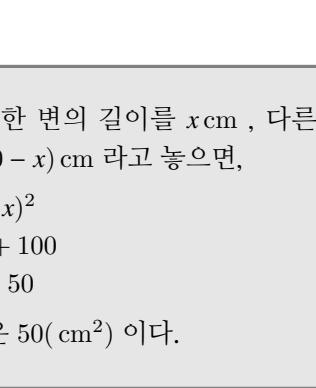
$$y = -x^2 + 4x - 3$$

$$= -(x^2 - 4x + 4 - 4) - 3$$

$$= -(x - 2)^2 + 1$$

$$\therefore x = 2 \text{ 일 때, 최댓값 } 1$$

7. 다음 그림과 같이 길이가 10cm인 선분을 둘로 나누어 각각을 한 변으로 하는 두 정사각형을 만들려고 한다. 이 때, 두 정사각형의 넓이의 합의 최솟값을 구하여라.



- ① 20      ② 30      ③ 40      ④ 45      ⑤ 50

해설

한 정사각형의 한 변의 길이를  $x$  cm, 다른 한 정사각형의 한 변의 길이를  $(10 - x)$  cm라고 놓으면,

$$\begin{aligned}y &= x^2 + (10 - x)^2 \\&= 2x^2 - 20x + 100 \\&= 2(x - 5)^2 - 50\end{aligned}$$

따라서 최솟값은  $50(\text{cm}^2)$ 이다.

8. 지면으로부터 초속 30m 로 던져 올린 물체의  $t$  초 후의 높이를  $hm$  라고 하면  $h = 30t - 5t^2$  인 관계가 성립한다. 이 물체가 가장 높이 올라갔을 때의 높이는?

① 60m    ② 55m    ③ 50m    ④ 45m    ⑤ 40m

해설

$$\begin{aligned} h &= 30t - 5t^2 \\ &= -5(t^2 - 6t + 9) + 45 \\ &= -5(t - 3)^2 + 45 \end{aligned}$$

9. 이차함수  $y = 3x^2$  의 그래프는 점  $(a, 12)$  를 지나고, 이차함수  $y = bx^2$  과  $x$  축에 대하여 대칭이다. 이 때,  $ab$  의 값은?

- ①  $\pm 2$       ②  $\pm 3$       ③  $\pm 5$       ④  $\pm 6$       ⑤  $\pm 7$

해설

$y = 3x^2$  에  $(a, 12)$  를 대입하면  $a = \pm 2$  이다.  
 $x$  축과 대칭인 함수는  $x^2$  의 계수의 절댓값이 같고 부호가 서로  
반대이므로  $b = -3$  이다.

$$\therefore ab = \pm 6$$

10. 이차함수  $y = ax^2$  의 그래프가  $y = -\frac{3}{2}x^2$  의 그래프보다 폭이 좁고,  $y = 2x^2$  의 그래프보다 폭이 넓다고 할 때, 음수  $a$ 의 값의 범위는?

①  $-\frac{3}{2} < a < 2$       ②  $-\frac{3}{2} < a < -2$       ③  $\frac{3}{2} < a < 2$   
④  $-2 < a < -\frac{3}{2}$       ⑤  $-2 < a < \frac{3}{2}$

해설

$\frac{3}{2} < |a| < 2$   
 $\frac{3}{2} < a < 2$  또는  $-2 < a < -\frac{3}{2}$  이고,  $a$  가 음수이므로  $-2 < a < -\frac{3}{2}$  이다.

11. 이차함수  $y = -3x^2 - 6x + 2$  의 그래프의 꼭짓점의 좌표가  $(a, b)$ 이고,  
 $y$  축과의 교점의  $y$  좌표가  $q$  일 때,  $\frac{a+b}{q}$  의 값은?

- ① -2      ② -1      ③ 1      ④ 2      ⑤ 3

해설

$y = -3x^2 - 6x + 2$  의 식을  $y = a(x + p)^2 + q$  의 꼴로 바꾸면

$$y = -3(x^2 + 2x + 1 - 1) + 2$$

$$y = -3(x + 1)^2 + 5$$
 이므로

i) 꼭짓점의 좌표는  $(-1, 5) \therefore a = -1, b = 5$

ii)  $y$  축과 만나는 점의  $x$  좌표는 0 이므로  $x = 0$  을 대입하면

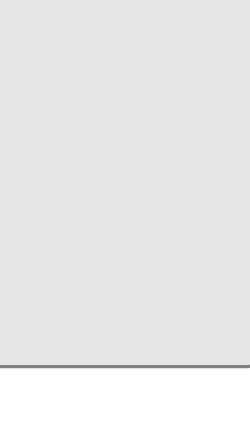
$$q = 2$$

$$\text{따라서 } \frac{a+b}{q} = \frac{(-1)+5}{2} = \frac{4}{2} = 2 \text{이다.}$$

12. 다음 포물선  $y = x^2 - 2x - 3$  의 꼭짓점을 A 라  
하고,  $x$  축과의 교점을 B, C 라 할 때,  $\triangle ABO$   
의 넓이는?

① 16      ② 8      ③ 12

④ 6      ⑤ 10



해설

$$y = x^2 - 2x - 3 = (x - 1)^2 - 4$$

A의 좌표는  $(1, -4)$  이다.

$x$  축과 교점은  $y = 0$  일 때이므로

$$0 = (x - 1)^2 - 4$$

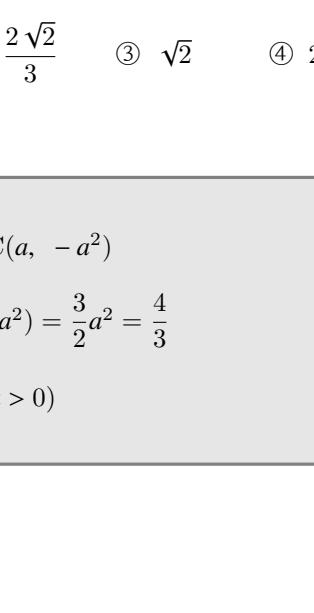
따라서  $x = -1$  또는  $x = 3$  이다.

B의 좌표는  $(3, 0)$  이다.

$$\therefore \triangle ABO = \frac{1}{2} \times 3 \times 4 = 6$$

13. 그림과 같이 2 개의 포물선  $y = \frac{1}{2}x^2$  ⋯ ⊕,  $y = -x^2$  ⋯ ⊖ 이 있다.

점  $A(a, 0)$  을 지나며,  $x$  축에 수직인 직선이 포물선 ⊕ 과 만나는 점을  $B$ , 포물선 ⊖ 과 만나는 점을  $C$  라 한다.  $\overline{BC} = \frac{4}{3}$  일 때,  $a$  의 값을 구하면?



①  $\frac{\sqrt{2}}{3}$       ②  $\frac{2\sqrt{2}}{3}$       ③  $\sqrt{2}$       ④  $2\sqrt{2}$       ⑤  $\frac{\sqrt{3}}{3}$

해설

$$B\left(a, \frac{1}{2}a^2\right), C(a, -a^2)$$

$$\overline{BC} = \frac{1}{2}a^2 - (-a^2) = \frac{3}{2}a^2 = \frac{4}{3}$$

$$\therefore a = \frac{2\sqrt{2}}{3} (\because a > 0)$$

14.  $y = 2(x - 3)^2 - 5$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로  $-3$ ,  $y$  축의 방향으로  $5$  만큼 평행이동 한 이차함수의 그래프 위에 두 점  $A(2, 8)$ ,  $B(a, b)$  의  $y$  축에 대하여 대칭인 점을 각각  $C$ ,  $D$  라 하고, 원점을  $O$  라 한다.  $\triangle ABC$  와  $\triangle BOD$  의 넓이의 비가  $2 : a^2$  일 때,  $a$ 의 값을 구하면? (단,  $0 < a < 2$ )

$$\begin{array}{ll} \textcircled{1} \quad a = \frac{-1 - \sqrt{17}}{2} & \textcircled{2} \quad a = \frac{-1 + \sqrt{17}}{2} \\ \textcircled{3} \quad a = \frac{-1 + \sqrt{10}}{2} & \textcircled{4} \quad a = \frac{-1 - \sqrt{10}}{2} \\ \textcircled{5} \quad a = \frac{2}{3} & \end{array}$$

**해설**

$y = 2(x - 3)^2 - 5$  의 그래프를 평행이동하면  $y = 2x^2$  이다. 점  $A(2, 8)$  의  $y$  축에 대하여 대칭인 점  $C$ 의 좌표는  $(-2, 8)$ 이고, 점  $B(a, b)$  의  $y$  축에 대하여 대칭인 점  $D$ 의 좌표는  $(-a, b)$ 이다.

이 때,  $\triangle ABC$ 의  $\overline{AC}$ 를 밑변, 점  $A, B$ 의  $y$  좌표의 차를 높이로 하면  $\triangle ABC = \frac{1}{2} \times 4 \times (8 - b)$

이 식에  $b = 2a^2$  을 대입하면 ( $\because (a, b)$  는  $y = 2x^2$  위의 점)

$$\frac{1}{2} \times 4 \times (8 - 2a^2) = 4(4 - a^2)$$

$$\text{또한, } \triangle BOD = \frac{1}{2} \times 2a \times 2a^2 = 2a^3$$

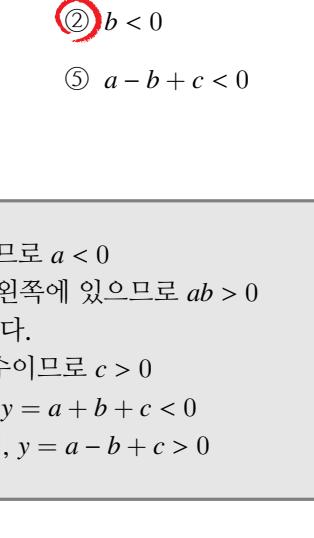
$$\triangle ABC \text{ 와 } \triangle BOD \text{ 의 넓이의 비가 } 2 : a^2 \text{ 이므로 } 4(4 - a^2) : 2a^3 = 2 : a^2$$

$$\therefore a^2(4 - a^2) = a^3, a^2 + a - 4 = 0 \text{ 에서 } a = \frac{-1 \pm \sqrt{1 + 16}}{2} =$$

$$\frac{-1 \pm \sqrt{17}}{2}$$

$$\text{여기서 } 0 < a < 2 \text{ 이므로 } a = \frac{-1 + \sqrt{17}}{2}$$

15. 이차함수  $y = ax^2 + bx + c$  의 그래프가 다음과 같을 때, 다음 중 옳은 것을 구하면?



- ①  $a > 0$       ②  $b < 0$       ③  $c < 0$   
④  $a + b + c > 0$       ⑤  $a - b + c < 0$

해설

- ① 위로 볼록하므로  $a < 0$   
② 축이  $y$  축의 왼쪽에 있으므로  $ab > 0$   
따라서  $b < 0$  이다.  
③  $y$  절편이 양수이므로  $c > 0$   
④  $x = 1$  일 때,  $y = a + b + c < 0$   
⑤  $x = -1$  일 때,  $y = a - b + c > 0$