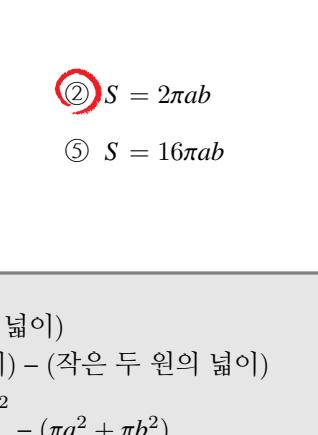


1. 다음 그림에서 \overline{AC} 는 큰 원의 지름이고 나머지 원의 지름은 각각 $\overline{AB} = 2a$, $\overline{BC} = 2b$ 일 때, 색칠한 부분의 넓이 S 를 a , b 에 관한 식으로 나타내면?



① $S = \pi ab$ ② $S = 2\pi ab$ ③ $S = 4\pi ab$

④ $S = 8\pi ab$ ⑤ $S = 16\pi ab$

해설

$$(\text{색칠한 부분의 넓이}) = (\text{큰 원의 넓이}) - (\text{작은 두 원의 넓이})$$

$$= \pi \left(\frac{2a + 2b}{2} \right)^2 - (\pi a^2 + \pi b^2)$$

$$= \pi(a + b)^2 - \pi(a^2 + b^2)$$

$$= \pi(a^2 + 2ab + b^2 - a^2 - b^2)$$

$$= 2\pi ab$$

2. $x + y = 3$, $xy = -4$ 일 때, $x^2 + y^2 - xy$ 의 값은?

- ① 18 ② 19 ③ 20 ④ 21 ⑤ 22

해설

$$\begin{aligned}x^2 - xy + y^2 &= (x + y)^2 - 3xy \\&= 3^2 - 3 \times (-4) \\&= 21\end{aligned}$$

3. $(3x - 2y + 4z)(2x + 2y - 4z)$ 를 전개하였을 때, xy, yz, zx 각각의 계수의 합은?

- ① 14 ② 16 ③ 18 ④ 20 ⑤ 22

해설

$$\begin{aligned} & (3x - 2y + 4z)(2x + 2y - 4z) \\ &= \{3x - (2y - 4z)\}\{2x + (2y - 4z)\} \\ & 2y - 4z = A \text{로 치환하면} \\ & (3x - A)(2x + A) \\ &= 6x^2 + Ax - A^2 \\ & A = 2y - 4z \text{를 대입하면} \\ & 6x^2 + (2y - 4z)x - (2y - 4z)^2 \\ &= 6x^2 + 2xy - 4xz - 4y^2 + 16yz - 16z^2 \\ &\therefore xy, yz, zx \text{ 각각의 계수의 합} : 2 + 16 + (-4) = 14 \end{aligned}$$

4. $(a + b + c - d)(-a + b + c + d) + (a + b - c + d)(a - b + c + d)$ 를 전개하면?

- ① $2ad + 2bc$ ② $3ad + 3bc$ ③ $\textcircled{3} 4ad + 4bc$
④ $3ad - 3bc$ ⑤ $4ad - 4bc$

해설

$$\begin{aligned}(a + b + c - d)(-a + b + c + d) + (a + b - c + d)(a - b + c + d) \\= \{(b + c) + (a - d)\}\{(b + c) - (a - d)\} + \{(a + d) + (b - c)\}\{(a + d) - (b - c)\} \\= (b + c)^2 - (a - d)^2 + (a + d)^2 - (b - c)^2 \\= b^2 + 2bc + c^2 - a^2 + 2ad - d^2 + a^2 + 2ad + d^2 - b^2 + 2bc - c^2 \\= 4ad + 4bc\end{aligned}$$