

1. 45와 27을 어떤 수로 나누면 나누어떨어집니다. 어떤 수 중에서 가장 큰 수를 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

45와 27의 최대공약수를 구합니다.

$$\begin{array}{r} 3 \overline{) 45 \ 27} \\ 3 \overline{) 15 \ 9} \\ \underline{ 5 \ 3} \\ 5 \ 3 \end{array}$$

최대공약수: $3 \times 3 = 9$

2. 식을 보고, 15와 45의 최소공배수를 구하려고 합니다. 안에 알맞은 수를 써넣으시오.

$$\begin{aligned} 15 &= 3 \times 5 \\ 45 &= 3 \times 3 \times 5 \\ \rightarrow 15 \text{과 } 45 \text{의 최소공배수} &: 3 \times 5 \times 3 = \square \end{aligned}$$

▶ 답:

▶ 정답: 45

해설

$$15 \text{와 } 45 \text{의 최소공배수} : 3 \times 5 \times 3 = 45$$

3. 72를 어떤 수로 나누려고 합니다. 나누어떨어지게 하는 자연수는 모두 몇 개입니까?

▶ 답: 개

▷ 정답: 12개

해설

어떤 수를 나누어떨어지게 하는 수는 어떤 수의 약수이므로 72의 약수는

1, 2, 3, 4, 6, 8, 9, 12, 18, 24, 36, 72입니다.

→ 12개

4. 다음 중에서 5로 나누어 떨어지는 수를 모두 찾아 합을 쓰시오.

33, 54, 75, 150, 184, 225, 369

▶ 답 :

▷ 정답 : 450

해설

5로 나누어 떨어지는 수 : (일의 자리의 숫자가 0, 5인 수) : 75, 150, 225

합 : $75 + 150 + 225 = 450$

5. 다음 중 그 결과가 항상 홀수인 것을 모두 찾으시오.

① (홀수)+(홀수)

② (짝수)+(짝수)

③ (홀수) \times (홀수)+(짝수)

④ (홀수) \times (짝수)+(짝수)

⑤ (짝수) \times (홀수)-(홀수)

해설

홀수에는 1, 짝수에는 2 를 넣어 알아봅시다.

① 짝수 ② 짝수 ③ 홀수 ④ 짝수 ⑤ 홀수

6. 두 수의 최대공약수를 각각 구하여 그 합을 쓰시오.

(1) (12, 60)
(2) (20, 30)

▶ 답:

▷ 정답: 22

해설

$$\begin{array}{r} 2 \) \ 12 \ 60 \\ \underline{2 \) \ 6 \ 30} \\ 3 \) \ 3 \ 15 \\ \underline{\quad 1 \ 5} \end{array}$$

⇒ 최대공약수 : $2 \times 2 \times 3 = 12$

$$\begin{array}{r} 2 \) \ 20 \ 30 \\ \underline{5 \) \ 10 \ 15} \\ \quad 2 \ 3 \end{array}$$

⇒ 최대공약수 : $2 \times 5 = 10$

따라서 $12 + 10 = 22$ 입니다.

7. 어떤 두 수의 최대공약수가 20이라고 한다. 다음 중 이 두 수의 공약수가 아닌 것은 어느 것입니까?

- ① 1 ② 2 ③ 5 ④ 15 ⑤ 20

해설

어떤 두 수의 공약수는 20의 약수입니다.
20의 약수 : 1, 2, 4, 5, 10, 20

8. 3의 배수도 되고, 6의 배수도 되는 수는 어느 것입니까?

- ① 105 ② 992 ③ 460 ④ 3030 ⑤ 4401

해설

3과 6의 최소공배수 : 6

6은 2와 3으로 나누어떨어지므로 3의 배수 중에서 짝수를 찾으면 됩니다.

① $105 \div 6 = 17 \cdots 3$

② $992 \div 6 = 165 \cdots 2$

③ $460 \div 6 = 76 \cdots 4$

④ $3030 \div 6 = 505$

⑤ $4401 \div 6 = 733 \cdots 3$

9. 세 수 가, 나, 다의 최대공약수와 최소공배수의 합을 구하시오.

$$\begin{aligned} \text{가} &= 2 \times 2 \times 3 \times 5 \\ \text{나} &= 2 \times 2 \times 5 \times 7 \\ \text{다} &= 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 7 \end{aligned}$$

▶ 답:

▷ 정답: 844

해설

$$\text{최대공약수} : 2 \times 2 = 4$$

$$\text{최소공배수} : 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 5 \times 7 = 840$$

$$\text{최대공약수와 최소공배수의 합} : 4 + 840 = 844$$

10. 다음 중 9의 배수가 아닌 수는 어느 것입니까?

① 765

② 3276

③ 4887

④ 11126

⑤ 50688

해설

수의 각 자리의 숫자를 모두 더해서 9의 배수가 아닌 수를 찾습니다.

① $7 + 6 + 5 = 18$

② $3 + 2 + 7 + 6 = 18$

③ $4 + 8 + 8 + 7 = 27$

④ $1 + 1 + 1 + 2 + 6 = 11$

⑤ $5 + 0 + 6 + 8 + 8 = 27$

11. 43의 배수 중에서 가장 큰 세 자리 수를 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: 989

해설

세 자리 수 중 가장 큰 수는 999입니다.

$$999 \div 43 = 23 \cdots 10 \rightarrow 43 \times 23 = 989$$

따라서 43의 배수 중에서 가장 큰 세 자리 수는 989입니다.

12. 약수와 배수에 대한 설명 중 틀린 것은 어느 것입니까?

- ① 1을 제외한 모든 자연수는 적어도 2 개의 약수를 가집니다.
- ② 1은 모든 자연수의 약수입니다.
- ③ 홀수 중에서 2의 배수인 수가 있습니다.
- ④ 일의 자리 숫자로 2의 배수와 5의 배수를 찾을 수 있습니다.
- ⑤ 모든 자연수의 배수는 셀 수 없이 많습니다.

해설

③ 2의 배수는 짝수이고, 홀수는 짝수가 아닌 수입니다.

13. 네 자리 수 중에서 가장 큰 3의 배수와 가장 작은 홀수의 합을 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: 11000

해설

네자리수 중에서 (가장 큰 3의 배수) : 9999
네자리수 중에서 (가장 작은 홀수) : 1001
→ $9999 + 1001 = 11000$

14. 100보다 작은 자연수 중에서 \square 는 홀수들의 합으로 $\square = 1 + 3 + 5 + \dots + 99$ 이고, \triangle 는 짝수들의 합으로 $\triangle = 2 + 4 + 6 + \dots + 98$ 입니다. \square 와 \triangle 의 차이를 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: 50

해설

홀수들의 합: $\square = 1 + 3 + \dots + 97 + 99$

$\Rightarrow 100 \times 25 = 2500$

짝수들의 합: $\triangle = 2 + 4 + \dots + 96 + 98$

$= 100 \times 24 + 50 = 2450$

따라서, $2500 - 2450 = 50$ 으로 홀수들의 합이 50 더 큼니다.

15. 63 과 56 의 공약수 중에서 홀수를 모두 쓰시오. (단, 작은수부터 차례대로 쓰시오.)

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 1

▷ 정답 : 7

해설

63 의 약수 : 1, 3, 7, 9, 21, 63

56 의 약수 : 1, 2, 4, 7, 8, 14, 28, 56

63 과 56 의 공약수 : 1, 7

따라서 63 과 56 의 공약수 중에서 홀수는 1, 7 입니다.

16. 1에서 100까지의 자연수 중에서 5와 8로 나눌 때 나머지가 항상 3인 수를 모두 구하시오.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 43

▷ 정답 : 83

해설

5와 8의 공배수를 구하여 3을 더한 수가 100보다 작은 수를 찾습니다.

5와 8의 공배수 : 40, 80, 120... $\Rightarrow 40+3=43, 80+3=83$

17. 백의 자리의 숫자가 5인 세 자리 수 중에서 가장 큰 3의 배수를 구하시오.

- ① 595 ② 596 ③ 597 ④ 598 ⑤ 599

해설

3의 배수는 각 자리 숫자의 합이 3의 배수이면 그 수는 3의 배수입니다.
따라서 597이 가장 큰 3의 배수입니다.

18. 진성은 가지고 있는 사탕 54개와 껌 81개를 될 수 있는 대로 많은 친구들에게 남김없이 똑같이 나누어 주려고 합니다. 나누어 줄 사탕의 수를 ㉠, 껌의 수를 ㉡이라고 할 때, ㉡ - ㉠의 값을 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

사탕과 껌을 많은 친구들에게 남김없이 똑같이 나누어 주려면 54와 81의 최대공약수를 구하면 됩니다.

$$\begin{array}{r} 3) 54 \ 81 \\ 3) 18 \ 27 \\ 3) 6 \ 9 \\ \underline{\quad} \quad 2 \ 3 \end{array}$$

54와 81의 최대공약수는 $3 \times 3 \times 3 = 27$ 입니다.

그러므로 학생수는 27명입니다.

사탕의 수 ㉠ : $54 \div 27 = 2$ (개)

껌의 수 ㉡ : $81 \div 27 = 3$ (개)

따라서 ㉡ - ㉠ = $3 - 2 = 1$ 입니다.

19. 7분마다 한 번씩 울리는 벨, 15분마다 울리는 벨, 5분마다 울리는 벨의 세 가지 종류가 있습니다. 오후 2시 정각에 처음으로 세 개의 벨이 동시에 울렀다면 다음 번 동시에 울리는 시각은 몇 시 몇 분입니까?

- ① 2시 15분 ② 2시 35분 ③ 3시 5분
④ 3시 45분 ⑤ 4시 25분

해설

세 가지 벨이 다음 번에 동시에 울리는 것은 7, 15, 5의 최소공배수만큼의 시간이 흐른 뒤입니다. 따라서 7분, 15분, 5분의 최소공배수는 105분 즉, 1시간 45분 후에 세 벨이 동시에 울립니다.

