

1. 절댓값에 대한 다음 설명 중 옳은 것을 모두 고르면?

- Ⓐ 0의 절댓값은 없다.
- Ⓑ 절댓값이 $\frac{10}{7}$ 인 유리수는 $\frac{10}{7}, -\frac{10}{7}$ 이다.
- Ⓒ 2, 3.5, -4 중에서 절댓값이 가장 작은 수는 -4이다.

① Ⓐ

② Ⓑ

③ Ⓐ, Ⓒ

④ Ⓑ, Ⓒ

⑤ Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ

해설

Ⓐ 0의 절댓값은 0이다.

Ⓒ 2, 3.5, -4의 절댓값은 각각 2, 3.5, 4이므로 절댓값이 가장 작은 수는 2이다.

2. 다음 계산 과정에서 ⑦에 사용된 덧셈의 계산법칙을 써라.

$$\begin{aligned}& (+5) + (+3) + (-5) \\& = (+3) + \{ (+5) + (-5) \} \quad \text{⑦} \\& = (+3) + 0 \\& = +3\end{aligned}$$

▶ 답: 법칙

▷ 정답: 덧셈의 결합법칙

해설

세 정수 a, b, c 에 대하여 덧셈의 교환법칙은 $a + b = b + a$ 이고
덧셈의 결합법칙은 $(a + b) + c = a + (b + c)$ 이다. 따라서 ⑦에
사용된 덧셈의 계산법칙은 덧셈의 결합법칙이다.

3. 다음 중 옳은 것은 모두 몇 개인가?

- Ⓐ $7 \times 7 \times 7 \times 7 \times 7 = 7 \times 5$
- Ⓑ $x \times x \times y \times x \times y = x^2 \times y^3$
- Ⓒ $4 \times 4 = 2^4$
- Ⓓ $2 \times 3 \times 3 \times 3 \times 2 = 2^2 + 3^3$
- Ⓔ $\frac{1}{5} \times 3 \times \frac{1}{5} \times \frac{1}{5} = 3 \times \frac{3}{5^3}$

- ① 0 개 ② 1 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

해설

- Ⓐ $7 \times 7 \times 7 \times 7 \times 7 = 7^5$
- Ⓑ $x \times x \times y \times x \times y = x^3 \times y^2$
- Ⓓ $\frac{1}{5} \times 3 \times \frac{1}{5} \times \frac{1}{5} = 3 \times \left(\frac{1}{5}\right)^3$

4. 다음 중 소수는?

① 33

② 63

③ 57

④ 77

⑤ 101

해설

소수는 1 보다 큰 자연수 중 1과 자기 자신만을 약수로 가지는 수이다.

따라서 소수는 101이다.

5. 다음 중 자연수 84를 바르게 소인수분해한 것은?

① $2^3 \times 3 \times 7$

② $2 \times 3^2 \times 7$

③ $2^2 \times 3^2 \times 5$

④ $2^2 \times 3^3 \times 7$

⑤ $2^2 \times 3 \times 7$

해설

2) 84

2) 42

3) 21

7

$$84 = 2^2 \times 3 \times 7$$

6. 다음 중 세 수 96, 120, 150 의 공약수는?

① 2×5

② 2^2

③ 3^2

④ 2×3

⑤ $2 \times 3 \times 5$

해설

세 수의 최대공약수는 2×3 이고

공약수는 최대공약수는 최대공약수의 약수이다.

따라서 세 수의 공약수는 1, 2, 3, 2×3 이다

7. $-\frac{17}{4}$ 이상 $\frac{16}{3}$ 미만인 정수의 개수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 10

해설

$-4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5$

\therefore 10개이다.

8. 다음 중 두 자연수 $2^2 \times 3 \times 5$, $2 \times 3^3 \times 5$ 의 공배수가 될 수 없는 것은?

- ① $2 \times 3 \times 5$ ② $2^2 \times 3^3 \times 5$ ③ $2^2 \times 3^3 \times 5^2$
④ $2^3 \times 3^3 \times 5$ ⑤ $2^3 \times 3^3 \times 5^3$

해설

최소공배수: $2^2 \times 3^3 \times 5$

공배수는 최소공배수의 배수이므로 $2^2 \times 3^3 \times 5$ 의 배수가 된다.

9. $6 \times x$, $8 \times x$, $10 \times x$ 의 최소공배수가 720 이라고 할 때, x 의 값은 얼마인가? (단, x 는 한 자리의 자연수이다.)

① 6

② 7

③ 8

④ 9

⑤ 10

해설

$2 \times 3 \times x$, $2^3 \times x$, $2 \times 5 \times x$ 의 최소공배수는 $2^3 \times 3 \times 5 \times x = 720 = 2^4 \times 3^2 \times 5$ 이다.

$$\therefore x = 2 \times 3 = 6$$

10. 어느 역에서 통일호 열차는 20 분마다 무궁화호 열차는 35 분마다 전철은 10 분마다 출발한다고 한다. 오전 5 시에 세 열차가 동시에 출발했다면, 바로 다음에 동시에 출발하는 시각은?

① 오전 6 시 20 분

② 오전 7 시

③ 오전 7 시 20 분

④ 오전 7 시 40 분

⑤ 오전 8 시

해설

20, 35, 10 의 최소공배수는 140 이므로 5 시 이후 140 분 이후인 시간은

$$\begin{aligned}5\text{시} + 140\text{분} &= 5\text{시} + 2\text{시간 } 20\text{분} \\&= 7\text{시 } 20\text{분}\end{aligned}$$

11. 가로, 세로의 길이와 높이가 각각 6cm, 8cm, 4cm인 직육면체 모양의 나무토막을 빈틈없이 쌓아서 되도록 작은 정육면체 모양을 만들려고 한다. 이 정육면체의 겉넓이를 구하여라.

▶ 답 : cm²

▷ 정답 : 3456 cm²

해설

6, 8, 4의 최소공배수는 24이므로, 한 모서리의 길이가 24cm인 정육면체의 겉넓이는

$$24 \times 24 \times 6 = 3456(\text{ cm}^2)$$

12. 세 자연수 2, 5, 8 의 어느 것으로 나누어도 1 이 남는 가장 작은 자연수를 구하면?

① 2

② 16

③ 21

④ 41

⑤ 80

해설

구하는 수는 (2, 5, 8 의 공배수)+1 인 수 중 가장 작은 자연수이다. 2, 5, 8 의 최소공배수는 40 이다.

$$\therefore 40 + 1 = 41$$

13. 다음 보기에서 옳은 것을 모두 골라라.

보기

- ㉠ 10kg 감량을 +, - 사용하여 나타내면 -10kg 이다.
- ㉡ 정수는 양의 정수와 음의 정수로 이루어져 있다.
- ㉢ 자연수는 양의 정수이다.
- ㉣ 음의 정수는 절댓값이 큰 수가 더 크다.
- ㉤ -8 보다 3 큰 수는 -5 이다.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉠

▷ 정답 : ㉢

▷ 정답 : ㉤

해설

- ㉡ 정수는 양의 정수와 0, 음의 정수로 이루어져 있다.
- ㉣ 음의 정수는 절댓값이 작은 수가 더 크다. ($-5 < -3$)

14. 다음의 수를 수직선 위에 나타낼 때, 원점으로부터 그 수까지의 거리가
가까운 수부터 기호를 차례로 쓴 것은?

㉠ -0.5

㉡ $\frac{7}{3}$

㉢ 2.5

㉣ -3

① ㉡, ㉢, ㉣, ㉠

② ㉠, ㉡, ㉢, ㉣

③ ㉣, ㉠, ㉢, ㉡

④ ㉠, ㉢, ㉡, ㉣

⑤ ㉢, ㉠, ㉡, ㉣

해설

원점으로부터 그 수까지의 거리는 절댓값이므로

$$|-0.5| = 0.5, \left|\frac{7}{3}\right| = \frac{7}{3}$$

$$|2.5| = 2.5, |-3| = 3$$

$0.5 < \frac{7}{3} < 2.5 < 3$ 이므로 ㉠, ㉡, ㉢, ㉣ 순이다.

15. 두 수 a , b 에 대하여 $a < -1 < b < 0$ 일 때, 다음 중 가장 큰 수를 골라라.

㉠ $a + b$

㉡ $b - a$

㉢ $a - b$

㉣ $a \times b^2$

㉤ $a^2 \div b$

▶ 답:

▷ 정답: ㉡

해설

$a < -1 < b < 0$ 이므로 $a = -2$, $b = -\frac{1}{2}$ 이라 하면

㉠ $a + b = -2 + \left(-\frac{1}{2}\right) = -\frac{5}{2}$

㉡ $b - a = -\frac{1}{2} - (-2) = \frac{3}{2}$

㉢ $a - b = -2 - \left(-\frac{1}{2}\right) = -\frac{3}{2}$

㉣ $a \times b^2 = -2 \times \left(-\frac{1}{2}\right)^2 = -\frac{1}{2}$

㉤ $a^2 \div b = (-2)^2 \div \left(-\frac{1}{2}\right) = -8$

16. 다음 표에서 가로, 세로, 대각선의 합이 모두 같도록 a , b , c 의 값을 정하여라.

-1	6	1
4	a	0
b	-2	c

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $a = 2$ 또는 $+2$

▷ 정답: $b = 3$ 또는 $+3$

▷ 정답: $c = 5$ 또는 $+5$

해설

맨 위의 가로줄의 합을 구하면 6이다.

$$a + (-2) + (+6) = 6$$

$$\therefore a = 2$$

$$b + (+4) + (-1) = 6$$

$$\therefore b = 3$$

$$(+3) + (-2) + c = 6$$

$$\therefore c = 5$$

17. 어떤 정수에 -5 를 빼야 할 것을 잘못하여 -5 를 더하였더니 2 가 되었다. 바르게 계산한 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 12

해설

어떤 정수를 \square 라 하자.

$$\square + (-5) = 2 \quad \therefore \quad \square = 7$$

바르게 계산하면 $7 - (-5) = 7 + 5 = 12$ 이다.

18. 24 를 어떤 자연수로 나누면 나누어 떨어진다고 한다. 이 때 어떤 자연수는 모두 몇 개인가?

- ① 5 개
- ② 6 개
- ③ 7 개
- ④ 8 개
- ⑤ 9 개

해설

어떤 수를 나누어 떨어지게 하는 수를 그 어떤 수의 약수라 한다.
24의 약수는 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24이다.

19. $2^3 \times 3^5 \times 5$ 와 $2^3 \times 3^4 \times 5^2 \times 7$ 의 공약수 중에서 어떤 자연수의 제곱이 되는 것은 모두 몇 개인지 구하여라.

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 6 개

해설

주어진 두 수의 최대공약수는 $2^3 \times 3^4 \times 5$ 이므로
이 수의 약수 중 제곱이 되는 수를 찾는다.
 $1^2, 2^2, 3^2, 3^4, 2^2 \times 3^2, 2^2 \times 3^4$ 모두 6 개이다.

20. 두 자리의 두 정수의 최소공배수가 792이고 최대공약수가 11이라고 한다. 이때, 이를 만족하는 두 정수의 합을 구하면?

① 87

② 99

③ 175

④ 183

⑤ 187

해설

$792 = 2^3 \times 3^2 \times 11$ 이고, 두 수는 최대공약수 11의 배수이고, 두 자리 수이므로 $11 \times 2^3 = 88$ 과 $11 \times 3^2 = 99$ 가 된다.

$$\therefore 88 + 99 = 187$$

21. x 의 절댓값이 13, y 의 절댓값이 4 이다. $x \times y > 0$ 일 때, xy 의 값은?

① -52

② 2

③ 5

④ 25

⑤ 52

해설

x 의 절댓값이 13이므로 x 는 13, -13

y 의 절댓값이 4이므로 y 는 4, -4

$x \times y > 0$ 일 때는 $x = 13, y = 4$ 또는 $x = -13, y = -4$ 이므로

$xy = 13 \times 4 = 52$ 또는 $xy = (-13) \times (-4) = 52$ 이다.

22. 다음 보기와 같이 정의할 때 다음 중 옳지 않은 것은?

$$a \star b = a, b \text{ 중 절댓값이 큰 수}$$

① $3 \star (-2) = 3$

② $4 \star (-7) = -7$

③ $(-5) \star (-6) = -5$

④ $1 \star (-8) = -8$

⑤ $-10 \star 11 = 11$

해설

① 3의 절댓값은 3이고 -2 의 절댓값은 2이므로 절댓값이 더 큰 수는 3이다.

② 4의 절댓값은 4이고 -7 의 절댓값은 7이므로 절댓값이 더 큰 수는 -7 이다.

③ -5 의 절댓값은 5이고 -6 의 절댓값은 6이므로 절댓값이 더 큰 수는 -6 이다.

④ 1의 절댓값은 1이고 -8 의 절댓값은 8이므로 절댓값이 더 큰 수는 -8 이다.

⑤ -10 의 절댓값은 10이고 11의 절댓값은 11이므로 절댓값이 더 큰 수는 11이다.

23. 두 정수 a, b 에 대하여 0보다 8 작은 수를 a , 수직선 위에서 -5와 9를 나타내는 두 점의 한 가운데 있는 점이 나타내는 수를 b 라고 할 때, $a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: -10

해설

$$0 \text{보다 } 8 \text{ 작은 수는 } 0 - (+8) = -8 = a$$

$$-5 \text{와 } 9 \text{의 한 가운데 점은 } \frac{-5 + (+9)}{2} = \frac{+4}{2} = +2 = b \text{ 이다.}$$

$$\text{따라서 } a - b = (-8) - (+2) = (-8) + (-2) = -10 \text{ 이다.}$$

24. 네 자리의 자연수 $364\square$ 에 250을 더하면 9의 배수가 될 때, \square 안에 알맞은 수는?

- ① 2 ② 3 ③ 5 ④ 7 ⑤ 9

해설

$364\square + 250$ 이 9의 배수가 되기 위해서는

$3 + 6 + 4 + \square + 2 + 5 = 20 + \square$ 가 9의 배수이면 된다.

$$\therefore \square = 7$$

25. 토마토 15개, 키위 21개를 최대한 많은 학생들에게 똑같이 나누어 주려고 했더니 모두 3개씩 남았다. 학생은 최대 몇 명인가?

- ① 4 명 ② 6 명 ③ 8 명 ④ 10 명 ⑤ 12 명

해설

15개, 21개를 똑같이 나누면 3개씩 남는다면, $(15-3)$ 개, $(21-3)$ 개를 똑같이 나누면 나누어 떨어진다. 이러한 수 중 가장 큰 수는 12와 18의 최대공약수 6이다.