1. $3^3 \times 5^2$ 의 약수가 <u>아닌</u> 것은?

① 3

2 5

3

 3^2

 3^{3}

 3×5

 $3^2 \times 5$

 $3^3 \times 5$

 3×5^2

 $3^2 \times 5^2$

 $3^{3} \times 5^{2}$

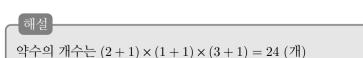
③ $3^2 \times 5$

 $(4) 3^2 \times 5^2$

⑤) 3×5^3

에린		
$3^3 \times 5^2$ 의 약수		
		ſ
	1	Ī
	3	Ī
	3^{2}	
	-3^{3}	

2.
$$3^2 \times 5 \times 11^3$$
 의 약수의 개수는?



3. $3^4 \times x$ 는 약수의 개수가 10 개인 자연수이다. 다음 중 x 의 값으로 알맞지 <u>않은</u> 것은?

 $(5) 3^5$

해설 약수의 개수는 $3^4 \times x$ 에서

약수의 개수는 $3^4 \times x$ 에서 $(4+1) \times (\boxed{} +1) = 5 \times 2 = 10$ 또는 (9+1) = 10 이 될 수 있다. 즉 x가 될 수 있는 수는 3과 서로소이고 지수가 1인 수 또는 3^5 이다. 그러므로 알맞지 않은 것은 3이다.

1. 세 수 72, 84, 2² × 3² 의 최대공약수는?

①
$$2^2 \times 3^2$$

$$\boxed{3} 2^2 \times 3$$

(4) 18

- **5.** 다음 세 수 $2^a \times 3^5 \times 7^2 \times 150$, $2^5 \times 3^b \times 5^2 \times 7^3$, $2^4 \times 5^c \times 7^d \times 54$ 의 최대공약수가 $2^3 \times 3 \times 70$ 일 때, $(a+b+c) \times d$ 의 값은?
 - ① 3 ② 5 ③ 8 ④ 9 ⑤ 12

해섴

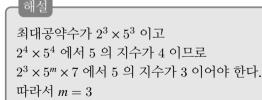
최대공약수가 $2^3 \times 3 \times 70 = 2^4 \times 3 \times 5 \times 7$ 이고 주어진 각 수를 정리한 값이 $2^{a} \times 3^{5} \times 7^{2} \times 150 = 2 \times 2^{a} \times 3^{6} \times 5^{2} \times 7^{2}$ $2^5 \times 3^b \times 5^2 \times 7^3$ $2^4 \times 5^c \times 7^d \times 54 = 2^5 \times 3^3 \times 5^c \times 7^d$ 이다. 주어진 세 수의 2 의 지수를 비교하면 모두 4 보다 그므로 $2 \times 2^a \times 3^6 \times 5^2 \times 7^2$ 에서 2 의 지수는 4 이어야한다. 2 가 한 번 더 곱해져 있으므로. a 는 3 이어야 한다. 주어진 세 수의 3 의 지수를 비교하면 모두 1 보다 크므로 b 는 1 이어야 한다. 주어진 세 수의 5 의 지수를 비교하면 모두 1 보다 크므로 c는 1 이어야 한다. 주어진 세 수의 7 의 지수를 비교하면 모두 1 보다 크므로 d는 1이어야 한다. 따라서 a = 3, b = 1, c = 1, d = 1 이므로 $(a+b+c) \times d = (3+1+1) \times 1 = 5$ 이다.

5. 두 수 $2^3 \times 3^4 \times 5$, $2^a \times 5^2$ 의 최대공약수가 $2^2 \times 5$ 일 때, a 의 값을 구하여라.

- 답:
- ▷ 정답: 2

죄대공약수가 $2^2 \times 5$ 이고 $2^3 \times 3^4 \times 5$ 에서 2 의 지수가 3 이므로 $2^a \times 5^2$ 에서 2 의 지수가 2 이어야 한다. 따라서 a=2

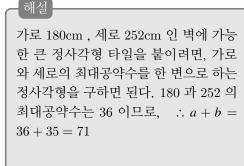
7. $+ 2^4 \times 5^4, 2^3 \times 5^m \times 7$ 의 최대공약수가 $2^3 \times 5^3$ 일 때, m 의 값은?



8. 가로 180 cm , 세로 252 cm 인 벽에 가능한 큰 정사각형 타일을 붙이려고 한다. 타일의 한 변의 길이를 a cm , 필요한 타일의 개수를 b 장이라고 할 때, a+b를 구하여라.

답:

➢ 정답: 71



- 9. 두 수 2² × 3과 2² × 5의 공배수를 옳게 표현한 것은?
 - ① 30의 약수 ② 30의 배수 ③ 60의 약수
 - ④ 60의 배수
 ⑤ 4의 배수

10. 가로의 길이, 세로의 길이, 높이가 각각 12 cm, 8 cm, 6 cm 인 직육면체 모양의 벽돌을 빈틈없이 쌓아서 가장 작은 정육면체를 만들려고 한다. 필요한 벽돌은 몇 장인지 구하여라.

장

	답:	
\triangleright	정답:	24장

해설

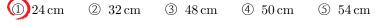
정육면체의 한 변의 길이는 12, 8, 6 의 공배수이어야 하고, 가장 작은 정육면체를 만들려면 한 변의 길이는 12, 8, 6 의 최소공배 수이어야 한다. 따라서 정육면체의 한 변의 길이는 24cm 이고 가로는 24÷12 = 2

(장), 세로는 $24 \div 8 = 3$ (장), 높이는 $24 \div 6 = 4$ (장)이 필요하므로 구하는 벽돌의 수는 $2 \times 3 \times 4 = 24$ (장)이다.

ċ
3
1

2) 12 8 6

2) 6 3) 3 11. 가로의 길이가 6 cm, 세로의 길이가 8 cm, 높이가 12 cm 인 직육면체 모양의 벽돌을 빈틈없이 쌓아서 가장 작은 정육면체 모양을 만들려고 한다. 이때, 정육면체의 한 모서리 길이는?



1	(해설)
	정육면체의 한 변의 길이는 6, 8, 12 의 공배수이어야 하고, 가장
	작은 정육면체를 만들려면 한 변의 길이는 6, 8, 12 의 최소공배
	수이어야 한다. 따라서 정육면체의 한 모서리의 길이는 24 cm
	이다.
	2) 6 8 12
	(2) 3 4 6

12. 네 자리의 정수 41□2 가 3 의 배수인 동시에 4 의 배수가 되도록 □ 안에 알맞은 수는?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤5

3의 배수는 자리 수의 합이 3 의배수 이므로 41□2 ⇒ 4 + 1 + □+ 2 = 7 + □ 에서 □ 안에 들어갈 수 있는 수는 2, 5, 8 이다. 4 의 배수는 마지막 두 자리가 4 의 배수이어야 하므로 41□2⇒□2 에서

□ 안에 들어갈 수 있는 수는 1, 3, 5, 7, 9 이다. 따라서 동시에 만족하는 수는 5 이다. **13.** 1부터 100까지의 자연수 중에서 3으로 나누면 2가 남고 8로 나누면 5가 남는 수들의 합을 구하여라.



24n+5(n = 0,1,2,3,···) 인 수이다. ∴ 5, 29, 53, 77 이므로 5+29+53+77 = 164

- **14.** 6 으로 나누거나 8 로 나누어도 3 이 남는 수 중에서 가장 작은 수는?
 - ① 23 ② 24 ③ 25 ④ 26 ⑤ 27

```
6,8 의 최소공배수는 24 이므로 구하는 자연수는 24 + 3 = 27
이다.
```

- **15.** 12 로 나누어도 1 이 남고, 16 로 나누어도 1 이 남는 자연수 중 100 보다 작은 자연수는?
 - ① 48,96 ② 48,97 ③ 49,97 ④ 50,96 ⑤ 50,97

해설 구하는 수는 12, 16 의 공배수보다 1 만큼 큰 수 중 100 보다 작은 수이다. 이때, 12, 16 의 최소공배수는 48이므로 12, 16 의 공배수는 48, 96,... 이다. 따라서 구하는 수는 49,97 이다. **16.** 두 자리 자연수 *a*, *b* 의 곱은 735 이고, *a* + *b* 와 *a* - *b* 의 최대공약수는 14 일 때, *a*, *b* 의 최대공약수를 구하여라. (단, *a* > *b*)

▷ 정답: 7

735 = 3×5×7² 이므로, 두 자리 a, b 의 순서쌍은 다음과 같다. (a, b) = (49,15), (35,21),

위 순서쌍이 a+b 와 a-b 의 최대공약수 14 를 만족시켜야

하므로,
→
$$a = 35$$
, $b = 21$

∴ a, b 의 최대공약수= 7

17. $2^3 \times 3^5 \times 5$ 와 $2^3 \times 3^4 \times 5^2 \times 7$ 의 공약수 중에서 어떤 자연수의 제곱이 되는 것은 모두 몇 개인지 구하여라.

<u>개</u>

▷ 정답: 6 개

해설 주어진 두 수의 최대공약수는 $2^3 \times 3^4 \times 5$ 이므로 이 수의 약수 중 제곱이 되는 수를 찾는다. 1^2 , 2^2 , 3^2 , 3^4 , $2^2 \times 3^2$, $2^2 \times 3^4$ 모두 6 개이다. **18.** 두 자연수 a, b 는 곱이 4200 이고 합이 145 이다. a - b 를 각각 구하여라.(단, a > b)

이고. a - b = 65이다.

두 자연수
$$a$$
, b 를 각각 $a = GA$, $b = GB$ 라 하면, $ab = G^2AB = 4200$, $a + b = G(A + B) = 145$ 이므로 $G = 5$, $AB = 168$, $A + B = 29$ 이다. 따라서 $A = 21$, $B = 8$ 이므로 $a = 5 \times 21 = 105$, $b = 5 \times 8 = 40$