# 1. 다음 중 유리수는 모두 몇 개인가?

 $-1.8\dot{7}$  1.2345 · · · 4.96  $\pi$  7.5121212 · · ·

개

▷ 정답: 3 <u>개</u>

답:

유리수는 -1.87, 4.96, 7.51212…

2. 다음의 수 중 유한소수인 것을 모두 골라라.

$\frac{11}{70}$ , $\frac{12}{55}$ , $\frac{21}{75}$ , $\frac{16}{150}$

▶ 답:

답:

▶ 답:

ightharpoonup 정답:  $rac{13}{20}$ 

ightharpoonup 정답:  $\frac{14}{70}$ 

ightharpoonup 정답:  $\frac{21}{75}$ 

해설

 $\frac{13}{20} = \frac{13}{2^2 \times 5}$   $\frac{14}{70} = \frac{2 \times 7}{2 \times 5 \times 7} = \frac{1}{5}$   $\frac{21}{75} = \frac{7}{25} = \frac{7}{5^2}$ 

3. 다음 분수 중 무한소수인 것을 모두 찾아라.

$\bigcirc$ $\frac{13}{25}$		

- 답:
- 답:
- ▶ 답: ▷ 정답: ⑤
- ▷ 정답: ©
- ▷ 정답: ②

- 4. 소수로 나타내면 유한소수가 되는 유리수  $\frac{5a}{360}$  가 있다. a 가 될 수 있는 수 중 가장 작은 수를 구하여라.
  - ▶ 답:

▷ 정답: 9

 $\frac{5a}{360} = \frac{a}{72} = \frac{a}{2^3 \times 3^2}$  일 때, a 는 9 이어야 분모의 소인수가 2 또는 5 로 된다.

5. 분수  $\frac{x}{30}$  는 유한소수로 나타낼 수 있고, 기약분수로 고치면  $\frac{2}{y}$  가된다고 한다. x-y의 값을 구하여라. (단, x는 10 < x < 20인 정수)

▶ 답:

▷ 정답: 7

해설  $\frac{x}{30} = \frac{x}{2 \times 3 \times 5}$  x 는 3의 배수이므로 x = 12, 15, 18주어진 분수가 기약분수  $\frac{2}{y}$ 로 되어야 하므로 x = 12  $\therefore \frac{x}{30} = \frac{12}{30} = \frac{2}{5}, y = 5$   $\therefore x - y = 12 - 5 = 7$ 

6.  $\frac{5}{12}$  와  $\frac{5}{9}$  의 순환마디를 각각 a, b 라 할 때, a + b 의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 11

$$\frac{5}{12} = 0.41\dot{6} , \frac{5}{9} = 0.\dot{5}$$

$$a = 6 , b = 5 , a + b = 11$$

# 7. 다음 중 순환소수의 표현으로 옳지 <u>않은</u> 것은?

①  $0.363636\cdots = 0.\dot{3}\dot{6}$ ③  $0.053053053\cdots = 0.\dot{0}5\dot{3}$ 

②  $2.456456 \dots = \dot{2}.45\dot{6}$ 

③  $0.053053053\cdots = 0.0053$  ④  $1.2777\cdots = 1.27$ ⑤  $0.342342342\cdots = 0.342$ 

해설 ② 2.456456···= 2.456

8.  $\frac{16}{27}$  을 소수로 나타낼 때, 소수 30 번째 자리의 숫자를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

 $\frac{16}{27} = 0.59\dot{2}, 30 \div 3 = 10 \cdots 0$  이므로 2

- 9. 다음 중 순환소수  $x = 0.\dot{26}$  을 분수로 나타내려고 할 때, 가장 편리한 식은?
  - ① 10x x
- ② 100x x ③ 100x 10x

해설

① 1000x - 10x ③ 1000x - 100x

### 첫 순환마디 뒤에 소수점이 오게 100 을 곱한 수에서 첫 순환마디

앞에 소수점이 오게 1을 곱한 수를 빼야 한다. 즉, 100x - x 가 된다.

. 다음 순환소수를 분수로 나타낸 것 중 옳지 <u>않은</u> 것은?

- $0.\dot{4} = \frac{4}{9}$  ②  $0.\dot{5} = \frac{5}{9}$  ③  $0.\dot{3}\dot{7} = \frac{37}{90}$  ④  $0.2\dot{5} = \frac{23}{90}$  ⑤  $0.3\dot{2} = \frac{29}{90}$

- 해설  $3 0.37 = \frac{37}{99}$ 

- **11.**  $a=2,\ b=1.\dot{9}, c=2.\dot{0}$  이라 할 때,  $a,\ b,\ c$  사이의 관계로 옳은 것은?
- ① a = c > b ② c > a > b ③ a = b < c

지 전 
$$2 = 1.\dot{9} = \frac{19-1}{9} = \frac{18}{9} = 2.\dot{0} = \frac{20-2}{9} = \frac{18}{9}$$

12.  $\frac{51}{11}$ 과 5.9 사이에 있는 수 중에서 자연수를 구하여라.

▶ 답:

➢ 정답: 5

 $\frac{51}{11} = 4.\dot{6}\dot{3} < x < 5.\dot{9} = 6$  x = 5

**13.** 다음 중 0.7 – 0.71 의 계산 결과와 같은 것은?

 $\bigcirc 0.0\dot{6}$  ② 0.0 $\dot{6}$  ③ 0.0 $\dot{7}$  ④ -0.0 $\dot{1}$  ⑤ -0.1 $\dot{1}$ 

 $0.\dot{7} - 0.\dot{7}\dot{1} = \frac{7}{9} - \frac{71}{99} = \frac{6}{99}$ 

- 14. 어떤 자연수에  $1.\dot{3}$  을 곱해야 할 것을 잘못하여 1.3 을 곱했더니 정답과 오답의 차가 0.5 가 되었다. 어떤 자연수를 구하여라.
  - 오립의 사가 0.5 가 되었다. 어떤 사업<del>수를</del> 구하여다.

    답:

▷ 정답: 15

 $x \times 1.3 - x \times 1.3 = 0.5$  $x \times \left(\frac{12}{9} - \frac{13}{10}\right) = x \times \frac{1}{30} = 0.5$ x = 15

# 15. 다음 중 옳은 것을 모두 골라라.

- 순환소수는 유리수이다. 무한소수는 순환소수이다.
- © 유한소수는 유리수이다.
- ⓐ 무한소수는 유리수이다.
- ◎ 0은 유리수가 아니다.

### ▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: ⑤

▷ 정답: ⑤

해설

나. 무한소수에는 순환소수와 순환하지 않는 무한소수가 있다.리. 무한소수 중에서 순환소수는 유리수이고, 순환하지 않는

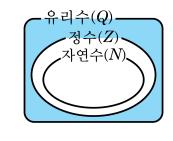
무한소수는 무리수이다. ㅁ. 0 은 유리수이다.

# **16.** 다음 중 유리수가 <u>아닌</u> 것은?

해설

π 는  $3.141592 \cdots$  인 순환하지 않는 무한소수이다.

17. 다음 보기 중 그림의 색칠한 부분에 속하는 수를 모두 구하여라.



 $3, -5, 0, \frac{9}{4}, \pi, -\frac{7}{6}$ 

답:

▶ 답:

ightharpoonup 정답:  $rac{9}{4}$ ightharpoonup 정답:  $-\frac{7}{6}$ 

정수가 아닌 유리수이므로  $\frac{9}{4}$ ,  $-\frac{7}{6}$  이다.

## 18. 다음 설명 중 옳은 것은? (정답 2 개)

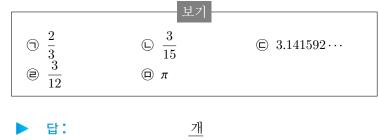
- ① 순환소수 중에는 유리수가 아닌 것도 있다.
- ② 유한소수로 나타낼 수 없는 분수는 모두 순환소수이다.
- ③ 분모의 소인수가 2 나 5 뿐인 기약분수는 유한소수로 나타낼수 있다. ④ 정수가 아닌 유리수는 모두 순환소수이다.
- ⑤ 모든 순환소수는 유한소수이다.

#### ① 순환소수는 모두 유리수이다.

해설

- ④ 정수가 아닌 유리수는 유한소수와 순환소수가 있다.
- ⑤ 순환소수는 무한소수이다.

**19.** A가 유한소수일 때, 다음 <보기>에서 A에 해당하지 <u>않는</u> 것은 몇 개인지 구하여라.



 ▷ 정답: 3개

유한소수 : 분모가 2 또는 5의 거듭제곱으로만 이루어져야 한다.

해설

<보기> 중 무한소수의 개수를 구하면 된다. 따라서, 분모를 2 또는 5의 거듭제곱으로 만들 수 없는 것은 ⑦, ⑥, ◎의 3개이다.

- **20.**  $\frac{5}{360}$  에 가장 작은 자연수를 곱하여 유한소수로 나타내려고 한다. 이때, 가장 작은 자연수를 구하여라.
  - ① 3 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤9

 $\frac{5}{360} = \frac{5}{2^3 \times 3^2 \times 5} = \frac{1}{2^3 \times 3^2}$ 이므로 가장 작은 자연수를 곱하여 유한소수로 나타내려면 9를 곱하면 된다.

- **21.**  $\frac{1}{12} \times A$  를 소수로 나타내면 유한소수가 될 때, A 의 값 중 가장 작은 자연수를 구하여라.
  - ► 답:

     ▷ 정답:
     3

 $\frac{1}{12} \times A = \frac{1}{2^2 \times 3} \times A \text{ 이므로 3 을 약분할 수 있으려면 A 는 3}$ 의 배수이어야 한다.

따라서 가장 작은 자연수는 3 이다.

**22.** 유리수  $\frac{21a}{126}$  를 소수로 나타내면 유한소수가 된다고 한다. 이 때, a 가 될 수 있는 수 중 가장 작은 수를 구하면?

① 3 2 9 ③ 15 ④ 18 ⑤ 21

 $\frac{21a}{126} = \frac{3 \times 7 \times a}{2 \times 7 \times 9}$  $= \frac{2 \times 7 \times 9}{2 \times 3}$ 

2 × 3 유한소수가 되려면 분모에 2또는 5 만 있어야하므로

*u* – 0

- **23.**  $\frac{5}{2^2 \times 3 \times 11}$  에 어떤 수 a 를 곱하여 유한소수를 만들 때, 가장 작은 자연수 *a* 는?
  - ① 3 ② 4 ③ 11 ④ 12
- **⑤**33

유한소수는 기약분수일 때, 분모에 2 와 5 뿐이어야 한다.

그러므로  $3 \times 11$  이 없어져야 하므로 33 이다

## 24. 다음 중 순환마디를 바르게 표현한 것은?

- $\bigcirc$  10.462462..., 462

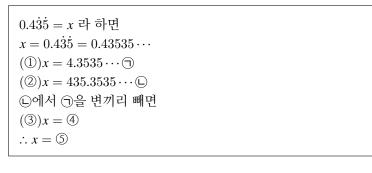
해설 ① 23 ② 351 3573461 $\bigcirc$  462 . 다음에서 순환소수를 나타내는 방법이 옳지 <u>않</u>은 것은?

- $0.555 \cdots = 0.\dot{5}\dot{5}$  ②  $1.030303 \cdots = 1.\dot{0}\dot{3}$
- $0.0060606 \cdots = 0.00\dot{6}$  ④  $8.020202 \cdots = 8.0\dot{2}$  $7.23434 \cdots = 7.23\dot{4}$

 $0.555\cdots = 0.\dot{5}$ 

해설

**26.** 다음은 순환소수  $0.4\dot{3}\dot{5}$  를 분수로 나타내는 과정이다. ① ~ ③ 안에 들어갈 숫자로 옳지 <u>않은</u> 것은?



① 10 ② 1000

 $\bigcirc 3999$   $\bigcirc 431$   $\bigcirc 5\frac{431}{990}$ 해설 10 ② 1000 ③ 990  $\textcircled{4} \ 431$ 

**27.** 다음은 순환소수  $2.3\dot{2}$ 를 분수로 나타내는 과정이다. ( ) 안에 알맞지 <u>않은</u> 것은?



② 23.22 ③ 90 ④ 209 ⑤  $\frac{209}{90}$ 

① 100x

해설 ① 100x ② 23.2222... ③ 90 4 209  $\Im \frac{209}{90}$ 

**28.**  $0.\dot{2}0\dot{7} = 207 \times$  일 때,  $\Box$  안에 알맞은 순환소수는?

① 0.001 ② 0.00i ③ 0.00i ④ 0.00i ⑤ 0.10i

 $0.\dot{2}0\dot{7} = \frac{207}{999} = 207 \times \frac{1}{999} = 207 \times 0.\dot{0}0\dot{1}$ 

29. 다음 순환소수를 분수로 나타낸 것 중 옳은 것을 모두 고르면?

① 
$$0.\dot{3} = \frac{3}{10}$$
 ②  $0.3\dot{5} = \frac{35}{99}$  ③  $0.\dot{3}\dot{1} = \frac{31}{99}$  ④  $0.\dot{1}\dot{2}\dot{7} = \frac{127}{1000}$  ⑤  $0.\dot{2}\dot{5}\dot{6} = \frac{254}{990}$ 

$$30.3\dot{1} = \frac{31}{99}$$

$$40.127 = \frac{1}{2}$$

$$\bigcirc 0.\dot{3} = \frac{3}{6}$$

① 
$$0.\dot{3} = \frac{3}{9}$$
  
②  $0.3\dot{5} = \frac{32}{90} = \frac{16}{45}$   
④  $0.\dot{1}\dot{2}\dot{7} = \frac{127}{999}$ 

# 30. 다음 중 대소 관계가 옳게 나타내어진 것은?

- ① 1 > 0.9 ② 0.23 < 0.231 ③  $0.10 < \frac{1}{11}$  ④ 0.32 < 0.3 ⑤  $0.23 < \frac{2}{9}$

- ① 1 = 0.9②  $0.23 < 0.231 : 0.2323 \dots > 0.231$
- $3 0.\dot{1}\dot{0} < \frac{1}{11} : \frac{10}{99} > \frac{9}{99}$  $5 0.\dot{2}\dot{3} < \frac{2}{9} : \frac{23}{99} > \frac{22}{99}$

**31.**  $0.\dot{6}$  에 어떤 수 a 를 곱하였더니  $2.\dot{6}$  이 되었다. a 의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 4

해설

 $0.\dot{6} \times a = 2.\dot{6}$   $\frac{6}{9} \times a = \frac{24}{9}$   $\therefore a = 4$ 

## **32.** 다음 설명 중 옳지 <u>않은</u> 것은?

- ① 유한소수는 모두 유리수이다.
- ② 무한소수는 유리수이다. ③ 순환소수는 유리수이다.

해설

- ④ 유한소수는 순환소수로 나타낼 수 있다.
- ⑤ 정수가 아닌 유리수는 유한소수나 순환소수로 나타낼 수 있다.

무한소수 중에는 유리수가 아닌 수도 있다.

# 33. ( )안에 들어갈 알맞은 말을 차례대로 써넣어라.

소수점 아래에 0 이 아닌 숫자가 유한개인 소수를 ( )라 하고, 그렇지 않은 소수를 ( )라고 한다. ( ) 중에서 일정한 숫자의 배열이 한없이 되풀이 되는 소수를 ( )라 하고, 되풀이 되는 부분을 ( )라고 한다.

□ 답:□ 답:

▶ 답:

▶ 답:

답:▷ 정답: 유한소수

▷ 정답: 무한소수

 ▷ 정답:
 무한소수

 ▷ 정답:
 순환소수

소수점 아래에 0 이 아닌 숫자가 유한개인 소수를 (유한소수)라 하고, 그렇지 않은 소수를 (무한소수)라고 한다. (무한소수)

해설

중에서 일정한 숫자의 배열이 한없이 되풀이 되는 소수를 (순환소수)라 하고, 되풀이 되는 부분을 (순환마디)라고 한다.

- **34.**  $\frac{3}{4}$  을 분수  $\frac{a}{10^n}$  의 꼴로 고칠 때, a+n의 최솟값은? (단, a, n은 자연수)
  - ① 69 ② 72 ③ 75 ④ 76
- **③**77

해설  $\frac{3 \times 5^2}{4 \times 5^2} = \frac{75}{10^2} , a + n = 75 + 2 = 77$ 

**35.**  $\frac{24}{63 \times 5} \times 3 \times a$ 를 소수로 나타내면 유한소수가 된다. a가  $20 \le a \le 30$ 의 자연수일 때, 이를 만족시키는 모든 a의 값들의 합을 구하여라.

➢ 정답: 49

▶ 답:

 $\frac{24}{63\times5} imes3 imesa$   $=\frac{2^3 imes3}{3^2 imes7 imes5} imes3 imesa$  이므로 유한소수가 되기 위해서는 a는 7의 배수가 되어야 한다. 20 과 30 사이에 7 의 배수는 21,28 이므로 모든 *a* 값의 핪은

21 + 28 = 49 이다.

**36.** 다음 순환소수를 분수로 나타낸 것 중 옳지 <u>않은</u> 것을 모두 고르면?

① 
$$0.\dot{1} = \frac{1}{10}$$
 ②  $0.3\dot{1} = \frac{14}{45}$  ③  $0.\dot{6}\dot{3} = \frac{7}{11}$  ④  $0.\dot{7}2\dot{5} = \frac{725}{999}$  ⑤  $0.3\dot{7}\dot{6} = \frac{373}{999}$ 

③ 
$$0.\dot{1} = \frac{1}{9}$$
⑤  $0.3\dot{7}\dot{6} = \frac{373}{990}$ 

**37.** 서로소인 두 자연수 a,b 에 대하여  $1.3\dot{5} \times \frac{b}{a} = 0.6\dot{7}$  일 때, a+b 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

1.3 $\dot{5} = \frac{135 - 13}{90} = \frac{61}{45}$  이코,  $0.6\dot{7} = \frac{67 - 6}{90} = \frac{61}{90}$  이므로  $\frac{61}{45} \times \frac{b}{a} = \frac{61}{90}$   $\frac{b}{a} = \frac{61}{90} \times \frac{45}{61} = \frac{45}{90} = \frac{1}{2}$   $\therefore a + b = 2 + 1 = 3$ 

**38.** 부등식  $-2.3 \le x < \frac{31}{15}$  를 만족시키는 자연수들의 합을 구하여라.

답:

▷ 정답: 3

 $-2.\dot{3} \le x < \frac{31}{15} = 2.0\dot{6}, \ x = 1, \ 2$ 

**39.**  $0.1\dot{3}$  에 어떤 기약분수 A 를 곱하였더니  $3.\dot{2}\dot{7}$  이 되었다. A 의 값을 구하여라.

답:

 ▷ 정답:
  $\frac{270}{11}$ 

 $0.1\dot{3} \times A = 3.\dot{2}\dot{7}$   $A = \frac{327 - 3}{99} \div \frac{13 - 1}{90} = \frac{324}{99} \times \frac{90}{12} = \frac{270}{11}$ 

**40.**  $\frac{5}{36}, \frac{13}{36}$  을 각각 소수로 나타내면  $x-0.\dot{3}, y+0.\dot{3}$  이다.  $\frac{x}{y}$  의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 17

지 한 경  $\frac{5}{36} = x - \frac{3}{9}$   $\therefore x = \frac{5}{36} + \frac{3}{9} = \frac{17}{36}$   $\frac{13}{36} = y + \frac{3}{9}$   $\therefore y = \frac{13}{36} - \frac{3}{9} = \frac{1}{36}$   $\frac{x}{y} = \frac{\frac{17}{36}}{\frac{1}{36}} = 17$  **41.**  $0.\dot{6}\dot{4} = a \times 0.\dot{0}\dot{1}, \, 0.04\dot{7} = b \times 0.00\dot{1}$  일 때, a-b 의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 21

$$0.\dot{6}\dot{4} = \frac{64}{99} = a \times \frac{1}{99}$$

$$a = 64$$

$$0.04\dot{7} = \frac{43}{900} = b \times \frac{1}{900}$$

$$b = 43$$

$$\therefore a - b = 64 - 43 = 21$$

**42.** 다음을 보고, *x* 를 구하여라. (단, *x* 는 자연수)

x 에  $1.\dot{4}\dot{6}$  을 곱해야 할 것을 잘못하여 1.46 을 곱했더니 정답과 답의 차가  $0.\dot{4}\dot{6}$  이 되었다.

▷ 정답: 100

▶ 답:

 $x \times 1.\dot{4}\dot{6} - x \times 1.46 = 0.\dot{4}\dot{6}$ 

해설

 $x \times (1.\dot{4}\dot{6} - 1.46) = 0.\dot{4}\dot{6}$  $x \times 0.00\dot{4}\dot{6} = 0.\dot{4}\dot{6}$ 

 $\therefore x = 100$ 

## **43.** 다음 설명 중 옳은 것은?

- ① 유리수는  $\frac{b}{a}$  꼴로 나타낼 수 있다. (a, b)는 정수) ② 모든 무한소수는 순환소수이다.
- ③ 정수가 아닌 유리수는 모두 유한소수이다.
- ④ 정수가 아닌 유리수 중에는 순환소수로 나타내어지는 수도 있다.
- ⑤ 유리수는 유한소수와 무한소수로 나뉜다.

해설

- ① 유리수는  $\frac{b}{a}$  꼴로 나타낼 수 있다. (단  $a \neq 0$ ) ② 무한소수에는 순환하지 않는 무한소수도 있다.
- ③ 정수가 아닌 유리수에는 순환소수도 있다.
- ⑤ 유리수는 유한소수와 순환소수로 나뉜다.

44. X가  $\frac{1}{60}$ ,  $\frac{2}{60}$ ,  $\frac{3}{60}$ , ...,  $\frac{99}{60}$ ,  $\frac{100}{60}$ 이고, Y가 유한소수일때, X와 Y의 공통해에서 자연수를 제외한 수의 갯수를 구하여라.

 답:
 개

 ▷ 정답:
 32 개

▷ 성답. 32<u>개</u>

 $60 = 2^2 \times 3 \times 5$ 이므로 k는 3의 배수, 따라서 33 개, 자연수는 아니므로 60의 배수 1 개를 제외하면 32 개이다.

- **45.** 무한소수  $\frac{7}{110}$  과  $\frac{1}{35}$  에 자연수 a 를 곱했더니 모두 유한소수가 되었다. 이러한 a 값 중 가장 작은 수를 구하여라.
  - ▶ 답:

▷ 정답: 77

 $\frac{7}{110} \times a = \frac{7}{2 \times 5 \times 11} \times a$ 가 유한소수가 되려면 a = 11의 배수.  $\frac{1}{35} \times a = \frac{1}{5 \times 7} \times a$ 가 유한소수가 되려면 a = 7의 배수이어야

따라서 a 는 77 의 배수이므로 가장 작은 자연수 a 는 a = 77

46.  $\frac{1378}{a}$  를 순환소수로 나타내면 0.2758 이다. a 의 값은?

**를** 해설

① 4991 ② 4992 ③ 4993 ④ 4994 ⑤ 4995

 $0.2758 = \frac{2756}{9990} = \frac{1378}{4995} = \frac{1378}{a}$   $\therefore a = 4995$ 

**47.** 0.abc 를 분수로 고치면  $\frac{213}{330}$  일 때, a+b+c 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 15

 $\frac{213}{330} = \frac{639}{990} = 0.645$  이므로 a = 6, b = 4, c = 5 이다.  $\therefore a + b + c = 15$  **48.** 분수  $\frac{27}{333}$  을 x 라 할 때,  $x \times (10^3 - 1)$ 을 구하여라.

답:

▷ 정답: 81

 $\frac{27}{333} \times (10^3 - 1) = \frac{27}{333} \times 999 = 27 \times 3 = 81$ 

- **49.** 순환소수  $1.\dot{4}$  를 a 라 하고  $0.2\dot{8}$  의 역수를 b 라 할 때, ab 의 값을 구하여라.
  - 답:

▷ 정답: 5

$$1.\dot{4} = \frac{13}{9} = a, \ 0.2\dot{8} = \frac{26}{90}, \ b = \frac{90}{26}$$
$$\therefore ab = \frac{13}{9} \times \frac{90}{26} = 5$$

- 50. 순환소수  $0.7\dot{3}$ 에 어떤 자연수를 곱하면 그 결과가 자연수가 된다. 이를 만족하는 두 자리의 자연수의 개수를 구하여라.
  - ▶ 답: 개

▷ 정답: 6 <u>개</u>

 $0.7\dot{3} = \frac{73-7}{90} = \frac{11}{15}$  이므로 어떤 자연수는 15의 배수이어야

두 자리의 자연수 중 15의 배수는 15,30, $\cdots$ ,90의 6개이다.