

1. 이차함수  $y = -\frac{1}{3}x^2 + a$ 의 그래프가 점 (3, 4)를 지날 때, 이 포물선의 꼭짓점의 좌표는?

- ① (0, 0)      ② (3, 0)      ③ (0, 3)  
④ (0, 4)      ⑤ (0, 7)

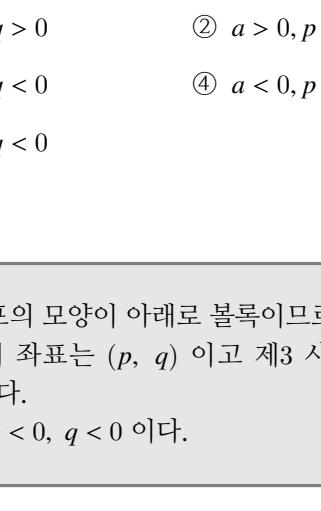
해설

$$y = -\frac{1}{3}x^2 + a \text{의 그래프가 점 } (3, 4) \text{를 지나므로}$$

$$4 = -\frac{1}{3} \times 3^2 + a, a = 7$$

$$y = -\frac{1}{3}x^2 + 7, \text{꼭짓점은 } (0, 7) \text{이다.}$$

2. 다음 이차함수  $y = a(x - p)^2 + q$  의 그래프이다.  $a$ ,  $p$ ,  $q$  의 부호를 각각 구하면?



- ①  $a > 0, p > 0, q > 0$   
②  $a > 0, p > 0, q < 0$   
③  $\textcircled{3} a > 0, p < 0, q < 0$   
④  $a < 0, p < 0, q < 0$   
⑤  $a < 0, p > 0, q < 0$

해설

이차함수 그래프의 모양이 아래로 볼록이므로  $a > 0$  이다.  
또한, 꼭짓점의 좌표는  $(p, q)$  이고 제3 사분면에 있으므로  
 $p < 0, q < 0$  이다.  
따라서  $a > 0, p < 0, q < 0$  이다.

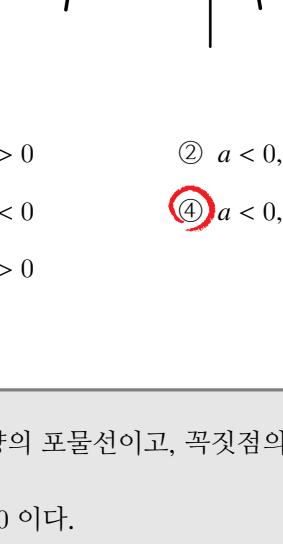
3. 차함수  $y = -\frac{1}{3}(x-2)(x+4)$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표를 구하면?

- ① (1, 3)      ② (1, -3)      ③ (-1, -3)  
④ (-1, 3)      ⑤ (-3, 3)

해설

$$\begin{aligned}y &= -\frac{1}{3}(x-2)(x+4) \\&= -\frac{1}{3}(x^2 + 2x - 8) \\&= -\frac{1}{3}(x^2 + 2x + 1 - 1) + \frac{8}{3} \\&= -\frac{1}{3}(x+1)^2 + \frac{1}{3} + \frac{8}{3} \\&= -\frac{1}{3}(x+1)^2 + 3\end{aligned}$$

4. 이차함수  $y = a(x - p)^2 + q$  의 그래프가 다음과 같을 때,  $a, p, q$  의 부호는?



- ①  $a > 0, p > 0, q > 0$   
②  $a < 0, p < 0, q < 0$   
③  $a > 0, p < 0, q < 0$   
④  $\textcircled{④} a < 0, p < 0, q > 0$   
⑤  $a < 0, p > 0, q > 0$

해설

위로 불록한 모양의 포물선이고, 꼭짓점의 좌표는 제 2 사분면 위에 있으므로  
 $a < 0, p < 0, q > 0$  이다.

5. 다음 중 이차함수인 것을 모두 고르면?

Ⓐ  $y = (x - 1)(x + 1)$

Ⓑ  $y = (2x + 1)^2 - 4x^2$

Ⓒ  $y = \left(\frac{3}{x - 3}\right)^2$

Ⓓ  $y = (x + 1)^2 - x^2$

Ⓔ  $y = (2x - 2)^2 + x^2$

해설

②는 정리하면  $y = 4x + 1$  이므로 일차함수, ③은 분수함수, ④는 정리하면  $y = 2x + 1$  이므로 일차함수이다.

6.  $y = -\frac{1}{2}x^2 + q$  의 그래프가 점  $(-2, 1)$  을 지날 때, 이 포물선의 꼭짓점의 좌표는?

- ①  $(3, 0)$       ②  $(0, 3)$       ③  $(-2, 0)$   
④  $(0, -2)$       ⑤  $(-2, 1)$

해설

$$y = -\frac{1}{2}x^2 + q \text{ 의 그래프가 점 } (-2, 1) \text{ 을 지나므로}$$

$$1 = -\frac{1}{2} \times (-2)^2 + q, q = 3$$

$$\therefore y = -\frac{1}{2}x^2 + 3$$

7. 원점을 꼭짓점으로 하고 점  $(1, -3)$  을 지나는 이차함수의 그래프가  
제 3 사분면 위의 점  $(a, -27)$  과 제 4 사분면 위의 점  $(b, -27)$  을  
지날 때,  $b - a$  의 값은?

①  $-3$       ②  $3$       ③  $0$       ④  $6$       ⑤  $-6$

해설

원점을 꼭짓점으로 하는 이차함수의 식은  $y = ax^2$  이고, 점

$(1, -3)$  을 지나므로

$$-3 = a \times (1)^2, \quad a = -3 \quad \therefore y = -3x^2$$

점  $(m, -27)$  를 지나므로  $-27 = -3 \times m^2, \quad m^2 = 9 \quad \therefore m = \pm 3$

제 3 사분면 위의 점은 ( $x$  좌표)  $< 0$  이고, 제 4 사분면 위의 점은

( $x$  좌표)  $> 0$  이므로

$$a = -3, \quad b = 3$$

따라서  $b - a = 3 - (-3) = 6$  이다.

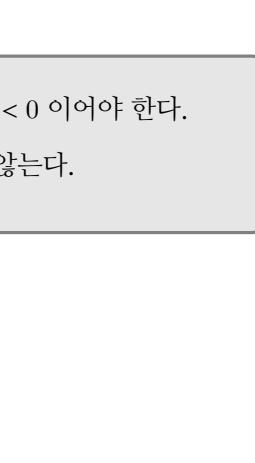
8. 이차함수  $y = ax^2$  의 그래프가 그림의 (가)와 같을 때 다음 중 그래프 (나)의 식으로 맞지 않는 것은?

①  $y = \frac{1}{2}ax^2$       ②  $y = \frac{3}{8}ax^2$

③  $y = \frac{1}{3}ax^2$

④  $y = \frac{3}{2}ax^2$

⑤  $y = \frac{3}{4}ax^2$



해설

$a < 0$  이므로  $y = mx^2$  라고 하면  $a < m < 0$  이어야 한다.

따라서  $y = \frac{3}{2}ax^2$  은 (나)의 식으로 맞지 않는다.

9. 이차함수  $y = 3(x+2)^2$  의 그래프는  $y = 3(x-3)^2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로 얼마만큼 평행이동한 것인지 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -5

해설

$$y = 3(x-3)^2 = 3(x+2 + (-5))^2$$

10. 이차함수  $y = 3x^2 + 6x + 5$ 의 그래프를  $x$  축의 방향으로  $p$  만큼,  $y$  축의 방향으로  $q$  만큼 평행이동시켰더니  $y = 3x^2 + 12x + 16$ 의 그래프가 되었다.  $p + q$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

$$y = 3x^2 + 6x + 5 = 3(x+1)^2 + 2$$

$x, y$  축의 방향으로 각각  $p, q$  만큼 평행이동하면

$$y = 3(x+1-p)^2 + 2 + q$$
$$y = 3x^2 + 12x + 16 = 3(x+2)^2 + 4$$
$$\therefore 1-p=2, p=-1$$
$$2+q=4, q=2$$
$$\therefore p+q=1$$

11.  $y = 2x^2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로 3 만큼 평행이동한 후 다시  $x$  축에 대하여 대칭이동 한 그래프의 식을 구하면?

- ①  $y = -2(x + 3)^2$       ②  $y = -2(x - 3)^2$   
③  $y = 2(x - 3)^2$       ④  $y = 2(x + 3)^2$   
⑤  $y = -2(3x - 1)^2$

해설

$y = 2x^2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로 3 만큼 평행이동하면  $y = 2(x - 3)^2$  이고, 이를  $x$  축에 대하여 대칭이동하면  $-y = 2(x - 3)^2$  이다.

따라서  $y = -2(x - 3)^2$  이다.

12. 이차함수  $y = 3x^2 + 3x - 1$  의 그래프는  $y = 3x^2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로  $p$  만큼,  $y$  축의 방향으로  $q$  만큼 평행이동한 것이다. 이때,  $p + q$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $-\frac{9}{4}$

해설

$$\begin{aligned}y &= 3x^2 + 3x - 1 = 3(x^2 + x) - 1 \\&= 3\left(x + \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{3}{4} - 1 \\&= 3\left(x + \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{7}{4}\end{aligned}$$

$y = 3x^2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로  $-\frac{1}{2}$  만큼,  $y$  축의 방향으로

$-\frac{7}{4}$  만큼 평행이동한 것이므로

$$p = -\frac{1}{2}, q = -\frac{7}{4}$$

$$\therefore p + q = -\frac{1}{2} + \left(-\frac{7}{4}\right) = -\frac{9}{4}$$

13. 다음 이차함수의 그래프가  $x$  축과 만나지 않는 것은?

- ①  $y = x^2 - 1$       ②  $y = x^2 - 2x - 3$   
③  $y = x^2 + 4x + 4$       ④  $y = x^2 - 2x$   
⑤  $y = x^2 - 4x + 5$

해설

$y = ax^2 + bx + c$  와  $x$  축과의 교점의 개수

$b^2 - 4ac > 0$  : 2 개

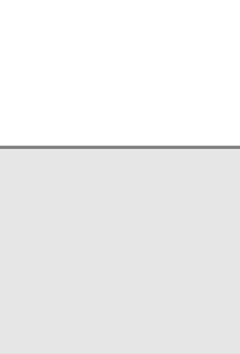
$b^2 - 4ac = 0$  : 1 개

$b^2 - 4ac < 0$  : 0 개

⑤  $(-4)^2 - 4 \times 5 = -4 < 0$

따라서  $x$  축과 만나지 않는다.

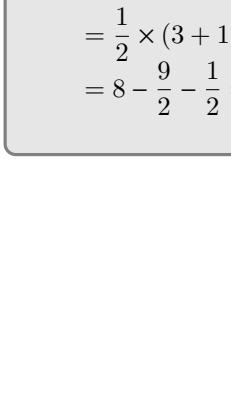
14. 다음 그림과 같이 이차함수  $y = x^2 - 2x - 3$ 의 그래프가  $y$  축과 만나는 점을 A, 꼭짓점을 B,  $x$  축과 만나는 한 점을 C 라 할 때,  $\triangle ABC$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 3

해설



$$\text{i) } A(0, -3)$$

$$\begin{aligned} \text{ii) } y &= x^2 - 2x - 3 \\ &= (x^2 - 2x + 1) - 1 - 3 \\ &= (x - 1)^2 - 4 \end{aligned}$$

$$\therefore B(1, -4)$$

$$\begin{aligned} \text{iii) } 0 &= x^2 - 2x - 3 \\ &= (x - 3)(x + 1) \end{aligned}$$

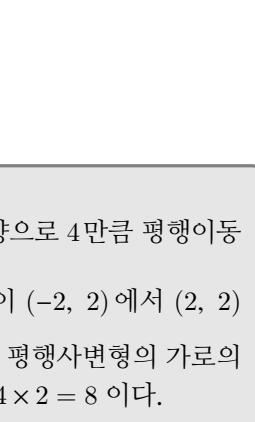
$\therefore x = 3$  또는  $x = -1$

양수인  $x$  절편이므로 C(3, 0)이다.

$$\text{iv) } \triangle ABC$$

$$\begin{aligned} &= \square OHBC - \triangle OAC - \triangle AHB \\ &= \frac{1}{2} \times (3 + 1) \times 4 - \frac{1}{2} \times 3 \times 3 - \frac{1}{2} \times 1 \times 1 \\ &= 8 - \frac{9}{2} - \frac{1}{2} = 3 \end{aligned}$$

15. 다음 그림은 이차함수  $y = \frac{1}{2}(x+2)^2 + 2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로 4만큼 평행이동시킨 것이다. 이 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하여라. (단, 점 B와 C는 두 포물선의 꼭짓점이다.)



▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

$y = \frac{1}{2}(x+2)^2 + 2$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로 4만큼 평행이동시키면  $y = \frac{1}{2}(x-2)^2 + 2$ 이다. 꼭짓점이  $(-2, 2)$ 에서  $(2, 2)$ 로 변하였고 점 A의 좌표는  $(0, 4)$ 이므로 평행사변형의 가로의 길이는 4, 높이는 2이다. 따라서 넓이는  $4 \times 2 = 8$ 이다.