1. 기호 [a] 는 a 의 값을 넘지 않는 최대 정수를 나타낸다. 예를 들면 $[1.2]=1, [\sqrt{5}]=2$ 이다. 이차방정식 $x^2-4x-7=0$ 의 근 중 양수인 것을 a 라 할 때, $(a-[a]+3)^2$ 의 값을 구하면?

① 5 ② 7 ③ 11 ④ 13 ⑤ 15

해설

 $x^2 - 4x - 7 = 0$ 에서 $x = \frac{4 \pm \sqrt{16 + 28}}{2} = 2 \pm \sqrt{11}$ 따라서 양수인 근 $a = 2 + \sqrt{11}$ $3 < \sqrt{11} < 4$ 이므로 $5 < 2 + \sqrt{11} < 6$ $\therefore [a] = 5$ $\therefore (a - [a] + 3)^2 = (2 + \sqrt{11} - 5 + 3)^2$ $= (\sqrt{11})^2 = 11$

방정식 $(2-x-y)^2-(x^2+y^2)=4$ 를 만족하는 자연수의 순서쌍 (x, y)2. 에 대하여 $x^2 + y^2$ 의 값을 구하여라. (단 $x \neq y$)

▶ 답: ▷ 정답: 45

해설

 $(2 - x - y)^2 - (x^2 + y^2) = 4,$ xy - 2(x + y) = 0, (x - 2)(y - 2) = 4x-2 1 2 4 -1 -2 -4y-2 | 4 | 2 | 1 | -4 | -2 | -1 이 중에서 x, y가 자연수인 경우는 (단, $x \neq y$) y 6 3 따라서 $x^2 + y^2 = 3^2 + 6^2 = 45$ 이다.

- 3. 이차방정식 $-x+0.4(x^2+1)=-\frac{1}{3}(x-1)(2x+3)$ 의 두 근을 α , β 라고 할 때, $\alpha-\beta$ 의 값은? (단, $\alpha<\beta$)
 - ① $\frac{10}{3}$ ② $-\frac{8}{3}$ ③ -1 ④ 3 ⑤ $-\frac{13}{8}$

해설
$$-x + 0.4(x^2 + 1) = -\frac{1}{3}(x - 1)(2x + 3),$$

$$-x + \frac{2}{5}(x^2 + 1) = -\frac{1}{3}(x - 1)(2x + 3)$$
양변에 15 를 곱하여 정리하면
$$-15x + 6(x^2 + 1) = -5(x - 1)(2x + 3)$$

$$16x^2 - 10x - 9 = 0$$
근의 공식을 이용하여 근을 구하면
$$x = \frac{5 \pm \sqrt{25 + 144}}{16} = \frac{5 \pm 13}{16}$$

$$\therefore x = \frac{9}{8} 또는 x = -\frac{1}{2}$$

$$\alpha < \beta \ \cap \Box \Box \Box \alpha = -\frac{1}{2}, \ \beta = \frac{9}{8}$$

$$\therefore \alpha - \beta = -\frac{13}{8}$$

4. 서로 다른 수 x, y 에 대하여 $2x^2 - 4xy + 2y^2 = 6x - 6y$ 가 성립할 때, x-y의 값을 구하여라. (단, $x \neq y$, $xy \neq 0$)

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

 $2x^{2} - 4xy + 2y^{2} = 6x - 6y$ $x^{2} - 2xy + y^{2} - 3x + 3y = 0$ $(x - y)^{2} - 3(x - y) = 0$ (x-y)(x-y-3) = 0 $x \neq y$ 이므로 x-y-3 = 0, x-y = 3 이다.

- 5. 이차방정식 $x^2 + 2x k = 0$ 이 서로 다른 두 실근을 가질 때, $kx^2 + 4x 1 = 0$ 의 근에 대한 설명 중 옳은 것은? (단, $k \neq 0$)

 - 0 0000
 - ③ 근이 없다.
 - ④ k 의 값에 따라 달라진다.⑤ 주어진 조건만으로는 구할 수 없다.

$x^2 + 2x - k = 0$ 이 서로 다른 두 실근을 가지므로 (판별식) > 0

해설

이다. $D = 2^2 - 4 \times 1 \times (-k) > 0 \rightarrow 4(k+1) > 0$

∴ k > -1방정식 $kx^2 + 4x - 1 = 0$ 에서

 $D = 4^{2} - 4 \times k \times (-1) = 4(4+k) > 0 \ (\because k > -1)$

따라서 방정식 $kx^2 + 4x - 1 = 0$ 은 서로 다른 두 실근을 갖는다.

6. 이차방정식 $3x^2 - 6x + k + 2 = 0$ 의 해가 1개일 때, 상수 k의 값을 구하면?

①1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

 $3x^2 - 6x + k + 2 = 0$

해설

 $3(x^2 - 2x) = -k - 2$ $3(x^2 - 2x + 1) = -k - 2 + 3$ $3(x-1)^2 = -k+1$ 중근을 가져야 하므로 -k+1=0, k=1 이다.

- 7. 이차방정식 $x^2 + (-m+3)x + 24 = 0$ 의 두 근의 차가 2일 때, 다음 중 옳은 것의 개수는?
 - \bigcirc 주어진 이차방정식의 해는 4,6밖에 없다. ① 작은 근을 α 라 하고 $\alpha < 0$ 이면 m > 0이다.

 - © 작은 근을 α 라 하고 $\alpha > 0$ 이면 m = 13이다.
 - ⓐ 주어진 식을 만족하는 모든 m의 값의 합은 6이다.
- ③2개 ④ 3개 ⑤ 4개

두 근을 α , $\alpha + 2$ 라 하면

해설

① 0개

 $\alpha(\alpha+2)=24$ 에서 $\alpha=4$ 또는 -6

⊙ {4,6}또는 {-6,-4} © α < 0 이면 두 근은 -6, -4 이고 m − 3 = -6 − 4 = −10

② 1개

m = -7이므로 m < 0이다. © α > 0 이면 두 근은 4, 6 이고

m-3=4+6=10

 $\therefore m = 13$ ② m = -7, 13이므로 모든 m의 값의 합은 6이다