

1. 점 $(3, -5)$ 와 직선 $4x - 3y - 12 = 0$ 사이의 거리를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$d = \frac{|4 \times 3 + (-3) \times (-5) + (-12)|}{\sqrt{4^2 + (-3)^2}} = 3$$

2. 두 직선 $3x + 4y = 24$ 와 $3x + 4y = 4$ 사이의 거리를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

두 직선이 평행하므로 한 직선의 임의의 점과 나머지 직선 사이의 거리를 구하면 된다.

$3x + 4y = 24$ 의 점 $(0, 6)$

$$\frac{|0 \times 3 + 6 \times 4 - 4|}{\sqrt{3^2 + 4^2}} = 4$$

3. 점 $(3, 4)$ 에서 직선 $2x - y + k = 0$ 까지의 거리가 $\sqrt{5}$ 일 때, 양수 k 의 값을 구하면?

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$\frac{|2 \times 3 - 4 + k|}{\sqrt{2^2 + 1^2}} = \sqrt{5} \text{이므로, } |2 + k| = 5 \text{이다.}$$

따라서 $k = 3$ ($\because k$ 는 양수)

4. 원 $x^2 + y^2 - 4x - 6y - 3 = 0$ 의 중심이 (a, b) , 반지름의 길이가 r 일 때,
 $a + b + r$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

$x^2 + y^2 - 4x - 6y - 3 = 0$ 을 표준형으로 나타내면

$$(x - 2)^2 + (y - 3)^2 = 16$$

따라서, 중심은 $(2, 3)$

반지름의 길이가 4 이므로

$$a = 2, b = 3, r = 4$$

$$\therefore a + b + r = 9$$

5. 지름의 양 끝점이 $(3, 0)$, $(5, 2)$ 인 원의 방정식이 $(x-a)^2 + (y-b)^2 = r^2$ 이다. $a+b+r$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 7

해설

지름의 양 끝점의 중점의 원의 중심이므로,
중심의 좌표는 $(4, 1)$ 이다.
 $(\text{지름의 길이}) = \sqrt{2^2 + 2^2} = 2\sqrt{2}$ 에서
반지름의 길이는 $\sqrt{2}$
따라서, 구하는 원의 방정식은
 $(x-4)^2 + (y-1)^2 = 2$

6. 세 점 $P(-1, 4)$, $Q(3, 6)$, $R(0, -3)$ 을 꼭짓점으로 하는 $\triangle PQR$ 의 외접원의 방정식은?

- ① $x^2 + y^2 - x - 2y - 3 = 0$
② $x^2 + y^2 + 2x - 1y - 10 = 0$
③ $x^2 + y^2 - 4x - 5y - 8 = 0$
④ $x^2 + y^2 - 6x - 2y - 15 = 0$
⑤ $x^2 + y^2 - 6x - 5y - 20 = 0$

해설

구하는 원의 방정식을 $x^2 + y^2 + Ax + By + C = 0$

으로 놓으면 이 원이

세 점 $P(-1, 4)$, $Q(3, 6)$, $R(0, -3)$ 을

지나므로 차례로 대입하면

$$1 + 16 - A + 4B + C = 0 \quad \cdots \textcircled{⑦}$$

$$9 + 36 + 3A + 6B + C = 0 \quad \cdots \textcircled{⑧}$$

$$9 - 3B + C = 0 \quad \cdots \textcircled{⑨}$$

⑦, ⑧, ⑨ 을 연립하여 풀면

$$A = -6, B = -2, C = -15$$

따라서, 구하는 원의 방정식은

$$x^2 + y^2 - 6x - 2y - 15 = 0$$

7. 세 점 $(1, 1)$, $(2, -1)$, $(3, 2)$ 를 지나는 원의 방정식이 $x^2 + y^2 + Ax + By + C = 0$ 이라 할 때 $A \times B \times C$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 20

해설

구하는 원의 방정식을

$$x^2 + y^2 + Ax + By + C = 0 \cdots \cdots \textcircled{1} \text{이라 하면}$$

$\textcircled{1}$ 은 점 $(1, 1)$, $(2, -1)$, $(3, 2)$ 를 지나므로

$$1 + 1 + A + B + C = 0, 4 + 1 + 2A - B + C = 0,$$

$$9 + 4 + 3A + 2B + C = 0$$

$$\therefore A = -5, B = -1, C = 4$$

$$\therefore x^2 + y^2 - 5x - y + 4 = 0$$

$$\therefore A \times B \times C = 20$$