

1. 다음과 같은 규칙으로 수를 나열하였을 때, 25^{18} 과 크기가 같은 수는 몇 번 나오는지 구하여라.

1	2	3	4	...
1	2^2	3^2	4^2	...
1	2^3	3^3	4^3	...
1	2^4	3^4	4^4	...
$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\ddots$

▶ 답 : 번

▷ 정답 : 9 번

해설

$25^{18} = (5^2)^{18} = 5^{36}$ 으로 나타낼 수 있다.

자연수 m, n 에 대하여 $(5^m)^n = 5^{mn} = 5^{36}$ 일 때, $mn = 36$ 이 되는 순서쌍 (m, n) 은 36 의 약수의 개수만큼 나타난다.

따라서 $36 = 2^2 \times 3^2$ 에서 36 의 약수의 개수는 $(2+1) \times (2+1) = 9$ (개) 이므로 25^{18} 과 크기가 같은 수는 모두 9 번 나온다.

2. 분수 $\frac{7a}{130}$ 를 소수로 나타내면 유한소수이고 이 분수를 기약분수로 나타내면 분자는 4의 배수가 된다고 한다. 이 때, 자연수 a 의 최솟값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 104

해설

$\frac{7a}{130} = \frac{7a}{2 \times 5 \times 13}$ 이므로 유한소수가 되기 위해서는 a 가 13의 배수가 되어야 한다.

또한 분모에 소인수 2를 가지고 있으므로 기약분수로 만들었을 때, 분자가 4의 배수가 되려면 13과 8을 인수로 가지고 있어야 한다.

따라서 a 는 8과 13의 공배수 이어야 한다.

따라서 자연수 a 의 최솟값은 8과 13의 최소공배수이다.

$$\therefore 8 \times 13 = 104$$

3. $2.\dot{0}0\dot{9} - 2.0\dot{0}\dot{9}$ 를 계산한 값의 소수점 아래 2009 번째 자리의 숫자를 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 8

해설

순환소수를 풀어서 계산하면

$$\begin{aligned} 2.\dot{0}0\dot{9} - 2.0\dot{0}\dot{9} &= \frac{2007}{999} - \frac{1989}{990} \\ &= \frac{-81}{990 \times 999} \\ &= -0.000081\dot{9} \end{aligned}$$

소수점 아래의 2009 번째 숫자는 순환마디의 2008 번째 숫자와 같다.

이때, $2008 = 6 \times 334 + 4$ 이므로 구하는 숫자는 순환마디의 4 번째 숫자 8 이다.

4. 자연수 n 의 일의 자리숫자를 $R(n)$ 이라고 할 때, $R(2^{97}) \times R(3^{98})$ 을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 18

해설

2, $2^2 = 4$, $2^3 = 8$, $2^4 = 16$, $2^5 = 32, \dots$ 이므로

2 의 거듭제곱의 일의 자리 숫자는 2, 4, 8, 6 이 반복된다.

$97 \div 4 = 24 \cdots 1$ 이므로 $R(2^{97}) = 2$

3, $3^2 = 9$, $3^3 = 27$, $3^4 = 81$, $3^5 = 243, \dots$ 이므로

3 의 거듭제곱의 일의 자리 숫자는 3, 9, 7, 1 이 반복된다.

$98 \div 4 = 24 \cdots 2$ 이므로 $R(3^{98}) = 9$

$\therefore 2 \times 9 = 18$

5. $x = -3, y = 5$ 일 때, $(x^2 + y^2)^2 - (x^2 - y^2)^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 900

해설

주어진 식을 간단히 하면

$$\begin{aligned}(x^2 + y^2)^2 - (x^2 - y^2)^2 \\&= x^4 + 2x^2y^2 + y^4 - x^4 + 2x^2y^2 - y^4 \\&= 4x^2y^2 = 4(xy)^2\end{aligned}$$

$xy = -15$ 이므로

$$\begin{aligned}\therefore (x^2 + y^2)^2 - (x^2 - y^2)^2 &= 4(xy)^2 \\&= 4 \times (-15)^2 \\&= 900\end{aligned}$$

6. $\left(x - \frac{1}{2}\right)(x - 2) = 0$ 일 때, $x - \frac{1}{x}$ 의 값을 구하여라. (단, $x > 1$)

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{3}{2}$

해설

$\left(x - \frac{1}{2}\right)(x - 2) = 0$, $x^2 - \frac{5}{2}x + 1 = 0$ 의 양변을 x 로 나누면

$$x + \frac{1}{x} = \frac{5}{2},$$

$$\left(x - \frac{1}{x}\right)^2 = \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 4 = \frac{25}{4} - \frac{16}{4} = \frac{9}{4},$$

$$\therefore x - \frac{1}{x} = \frac{3}{2} (\because x > 1)$$

7. $A = x^2 - 2x + 5$, $B = 2x^2 + x - 3$ 일 때, $5A - (2A + B)$ 를 x 에 관한 식으로 나타내면?

① $2x^2 - 5x + 8$

② $-3x^2 - 7x - 5$

③ $x^2 + 6x + 9$

④ $-x^2 + 10x - 22$

⑤ $x^2 - 7x + 18$

해설

$$(준식) = 3A - B$$

A, B 의 값을 대입하면

$$3(x^2 - 2x + 5) - (2x^2 + x - 3) = x^2 - 7x + 18$$

8. x, y 가 자연수일 때, 미지수가 2 개인 일차방정식 $4x + y = 20$ 에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ① 해는 6 쌍이다.
- ② $(4, 4)$ 는 해이다.
- ③ 그래프가 제 1 사분면 위에만 나타난다.
- ④ $y = 12$ 일 때, $x = 2$ 이다.
- ⑤ 점 $(1, 16)$ 은 그래프 위의 한 점이다.

해설

해는 $(1, 16), (2, 12), (3, 8), (4, 4)$ 의 4 쌍이다.

9. x, y 가 자연수일 때, 방정식 $\frac{2x-3}{2} = \frac{x+y+5}{4}$ 의 해가 $ax+by=22$ 를 만족한다. 이 때, $a+b$ 의 값을 구하면?(단, x, y 는 자연수)

① 3

② 4

③ 5

④ 7

⑤ 8

해설

$$\frac{2x-3}{2} = \frac{x+y+5}{4} \text{의 양변에 4를 곱하면}$$

$$2(2x-3) = x+y+5$$

$$4x-6 = x+y+5$$

$$3x-y = 11 \text{의 양변에 2를 곱하면}$$

$$6x-2y = 22$$

$$\therefore a = 6, b = -2$$

$$\therefore a+b = 4$$

10. 연립방정식 $4(x-2) = 2x + 2y - 4 = 3x - 3y + 18$ 의 해는?

① $x = 6, y = 8$

② $x = 8, y = 6$

③ $x = -6, y = 8$

④ $x = 6, y = -8$

⑤ $x = -8, y = -6$

해설

$$\begin{cases} 4(x-2) = 2x + 2y - 4 \\ 2x + 2y - 4 = 3x - 3y + 18 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x - y = 2 & \dots \textcircled{1} \\ -x + 5y = 22 & \dots \textcircled{2} \end{cases}$$

① + ② 를 하면 $4y = 24, y = 6$

$y = 6$ 을 ② 에 대입하면 $-x + 30 = 22, x = 8$

$\therefore x = 8, y = 6$

11. 연립방정식 $\begin{cases} 2x - y = 1 \\ 4x + ay = 3 \end{cases}$ 이 해를 갖지 않을 때, a 의 값은?

① -2

② -1

③ 1

④ 2

⑤ 3

해설

해를 갖지 않으려면 $\frac{2}{4} = -\frac{1}{a} \neq \frac{1}{3}$ 이어야 한다. 따라서 $a = -2$ 이다.

12. $x + y = 13$ 일 때, $5x - 9 < 2x + 3y < 2y + 9$ 를 만족하는 x 의 값 중 가장 큰 정수를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -5

해설

주어진 부등식 $5x - 9 < 2x + 3y < 2y + 9$ 에 $y = 13 - x$ 를 대입하면,

$$5x - 9 < 2x + 3(13 - x) < 2(13 - x) + 9$$

$$5x - 9 < -x + 39 < -2x + 35$$

둘로 나누어 풀면,

$$5x - 9 < -x + 39$$

$$6x < 48$$

$$\therefore x < 8$$

$$-x + 39 < -2x + 35$$

$$\therefore x < -4$$

따라서 해가 $x < -4$ 이므로 x 의 값 중 가장 큰 정수는 -5이다.

13. 부등식 $\frac{n-15}{2} < x < \frac{n+5}{3}$ 에 대하여

$n = 1, 2, 3$ 일 때의 각 부등식을 모두 만족하는 정수 x 의 값 중 가장 큰 값과 가장 작은 값의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -4

해설

$$n = 1 \text{ 일 때, } -7 < x < 2$$

$$n = 2 \text{ 일 때, } -\frac{13}{2} < x < \frac{7}{3}$$

$$n = 3 \text{ 일 때, } -6 < x < \frac{8}{3}$$

공통 부분을 찾으면 $-6 < x < 2$

따라서 정수 x 중 가장 큰 값은 1, 가장 작은 값은 -5 이므로, 두 값의 합은 -4 이다.

14. 부등식 $|x - 3| + |x - 6| \leq 9$ 를 만족하는 최댓값과 최솟값의 차를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 9

해설

1) $x < 3$ 일 때

$$-(x-3) - (x-6) \leq 9, x \geq 0 \quad \therefore 0 \leq x < 3$$

2) $3 \leq x < 6$ 일 때

$$x-3 - (x-6) \leq 9, 3 \leq 9 \text{ 따라서 모든 조건이 성립하고 조건이 } 3 \leq x < 6 \text{ 이므로}$$

$$\therefore 3 \leq x < 6$$

3) $x \geq 6$ 일 때

$$x-3 + x-6 \leq 9, x \leq 9 \quad \therefore 6 \leq x \leq 9$$

1), 2), 3)에 의해서 주어진 부등식의 해는 $0 \leq x \leq 9$ 이므로
최댓값과 최솟값의 차는

$$\therefore 9 - 0 = 9$$

15. 만식이네 학교에서 식권을 한번에 150장을 사면 할인하여 판매한다고 하여 친구들과 똑같이 돈을 모아 식권 150장을 샀다. 식권을 나누어 가지기 위해 6장씩 나누어 주었더니 식권이 남고, 10장씩 나누어 주었더니 식권이 부족했다. 같이 식권을 산 학생 수는 몇 명인가?

① 15명

② 18명

③ 30명

④ 43명

⑤ 54명

해설

문제에서 전체 사람의 수를 x 명이라고 놓자.

모든 사람이 식권을 6장씩 가지고 있을 때 전체 식권 수는 $6x$ 장이고, 모든 사람이 10장씩 가지고 있을 때 전체 식권의 수는 $10x$ 장이다. 그러나 실제 식권의 수 150장은 모두 6장씩 가질 때보다 많고, 모두 10장씩 가질 때보다는 적으므로, 이를 식으로 나타내면 $6x < 150 < 10x$ 이다.

이를 연립부등식으로 나타내면
$$\begin{cases} 6x < 150 \\ 10x > 150 \end{cases}$$
 이고, 간단히 하

면,
$$\begin{cases} x < 25 \\ x > 15 \end{cases}$$
 이다. 이를 다시 나타내면 $15 < x < 25$ 이다.

따라서 식권을 산 학생의 수는 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24 명이 모두 가능하다.

16. 세 점 $(0, -4)$, $(a, 0)$, $(6, -12)$ 를 지나는 직선과 x 축, y 축으로 둘러싸인 부분의 넓이가 b 일 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

세 점은 일직선 위에 있으므로

$$\frac{0 - (-4)}{a - 0} = \frac{-12 - (-4)}{6 - 0}$$

$$\frac{4}{a} = \frac{-8}{6} \quad \therefore a = -3$$

x 절편이 -3 , y 절편이 -4 이므로 넓이는

$$b = 4 \times 3 \times \frac{1}{2}$$

$$\therefore b = 6$$

$$\therefore a + b = -3 + 6 = 3$$

17. 직선 $y = ax + b$ 의 그래프를 y 축으로 방향으로 -2 만큼 평행이동하였더니 직선이 $y = -3x + 8$ 의 그래프와 평행하고, 점 $(5, 2)$ 를 지나게 되었다. 이때, $a + b$ 의 값은?

① 4

② 8

③ 12

④ 16

⑤ 20

해설

$$y = ax + b - 2$$

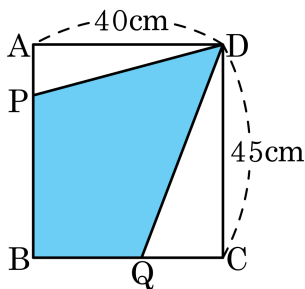
$$a = -3 \text{ 이므로 } y = -3x + b - 2$$

$(5, 2)$ 를 대입하면

$$2 = -15 + b - 2, b = 19$$

$$\therefore a + b = 16$$

18. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD에서 점 P는 초속 5cm의 속력으로 점 B에서 A를 향하여 움직이고 점 Q는 초속 4cm의 속력으로 C를 향하여 움직인다. x 초 후의 $\square PBQD$ 의 넓이를 y 라고 할 때 y 를 x 의 식으로 나타내고, y 가 $\square ABCD$ 넓이의 $\frac{3}{4}$ 일 때, x 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $y = 190x$

▷ 정답 : $x = \frac{135}{19}$

해설

$$40 \times 45 \times \frac{3}{4} = 1350$$

$$\overline{PB} = 5x, \overline{BQ} = 4x$$

$$\triangle PBD = \frac{1}{2} \times 5x \times 40 = 100x$$

$$\triangle DBD = \frac{1}{2} \times 4x \times 45 = 90x$$

$$\therefore y = \triangle PBD + \triangle DBD = 100x + 90x = 190x$$

$$190x = 1350 \text{ 에서}$$

$$x = \frac{135}{19}$$

19. 두 일차함수 $y = ax + 7a + 5$ 와 $y = -\frac{4}{7}x + b$ 의 그래프가 일치할 때, $y = ax - b$ 의 그래프의 x 절편을 p , y 절편을 q 라 할 때, $4p + q$ 의 값은?

① -5

② -6

③ -7

④ -8

⑤ -9

해설

$$a = -\frac{4}{7}, 7a + 5 = b \text{에서 } b = 1$$

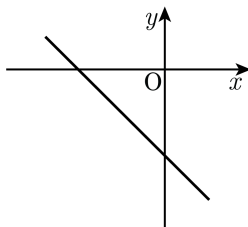
$$y = ax - b = -\frac{4}{7}x - 1$$

$$x\text{절편} : 0 = -\frac{4}{7}x - 1 \quad \therefore x = -\frac{7}{4}$$

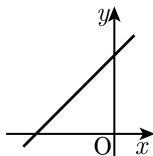
$$y\text{절편} : -1$$

$$\therefore 4p + q = 4 \times \left(-\frac{7}{4}\right) - 1 = -8$$

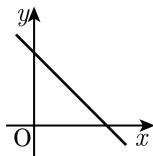
20. 일차방정식 $ax - by + c = 0$ 의 그래프가 다음 보기와 같을 때, 일차방정식 $cx - ay - b = 0$ 의 그래프는?



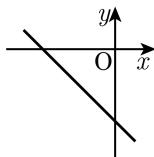
①



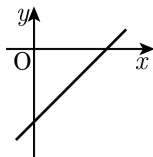
②



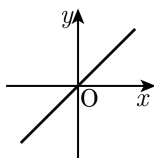
③



④



⑤



해설

$ax - by + c = 0$ 은 $y = \frac{a}{b}x + \frac{c}{b}$ 이므로

$\frac{a}{b} < 0, \frac{c}{b} < 0$ 이다.

$\therefore a > 0, b < 0, c > 0$ 또는 $a < 0, b > 0, c < 0$ 이다.

$cx - ay - b = 0$ 은 $ay = cx - b, y = \frac{c}{a}x - \frac{b}{a}$ 이다.

따라서 $\frac{c}{a} > 0, \frac{b}{a} < 0$ 이므로

①번 그래프이다.

21. 흰색, 검정색, 빨간색, 파란색 네 가지 색의 양말들이 각각 20 켤레씩 나무상자 안에 어지럽게 섞여 있다. 색깔을 구별할 수 없는 어두운 상자에서 양말을 꺼낼 때, 적어도 다섯 켤레의 짝을 확실하게 맞추려면 최소한 몇 개의 양말을 꺼내야 하는가? (단, 색깔이 같으면 짝이 맞는 것으로 본다.)

① 12 개

② 13 개

③ 14 개

④ 15 개

⑤ 16 개

해설

일단 5 짝을 꺼내면 한 켤레의 짝을 맞출 수 있다. 짝이 맞는 한 켤레를 빼고 하면 3 짝이 남고, 다시 2 짝을 꺼내면 또 한 켤레의 짝을 맞출 수 있다.

$$\therefore 5 + 2 + 2 + 2 + 2 = 13(\text{개})$$

- 22.** 영국이는 수학 시험에서 객관식 2 문제를 풀지 못하여 임의로 답을 체크하여 답안지를 제출하였다. 적어도 한 문제를 맞힐 확률은? (단, 객관식의 보기는 5 개이다.)

① $\frac{1}{25}$

② $\frac{4}{25}$

③ $\frac{9}{25}$

④ $\frac{11}{25}$

⑤ $\frac{16}{25}$

해설

$$1 - \frac{4}{5} \times \frac{4}{5} = \frac{9}{25}$$

23. 양궁 선수 찬영이가 목표물을 명중시킬 확률은 $\frac{1}{4}$ 이고, 찬영, 여준 중 적어도 1 명이 목표물을 명중시킬 확률은 $\frac{3}{4}$ 이다. 여준, 준호 중 적어도 1 명이 목표물을 명중시킬 확률이 $\frac{3}{4}$ 일 때, 찬영, 준호 중 적어도 1 명이 목표물을 명중시킬 확률은?

① $\frac{5}{16}$

② $\frac{7}{16}$

③ $\frac{9}{16}$

④ $\frac{11}{16}$

⑤ $\frac{13}{16}$

해설

여준, 준호가 목표물을 명중시킬 확률을 각각 b, c 라 하면

$$1 - \left(1 - \frac{1}{4}\right) \times (1 - b) = \frac{3}{4}, \quad \frac{3}{4}(1 - b) = \frac{1}{4}$$

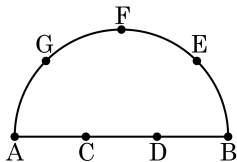
$$\therefore b = \frac{2}{3}$$

$$1 - \left(1 - \frac{2}{3}\right) \times (1 - c) = \frac{3}{4}, \quad \frac{1}{3}(1 - c) = \frac{1}{4}$$

$$\therefore c = \frac{1}{4}$$

따라서 구하는 확률은 $1 - \left(1 - \frac{1}{4}\right) \times \left(1 - \frac{1}{4}\right) = 1 - \frac{3}{4} \times \frac{3}{4} = \frac{7}{16}$ 이다.

24. 다음 그림과 같이 $\overline{AB}$ 를 지름으로 하는 반원 위에 일곱 개의 점이 있다. 세 점을 이어서 만들 수 있는 삼각형을 만들 수 있는 확률을 구하여라.



▶ 답 :

▶ 정답 : $\frac{31}{35}$

해설

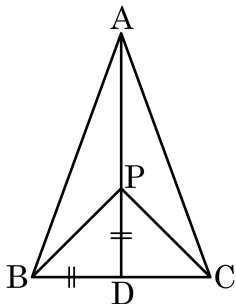
세 점을 잇는 경우의 수 : $\frac{7 \times 6 \times 5}{3 \times 2 \times 1} = 35$ (개)

삼각형을 만들 수 없는 확률을 구해보면

A, C, D, B 가로로 세 점을 이을 경우 $\frac{4 \times 3 \times 2}{3 \times 2 \times 1} = 4$

따라서 구하는 확률 : $1 - \frac{4}{35} = \frac{31}{35}$

25. 다음 그림에서 $\triangle ABP \equiv \triangle ACP$ 이다. $\overline{PD} = \overline{BD}$ 이고 $\overline{BD} = 16\text{cm}$ 일 때, $\overline{CD}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 16cm

해설

$\triangle ABP \equiv \triangle ACP$ 에서

$\overline{PB} = \overline{PC}, \overline{AB} = \overline{AC}, \angle BAD = \angle CAD$ 이므로

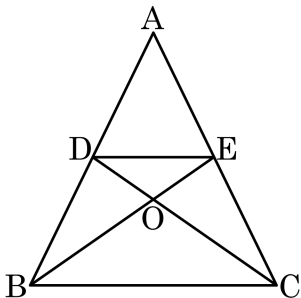
$\triangle ABD \equiv \triangle ACD$ (SAS) 합동

따라서 $\angle ADB = \angle ADC$

$\angle ADC = 90^\circ$

$\therefore \overline{PD} = \overline{BD} = \overline{CD} = 16(\text{cm})$

26. 다음 그림에서 $\overline{DB} = \overline{EC}$ 이고 $\overline{DC} = \overline{EB}$ 일 때, $\triangle ABC$ 는 어떤 삼각형인가?



▶ 답 :

▷ 정답 : 이등변삼각형

해설

$\triangle DBE \equiv \triangle EDC$ (SSS 합동)

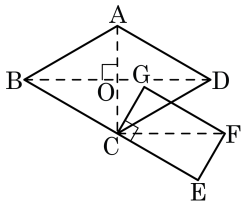
$\angle ADC = \angle AEB$, $\overline{BE} = \overline{DC}$ 따라서 삼각형 ABC 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$

$\angle DBE = \angle ECD$

$\therefore \triangle ABE \equiv \triangle ACD$

인 이등변삼각형이다.

28. 넓이가 40 인 마름모 ABCD 의 변 BC 의 연장선 위에 $2\overline{CE} = \overline{BD}$ 인 점 E 를 잡고, $2\overline{CG} = \overline{AC}$ 가 되도록 직사각형 CEFG 를 그렸다. 이때 삼각형 CEF 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 10

해설

$\angle COD = \angle CGF = 90^\circ$ 이고,

$\overline{GC} = \overline{OC}$, $\overline{GF} = \overline{OD}$ 이므로

□CEFG 를 점 C 를 중심으로 회전하여 $\overline{GC}$ 와 $\overline{OC}$ 가 일치하도록 회전시키면

$$\triangle OCD = \frac{1}{2} \square CEFG$$

$$\square ABCD = 4\triangle OCD = 2\square CEFG \quad \text{이므로} \quad 40 = 2\square CEFG, \quad \square CEFG = 20$$

(삼각형의 넓이) = 10

29. 다음 중 평행사변형이라 할수 있는 것을 모두 골라라.

① 등변사다리꼴

② 직사각형

③ 정사각형

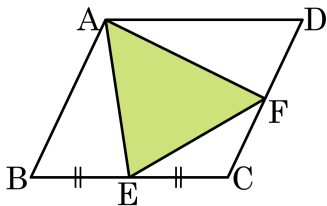
④ 마름모

⑤ 사각형

해설

평행사변형이 되는 것은 정사각형, 직사각형, 마름모이다.

30. 다음의 평행사변형 ABCD에서 점 E, F는 각각 $\overline{BC}$, $\overline{DC}$ 의 중점이다.
 $\square ABCD = 80 \text{ cm}^2$ 일 때, $\triangle AEF$ 의 넓이로 알맞은 것은?



- ① $10 (\text{cm}^2)$ ② $20 (\text{cm}^2)$ ③ $30 (\text{cm}^2)$
 ④ $40 (\text{cm}^2)$ ⑤ $50 (\text{cm}^2)$

해설

$$\triangle ABE = \frac{1}{4} \square ABCD = \frac{1}{4} \times 80 = 20 (\text{cm}^2),$$

$$\triangle AFD = \frac{1}{4} \square ABCD = 20 (\text{cm}^2),$$

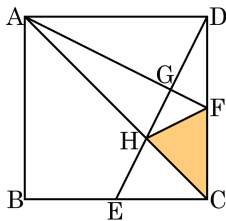
$$\triangle FEC = \frac{1}{8} \square ABCD = \frac{1}{8} \times 80 = 10 (\text{cm}^2),$$

$$\therefore \triangle AFE$$

$$= \square ABCD - (\triangle ABE + \triangle AFD + \triangle FEC)$$

$$= 80 - (20 + 20 + 10) = 30 (\text{cm}^2)$$

31. 다음 그림은 한 변의 길이가 8 cm 인 정사각형이다. 점 E, F 가 각각 $\overline{BC}$, $\overline{CD}$ 의 중점일 때, $\triangle HCF$ 의 넓이는?



① 5 cm^2

② $\frac{16}{3} \text{ cm}^2$

③ $\frac{17}{3} \text{ cm}^2$

④ 6 cm^2

⑤ $\frac{19}{3} \text{ cm}^2$

해설

$\overline{AB}$ 의 중점 M 과 점 D 를 이으면, $\overline{AP} = \overline{PH} = \overline{HC}$ 이므로

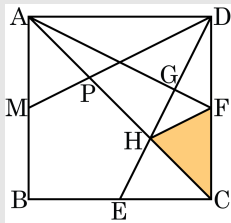
$$\triangle DHC = \frac{1}{3} \triangle ACD,$$

$$\triangle HFC = \frac{1}{2} \triangle DHC$$

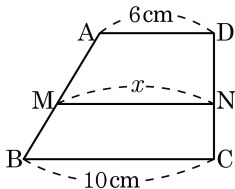
$$\triangle HCF = \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \triangle ACD$$

$$= \frac{1}{6} \times \frac{1}{2} \square ABCD$$

$$= \frac{1}{12} \times 8 \times 8 = \frac{16}{3} (\text{cm}^2)$$



32. 다음 그림에서
 $\overline{AD} \parallel \overline{MN} \parallel \overline{BC}$, $\square AMND = \square MBCN$ 일
 때, x^2 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▶ 정답 : 68

해설

$$\triangle OAD : \triangle OBC = 6^2 : 10^2 = 36 : 100$$

$$\square AMND = \square MBCN \text{ 이므로,}$$

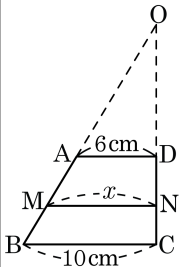
$$\triangle OAD : \triangle OMN = 6^2 : x^2$$

$$\triangle OMN = \triangle OAD + \frac{1}{2} \square ABCD$$

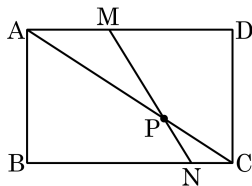
$$\triangle OAD : \triangle OMN = 36 : 36 + \frac{(100 - 36)}{2} =$$

$$36 : 68$$

$$\therefore x^2 = 68$$



33. 다음 그림의 직사각형 ABCD 에서 $\overline{AD}$ 를 2 : 3으로 나누는 점을 M, $\overline{BC}$ 를 4 : 1로 나누는 점을 N, $\overline{MN}$ 과 $\overline{AC}$ 와의 교점을 P 라고 한다. $\triangle PNC$ 의 넓이는 $\square ABCD$ 의 넓이의 몇 배인가?



① $\frac{1}{30}$ 배

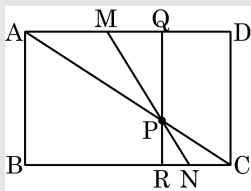
② $\frac{1}{31}$ 배

③ $\frac{1}{32}$ 배

④ $\frac{1}{33}$ 배

⑤ $\frac{1}{34}$ 배

해설



$$\overline{BN} : \overline{NC} = 4 : 1, \overline{NC} = \frac{1}{5}\overline{BC}$$

점 P를 지나고 $\overline{AB}$ 에 평행한 직선이 $\overline{AD}$, $\overline{BC}$ 와 만나는 점을 Q, R라고 하면 $\triangle APM \sim \triangle CPN$

$$\overline{AM} : \overline{CN} = \overline{AP} : \overline{CP}$$

$$\triangle APQ \sim \triangle CPR$$

$$\overline{PQ} : \overline{PR} = \overline{AP} : \overline{CP}$$

$$\overline{AM} : \overline{CN} = \overline{PQ} : \overline{PR} = 2 : 1, \overline{PR} = \frac{1}{3}\overline{AB}$$

$$\triangle PNC = \frac{1}{2} \times \frac{1}{5} \times \frac{1}{3} \square ABCD = \frac{1}{30} \square ABCD$$