

1. 이차부등식  $x^2 + 2x - 35 < 0$ 을 풀면?

①  $-15 < x < 12$

②  $-15 < x < 5$

③  $-7 < x < 5$

④  $-7 < x < 2$

⑤  $-5 < x < 7$

해설

$$x^2 + 2x - 35 < 0 \text{ 에서 } (x + 7)(x - 5) < 0$$

$$\therefore -7 < x < 5$$

2.  $64 \leq 16x - x^2$ 의 해를 구하면?

①  $4 \leq x \leq 8$

②  $x = 8$

③ 해는 없다.

④ 모든 실수

⑤  $x \leq 8$

해설

$$64 \leq 16x - x^2$$

$$x^2 - 16x + 64 \leq 0$$

$$\Rightarrow (x - 8)^2 \leq 0$$

$$\Rightarrow x = 8$$

3. 다음 부등식의 해가  $a < x < b$  일 때  $ab$  의 값은?

$$x^2 + |x| - 2 < 0$$

① -2

② -1

③ 0

④ 1

⑤ 2

해설

(i)  $x \geq 0$  일 때,  $|x| = x$  이므로

$$x^2 + x - 2 < 0, (x+2)(x-1) < 0$$

$$\therefore -2 < x < 1$$

이 때,  $x \geq 0$  과  $-2 < x < 1$  의 공통 범위는  $0 \leq x < 1$

(ii)  $x < 0$  일 때,  $|x| = -x$  이므로

$$x^2 - x - 2 < 0, (x-2)(x+1) < 0$$

$$\therefore -1 < x < 2$$

이 때  $x < 0$  과  $-1 < x < 2$  의 공통 범위는  $-1 < x < 0$

(i), (ii) 에서  $-1 < x < 1$

4. 부등식  $|x^2 - 1| + 3x < 3$ 의 해가  $\alpha < x < \beta$ 일 때, 상수  $\alpha + \beta$ 의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -3

### 해설

절댓값 기호 안을 0으로 하는  $x$ 의 값을 경계로 하여 구간을 나누어 본다.

$$(i) x^2 - 1 \geq 0,$$

즉  $x \leq -1$  또는  $x \geq 1$ 일 때,

$$|x^2 - 1| = x^2 - 1 \text{ 이므로 주어진 부등식은}$$

$$x^2 - 1 + 3x < 3, x^2 + 3x - 4 < 0$$

$$(x + 4)(x - 1) < 0$$

$$\therefore -4 < x < 1$$

이 때 조건에서  $x \leq -1$  또는  $x \geq 1$ 이므로

이를 만족하는  $x$ 값의 범위는  $-4 \leq x \leq -1$

$$(ii) x^2 - 1 < 0,$$

즉  $-1 < x < 1$ 일 때,

$$|x^2 - 1| = -x^2 + 1 \text{ 이므로 주어진 부등식은}$$

$$-x^2 + 1 + 3x < 3, x^2 - 3x + 2 > 0$$

$$(x - 1)(x - 2) > 0$$

$$\therefore x < 1 \text{ 또는 } x > 2$$

이 때 조건에서  $-1 < x < 1$ 이므로

이를 만족하는  $x$ 의 값의 범위는  $-1 < x < 1$

(i), (ii)로부터 주어진 부등식의 해는  $-4 < x < 1$

따라서  $\alpha = -4, \beta = 1, \alpha + \beta = -3$

5. 이차방정식  $f(x) = 0$ 의 두 근의 합이 10일 때, 방정식  $f(4x - 3) = 0$ 의 두 근의 합은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$f(x) = 0$ 의 두 근을  $\alpha, \beta$  라 하면  $\alpha + \beta = 10$

$f(x) = a(x - \alpha)(x - \beta) = 0$ 로 놓으면

$f(4x - 3) = a(4x - 3 - \alpha)(4x - 3 - \beta) = 0$

$$x = \frac{3 + \alpha}{4}, \frac{3 + \beta}{4}$$

$$\therefore \text{두 근의 합은 } \frac{6 + \alpha + \beta}{4} = 4$$