

1. 다음은 이차방정식  $ax^2 + 2bx + c = 0$  ( $a \neq 0$ )을 푸는 과정이다. ①  
~ ⑤에 들어갈 식이 바르지 못한 것은? (단,  $b^2 - ac \geq 0$ )

$$ax^2 + 2bx + c = 0 \quad (a \neq 0)$$

$$x^2 + \frac{2b}{a}x = -\frac{c}{a}$$

$$x^2 + \frac{2b}{a}x + ① = -\frac{c}{a} + ①$$

$$(x + ②)^2 = ③$$

$$x = ④ \pm ⑤$$

$$① \frac{b^2}{a^2}$$

$$④ -\frac{b}{a}$$

$$② \frac{b}{a}$$
  
$$⑤ \frac{\sqrt{b^2 - ac}}{a^2}$$

$$③ \frac{b^2 - ac}{a^2}$$

### 해설

$$ax^2 + 2bx + c = 0 \quad (a \neq 0)$$

양변을  $a$ 로 나누고 상수항을 이항하면

$$x^2 + \frac{2b}{a}x = -\frac{c}{a},$$

양변에  $\frac{b^2}{a^2}$  을 더하면

$$x^2 + \frac{2b}{a}x + \frac{b^2}{a^2} = -\frac{c}{a} + \frac{b^2}{a^2}$$

$$\left(x + \frac{b}{a}\right)^2 = \frac{b^2 - ac}{a^2}$$

$$x + \frac{b}{a} = \pm \frac{\sqrt{b^2 - ac}}{a}$$

$$x = -\frac{b}{a} \pm \frac{\sqrt{b^2 - ac}}{a}$$

$\therefore$  ⑤가 잘못 되었다.

2. 이차방정식  $x^2 - x = 6x - 2$ 의 근이  $x = \frac{a \pm \sqrt{b}}{2}$  일 때,  $a + b$ 의 값을 구하여라.  
(단,  $a$ ,  $b$ 는 유리수이다.)

▶ 답 :

▶ 정답 : 48

해설

$$x^2 - 7x + 2 = 0 \text{ 이므로}$$

$$x = \frac{-(-7) \pm \sqrt{7^2 - 4 \times 1 \times 2}}{2 \times 1} = \frac{7 \pm \sqrt{41}}{2} \text{ 이다.}$$

따라서  $a = 7, b = 41$  이므로

$$a + b = 48 \text{ 이다.}$$

3. 이차방정식  $3x^2 + 5x - 1 = 0$  의 근이  $x = \frac{A \pm \sqrt{B}}{6}$  일 때,  $A + B$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 32

해설

$$x = \frac{-5 \pm \sqrt{37}}{6} \text{ 이므로 } A = -5, B = 37$$

$$\therefore A + B = 32$$

4. 이차방정식  $x^2 + 3x - 1 = 0$  의 해가  $\frac{A \pm \sqrt{B}}{2}$  일 때,  $A$ ,  $B$ 의 값을 각각 구하여라.  
(단,  $A$ ,  $B$ 는 유리수)

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $A = -3$

▷ 정답:  $B = 13$

해설

$$x = \frac{-3 \pm \sqrt{3^2 - 4 \times 1 \times (-1)}}{2 \times 1} = \frac{-3 \pm \sqrt{13}}{2}$$

$$\therefore A = -3, B = 13$$

5. 이차방정식  $2x^2 + 4x - 1 = 0$  의 해가  $\frac{A \pm \sqrt{B}}{2}$  일 때,  $A + B$  의 값을 구하여라.(단,  $A$ ,  $B$ 는 유리수)

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

$$x = \frac{-4 \pm \sqrt{4^2 - 4 \times 2 \times (-1)}}{2 \times 2}$$

$$= \frac{-4 \pm \sqrt{24}}{4}$$

$$= \frac{-2 \pm \sqrt{6}}{2}$$

따라서  $A = -2$ ,  $B = 6$  이므로  $A + B = 4$  이다.

6. 이차방정식  $3x^2 - 3x - 5 = 0$  의 두 근 중 큰 근을  $p$  라 하면  $n-1 < p < n$  이 성립한다. 이때, 정수  $n$  的 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$3x^2 - 3x - 5 = 0$  를 풀면

$$x = \frac{3 \pm \sqrt{69}}{6}$$

따라서  $p = \frac{3 + \sqrt{69}}{6}$

$$8 < \sqrt{69} < 9$$

$$11 < 3 + \sqrt{69} < 12$$

$$\frac{11}{6} < \frac{3 + \sqrt{69}}{6} < 2 \text{ 이므로 } n = 2 \text{ 이다.}$$

7. 이차방정식  $2x^2 + 5x - 2 = 0$  의 두 근 중 작은 근을  $p$  라 하면  $n < p < n + 1$  이 성립한다. 이때, 정수  $n$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -3

해설

$2x^2 + 5x - 2 = 0$  를 풀면

$$x = \frac{-5 \pm \sqrt{41}}{4}$$

따라서  $p = \frac{-5 - \sqrt{41}}{4}$

$$6 < \sqrt{41} < 7$$

$$-7 < -\sqrt{41} < -6$$

$$-12 < -5 - \sqrt{41} < -11$$

$$-3 < \frac{-5 - \sqrt{41}}{4} < -\frac{11}{4} \text{ 이므로 } n = -3 \text{ 이다.}$$

8.  $(a - b)^2 - (a - b) - 12 = 0$  일 때,  $a - b$  의 값을 구하여라. (단,  $a \neq b$ )

▶ 답:

▶ 답:

▶ 정답: 4

▶ 정답: -3

해설

$$(a - b)^2 - (a - b) - 12 = 0$$

$a - b = X$  로 치환하면

$$X^2 - X - 12 = 0, (X - 4)(X + 3) = 0$$

$\therefore X = 4$  또는  $X = -3$

$\therefore a - b = 4$  또는 -3

9.  $(a^2 + b^2)(a^2 + b^2 + 3) - 54 = 0$  일 때,  $a^2 + b^2$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 6

해설

$$a^2 + b^2 = X \text{ 라 하면, } X(X + 3) - 54 = 0$$

$$X^2 + 3X - 54 = (X - 6)(X + 9) = 0$$

$$X \geq 0 \text{ 이므로 } X = 6$$

$$\therefore a^2 + b^2 = 6$$

10. 이차방정식  $(x+2)^2 - 8 = 2(x+2)$ 의 두 근을  $\alpha, \beta$ 라 할 때,  $\alpha\beta$ 의 값을 구하여라. (단,  $\alpha > \beta$ )

▶ 답 :

▶ 정답 : -8

해설

$$x + 2 = t \text{로 치환하면 } t^2 - 2t - 8 = 0$$

$$(t - 4)(t + 2) = 0$$

$$t = 4 \text{ 또는 } t = -2$$

$$\therefore x = 2 \text{ 또는 } x = -4$$

$$\therefore \alpha\beta = 2 \times (-4) = -8$$