

1. 다음 보기 중 옳은 것을 모두 골라라.

보기

- ㉠ 30° 는 둔각이다.
- ㉡ 50° 는 직각이다.
- ㉢ 180° 는 평각이다.
- ㉣ $0^\circ < (\text{예각}) < 90^\circ$ 이다.
- ㉤ 90° 는 직각이다.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉢

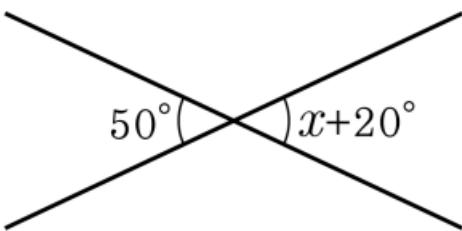
▷ 정답 : ㉣

▷ 정답 : ㉤

해설

- ㉠ 30° 는 예각이다.
- ㉡ 50° 는 예각이다.

2. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?



- ① 20°
- ② 30°
- ③ 40°
- ④ 50°
- ⑤ 60°

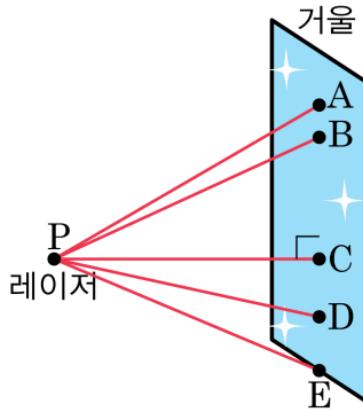
해설

맞꼭지각의 크기는 같으므로

$$50^\circ = x + 20^\circ$$

$$\therefore \angle x = 30^\circ$$

3. 다음 그림은 P 지점에서 거울에 레이저를 쏜 것이다. P 지점과 거울 사이의 거리를 나타내는 것은?

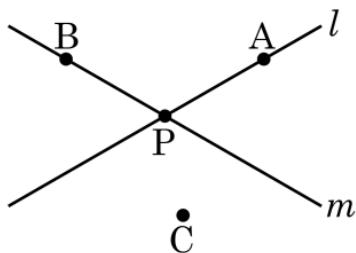


- ① A 지점
- ② B 지점
- ③ C 지점
- ④ D 지점
- ⑤ E 지점

해설

한 점과 직선 사이의 거리는 한 점에서 직선에 내린 수선의 발까지의 거리이다. 따라서 점 C이다.

4. 다음 그림에서 다음 중 옳은 것은?



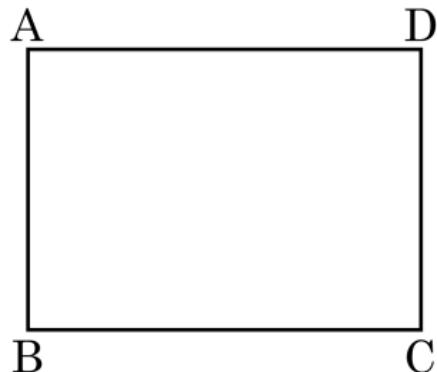
- ① 직선 m 은 점B에 속한다.
- ② 점A는 직선 l 에 속하지 않는다.
- ③ 직선 l 과 직선 m 의 만나는 곳은 점P이다.
- ④ 점C는 직선 l 과 직선 m 에 속한다.
- ⑤ 직선 l 은 점A와 점B에 속한다.

해설

점 A, P 는 직선 l 위의 한 점이고, 점 B, P 는 직선 m 위의 한 점이고, 점 C 는 직선 위의 점이 아니다.

- ① 점B는 직선 m 에 속한다.
- ② 점A는 직선 l 에 속한다.
- ④ 점C는 직선 l 과 직선 m 에 속하지 않는다. (점C 는 직선 위의 점이 아니다.)
- ⑤ 점A는 직선 l 에 속하고, 점B는 직선 m 에 속한다.

5. 다음 직사각형에서 변 CD 와 평행인 변을 구하여라.



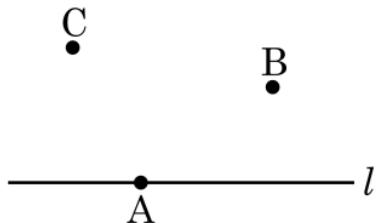
▶ 답 :

▷ 정답 : 변 AB

해설

$\overline{CD} // \overline{AB}$

6. 다음 그림에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

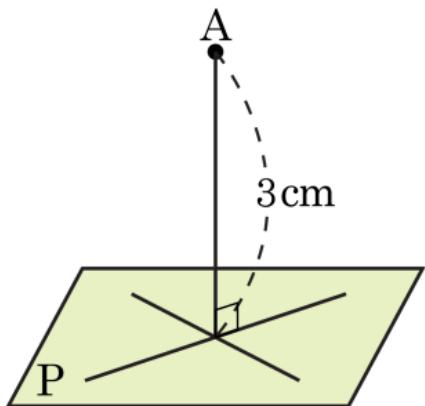


- ① 점 C는 직선 l 위에 있지 않다.
- ② 점 A는 직선 l 위에 있다.
- ③ 두 점 A, B를 지나는 직선은 한 개이다.
- ④ 점 A, B, C를 포함하는 평면은 무수히 많다.
- ⑤ 점 A과 점 B 사이의 거리를 \overline{AB} 이다.

해설

점 A, B, C를 포함하는 평면은 하나이다.

7. 다음 그림에서 점 A 와 평면 P 사이의 거리를 구하여라.



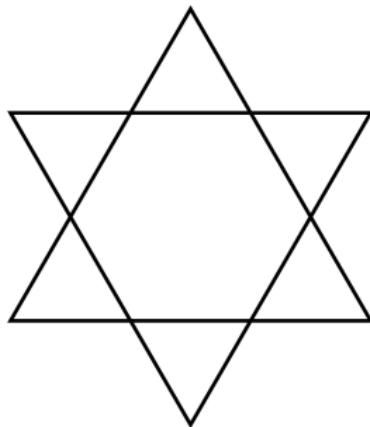
▶ 답 : 3 cm

▷ 정답 : 3cm

해설

점 A에서 평면 P에 내린 수선의 발까지의 거리는 3cm이다.

8. 다음 그림에서 교점의 개수를 구하여라.

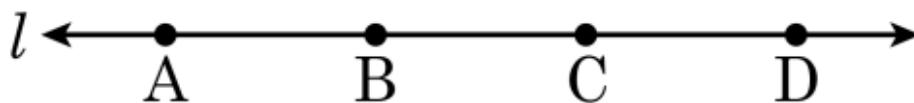


▶ 답: 개

▷ 정답: 12 개

해설

9. 다음 그림과 같이 직선 l 위에 네 점 A, B, C, D 가 차례대로 있을 때,
 \overrightarrow{AC} 과 \overrightarrow{DB} 의 공통부분은?



- ① \overrightarrow{AD} ② \overrightarrow{BC} ③ \overleftarrow{BC} ④ \overrightarrow{AD} ⑤ \overrightarrow{CD}

해설

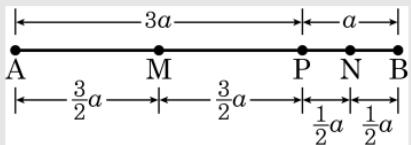
- ④ \overrightarrow{AC} 와 \overrightarrow{DB} 의 공통부분은 \overrightarrow{AD} 이다.

10. 선분 AB 위의 점 P는 선분 AB를 3 : 1로 내분하는 점이고, 선분 AP와 선분 PB의 중점이 각각 M, N이다. 선분 MN의 길이가 10cm 일 때, 선분 AB의 길이를 구하여라.

▶ 답 : cm

▷ 정답 : 20cm

해설



$$\overline{BP} = a \text{ 라 하면}$$

$$\overline{AP} = 3a \text{ 이므로}$$

$$\overline{AM} = \overline{MP} = \frac{3}{2}a$$

$$\overline{PN} = \overline{NB} = \frac{1}{2}a$$

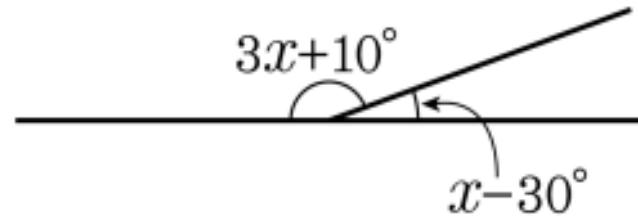
$$\text{이때, } \overline{MN} = \overline{MP} + \overline{PN} = \frac{3}{2}a + \frac{1}{2}a = 2a \text{ 이므로}$$

$$2a = 10, a = 5 \text{ cm}$$

$$\therefore \overline{AB} = 4a = 4 \times 5 = 20 \text{ (cm)}$$

11. 다음 그림에서 x 의 값은?

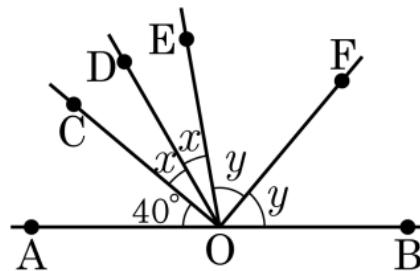
- ① 10°
- ② 20°
- ③ 30°
- ④ 40°
- ⑤ 50°



해설

$(3x + 10^\circ) + (x - 30^\circ) = 180^\circ$ 이므로 $x = 50^\circ$ 이다.

12. 다음 그림에서 $\angle AOC = 40^\circ$ 이고, $\angle COD = \angle DOE$, $\angle EOF = \angle BOF$ 일 때, $\angle x + \angle y$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$ °

▷ 정답 : 70°

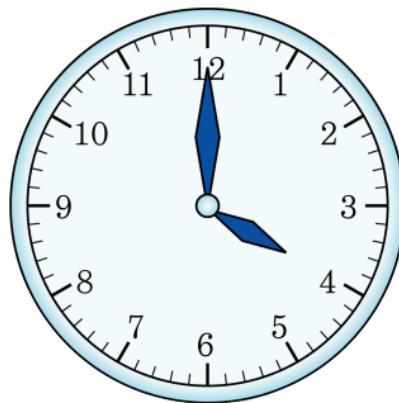
해설

$$40^\circ + 2x + 2y = 180^\circ$$

$$2(x + y) = 140^\circ$$

$$\therefore \angle x + \angle y = 70^\circ$$

13. 다음 그림과 같이 시침과 분침이 있는 시계에서 시계가 4 시 정각을 가리킬 때 생기는 작은 쪽의 각의 크기는?

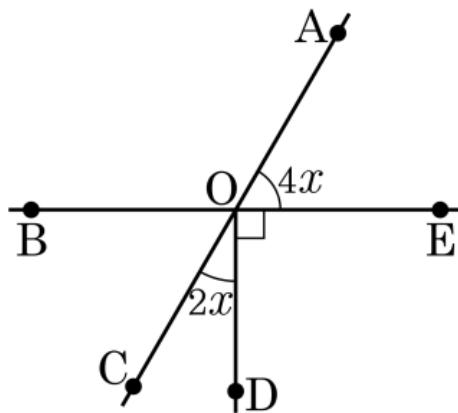


- ① 90° ② 100° ③ 110° ④ 120° ⑤ 130°

해설

시계의 한 눈금이 30° 이므로 4 시 정각의 작은 쪽의 각도는 $30^\circ \times 4 = 120^\circ$ 이다.

14. 다음 그림에서 $\angle COD = 2x$, $\angle AOE = 4x$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?

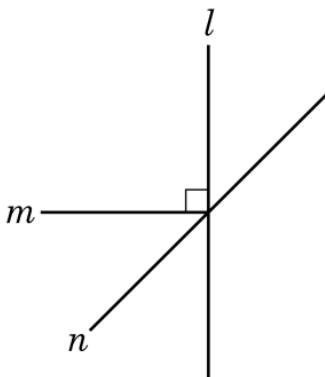


- ① 12° ② 14° ③ 15° ④ 16° ⑤ 18°

해설

$$\angle AOE = \angle BOC = 4x \text{ }^\circ \text{]므로 } 4x + 2x = 90^\circ \quad \therefore \angle x = 15^\circ$$

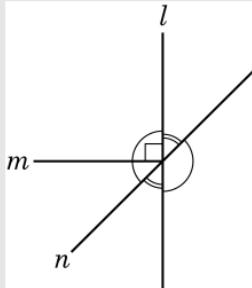
15. 다음 그림과 세 직선이 다음과 같이 만날 때 생기는 맞꼭지각은 모두 몇 쌍인가?



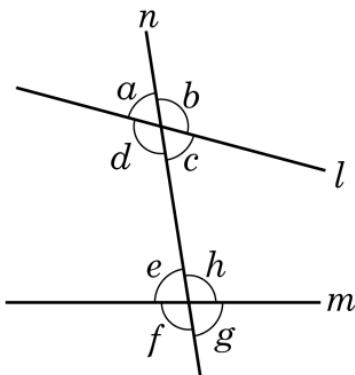
- ① 3쌍 ② 2쌍 ③ 1쌍
④ 없다. ⑤ 무수히 많다.

해설

다음 그림과 같이 맞꼭지각은 모두 2 쌍이다.



16. 다음 그림과 같이 두 직선 l , m 이 다른 한 직선 n 과 만나고 있다.
그림을 보고 다음 중 옳은 것을 고르면?

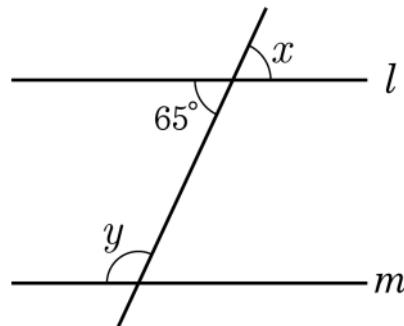


- ① 동위각과 엇각의 크기는 서로 같다.
- ② $\angle b$ 와 $\angle h$ 의 합은 180° 이다
- ③ $\angle b$ 와 $\angle f$ 는 엇각이다
- ④ $\angle a$ 와 $\angle f$ 는 동위각이다.
- ⑤ $\angle a$ 와 $\angle e$ 는 동위각이다.

해설

동위각은 위치가 같은 각이므로 $\angle a$ 와 $\angle e$ 는 동위각이다.

17. 다음 그림에서 $l \parallel m$ 일 때, $\angle x$, $\angle y$ 의 크기를 각각 구하면?

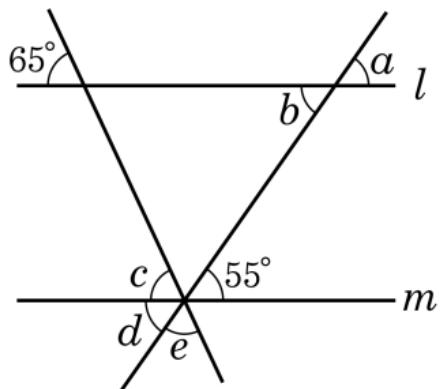


- ① $60^\circ, 115^\circ$
- ② $60^\circ, 120^\circ$
- ③ $65^\circ, 95^\circ$
- ④ $65^\circ, 100^\circ$
- ⑤ $65^\circ, 115^\circ$

해설

$\angle x$ 는 65° 의 맞꼭지각이므로 크기가 같다. $\Rightarrow \angle x = 65^\circ$
또, $l \parallel m$ 이므로 동측내각의 합이 180° 임을 이용하면 $65^\circ + y^\circ = 180^\circ$ 이다. $\Rightarrow \angle y = 115^\circ$

18. 다음 그림에서 $l \parallel m$ 일 때, 옳지 않은 것은?



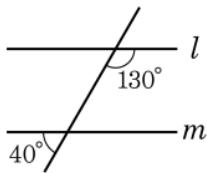
- ① $\angle a = 55^\circ$
- ② $\angle b = 55^\circ$
- ③ $\angle c = 55^\circ$
- ④ $\angle d = 55^\circ$
- ⑤ $\angle e = 60^\circ$

해설

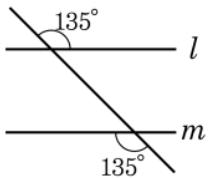
③ $\angle c$ 는 65° 의 동위각이므로 $\angle c = 65^\circ$ 이다.

19. 다음 중 직선 l , m 이 서로 평행한 것은?

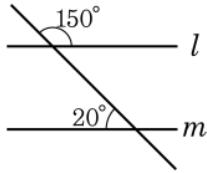
①



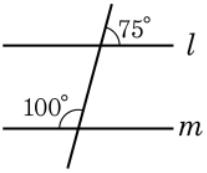
②



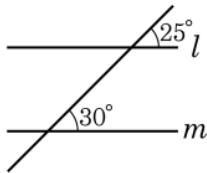
③



④



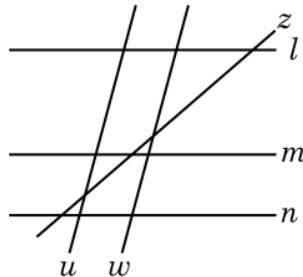
⑤



해설

평행한 두 직선이 있을 때, 동위각과 엇각은 서로 같다.

20. 서로 평행한 세 직선 l, m, n 과 서로 평행한 두 직선 u, w , 그리고 다른 어떤 직선과도 평행하지 않은 직선 z 가 다음과 같이 만날 때, 생기는 각 중 크기가 다른 각은 모두 몇 종류인지 구하여라.

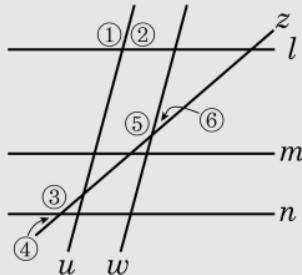


▶ 답 : 종류

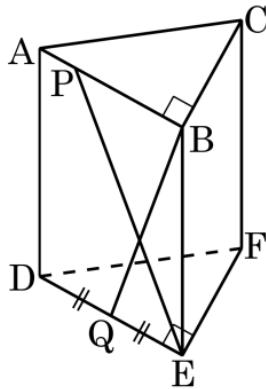
▷ 정답 : 6종류

해설

평행선과 동위각, 엇각의 성질을 이용하여 크기가 다른 각을 표시하면 다음 그림과 같다. 따라서 크기가 다른 각은 모두 6 종류이다.



21. 다음 그림은 밑면이 직각삼각형인 삼각기둥이다. 점 P는 선분 AB를 3 : 1로 내분하는 점이고, 점 Q는 선분 DE의 중점일 때, $\angle PEF - \angle QBC$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : ${}^{\circ}$

▷ 정답 : 0°

해설

선분 FE는 면 ABED와 수직이므로 선분 FE는 점 E를 지나는 면 ABED 위의 모든 직선과 수직이다.

$$\therefore \angle PEF = 90^{\circ}$$

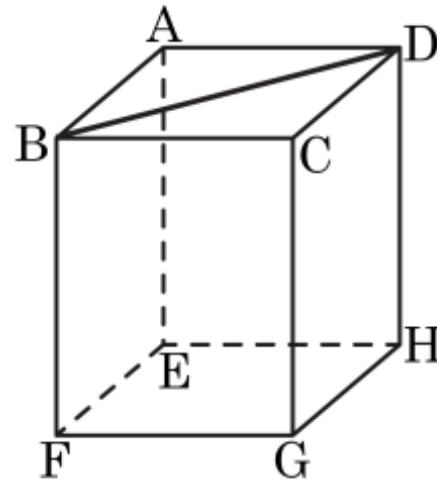
선분 BC는 면 ABED와 수직이므로 선분 BC는 점 B를 지나는 면 ABED 위의 모든 직선과 수직이다.

$$\therefore \angle QBC = 90^{\circ}$$

$$\text{따라서 } \angle PEF - \angle QBC = 0^{\circ}$$

22. 다음 그림의 직육면체에서 \overline{BD} 와 꼬인 위치에 있는 모서리는 모두 몇 개인가?

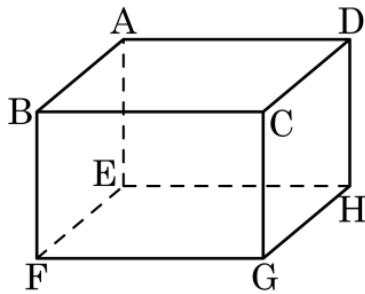
- ① 2 개
- ② 3 개
- ③ 4 개
- ④ 5 개
- ⑤ 6 개



해설

\overline{BD} 와 꼬인 위치에 있는 모서리는 모서리 AE, CG, EF, FG, GH, HE의 6개이다.

23. 다음 그림의 직육면체에 대하여 면 ABCD 와 수직인 면을 보기에서 모두 골라라.(정답 4개)



보기

- ① 면 ABFE
- ② 면 EFGH
- ③ 면 BFGC
- ④ 면 CGHD
- ⑤ 면 AEHD

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ①

▷ 정답 : ③

▷ 정답 : ④

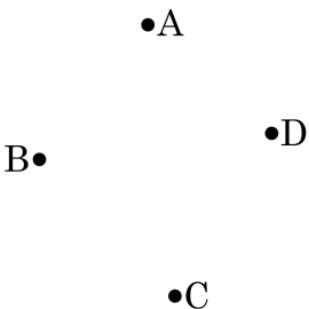
▷ 정답 : ⑤

해설

면 ABCD 와 수직인 면은

① 면 ABFE , ③ 면 BFGC , ④ 면 CGHD , ⑤ 면 AEHD 이다.

24. 다음 그림과 같이 어느 세 점도 한 직선 위에 있지 않은 네 점 A, B, C, D가 있다. 네 점 중 두 점을 지나는 서로 다른 선분의 개수를 a , 반직선의 개수를 b 라고 할 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 18

해설

선분의 개수 : \overline{AB} , \overline{AC} , \overline{AD} , \overline{BC} , \overline{BD} , \overline{CD}

$\Rightarrow 6$ 개

반직선의 개수 : \overrightarrow{AB} , \overrightarrow{BA} , \overrightarrow{AC} , \overrightarrow{CA} , \overrightarrow{AD} , \overrightarrow{DA} , \overrightarrow{BC} , \overrightarrow{CB} , \overrightarrow{BD} , \overrightarrow{DB} , \overrightarrow{CD} , \overrightarrow{DC}
 $\Rightarrow 12$ 개

따라서 선분의 개수 $a = 6$, 반직선의 개수 $b = 12$ 이므로
 $a + b = 18$ 개다.

25. 다음 설명 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

- ① 두 직선이 한 점에서 만날 때, 그 만나는 점을 두 직선의 교점이라 한다.
- ② 반직선 AB 와 반직선 BA 는 겹치는 부분이 없이 하나의 직선이 된다.
- ③ 두 점 사이의 최단 거리는 두 점을 잇는 선분의 길이이다.
- ④ 한 점을 지나는 직선은 무수히 많이 그을 수 있다.
- ⑤ 두 점을 지나는 직선은 무수히 많다.

해설

- ② 선분 AB 에서 겹친다.
- ⑤ 두 점을 지나는 직선은 한개 뿐이다.

26. 다음 그림처럼 \overline{AB} 의 중점이 M이고, \overline{MB} 의 중점이 N, \overline{NB} 의 중점이 O이다. \overline{AB} 의 길이가 24 일 때, \overline{AO} 의 길이를 구하시오.



▶ 답 :

▷ 정답 : 21

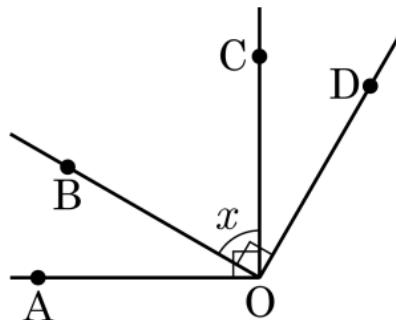
해설

$$\overline{AB} = 2\overline{AM} = 2\overline{MB} = 2 \times 2\overline{NB} = 2 \times 2 \times 2\overline{OB} = 24$$

$$\overline{NO} = \overline{OB} = 3$$

$$\therefore \overline{AO} = 24 - 3 = 21$$

27. 다음 그림에서 $\angle AOB + \angle COD = 60^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



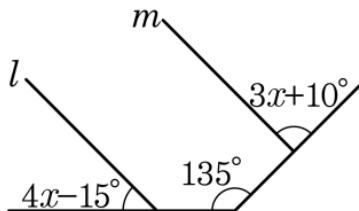
- ① 50° ② 60° ③ 70° ④ 80° ⑤ 90°

해설

$\angle x + \angle AOB = 90^\circ$, $\angle x + \angle COD = 90^\circ$ 이므로 $\angle AOB = \angle COD$ 이다.

따라서 $\angle AOB = \angle COD = 30^\circ$, $\angle x + 30^\circ = 90^\circ$ 이므로 $\angle x = 60^\circ$ 이다.

28. 다음 그림에서 $l \parallel m$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.

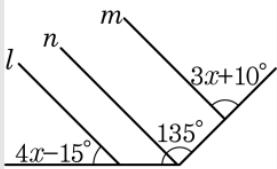


▶ 답: $\underline{\hspace{1cm}}$

▷ 정답: 20°

해설

다음 그림과 같이 l 과 m 에 평행한 직선 n 을 그으면

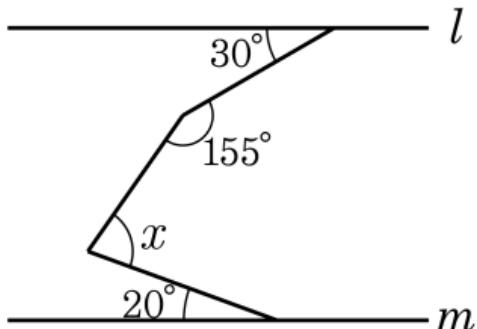


$$(4\angle x - 15^\circ) + (3\angle x + 10^\circ) = 135^\circ$$

$$7\angle x - 5^\circ = 135^\circ, 7\angle x = 140^\circ$$

$$\therefore \angle x = 20^\circ$$

29. 다음 그림에서 $l \parallel m$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



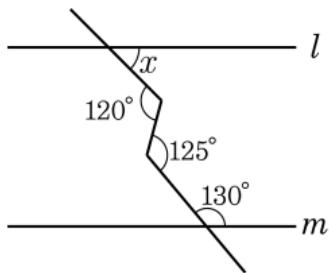
▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$ °

▶ 정답 : 75°

해설

l, m 과 평행한 두 직선을 그으면 $20^\circ + 55^\circ = 75^\circ$ 이다.

30. 다음 그림에서 $l \parallel m$ 일 때, $\angle x$ 의 값을 구하여라.

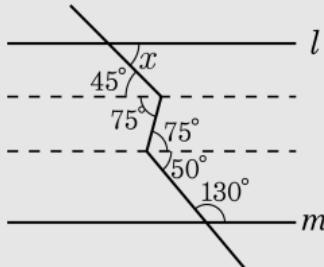


▶ 답: ${}^{\circ}$

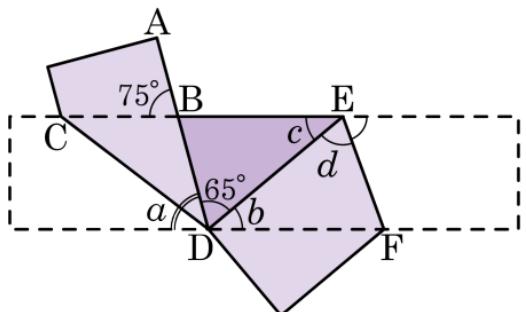
▷ 정답: 45°

해설

다음 그림과 같이 직선 l, m 에 평행하게 두 개의 보조선을 그어 주면, $\angle x = 45^{\circ}$ 가 된다.



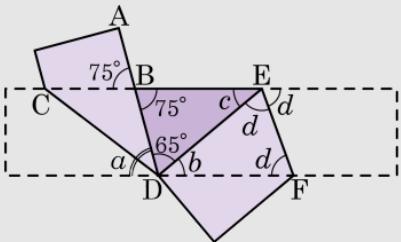
31. 다음 그림은 직사각형 모양의 종이를 접은 것이다. $\angle ABC = 75^\circ$, $\angle BDE = 65^\circ$ 일 때, 다음 각에 대한 설명 중 옳지 않은 것을 두 가지 고르면?



- ① $\angle a = 75^\circ$ ② $\angle b = \angle c$ ③ $\angle d = 65^\circ$
 ④ $\overleftrightarrow{BD} \parallel \overleftrightarrow{EF}$ ⑤ $\angle c = 40^\circ$

해설

직사각형의 마주보는 두 변은 서로 평행



$$\angle ABC = \angle EBD = 75^\circ$$

$$\angle EBD = \angle a = 75^\circ (\because \text{엇각})$$

$$\angle b = 180^\circ - (75^\circ + 65^\circ) = 40^\circ$$

$$\angle b = \angle c = 40^\circ (\because \text{엇각})$$

$$\angle d = \frac{180^\circ - 40^\circ}{2} = 70^\circ$$

$\overleftrightarrow{BD} \parallel \overleftrightarrow{EF}$ 하려면

$\angle a = \angle d$ 가 성립하여야 한다.

$\angle a \neq \angle d$ 이므로

$\overleftrightarrow{BD} \parallel \overleftrightarrow{EF}$ 은 성립하지 않는다.

32. 다음 중에서 한 평면 위에 있지 않은 것은?

- ① 한 직선과 그 직선 밖에 있는 한 점
- ② 한 점에서 만나는 두 직선
- ③ 한 직선 위에 있지 않는 세 점
- ④ 평행한 두 직선
- ⑤ 꼬인 위치에 있는 두 직선

해설

⑤ 꼬인 위치에 있는 두 직선은 한 평면 위에 있지 않다.