

1. $A = 2x^2 + 5xy - 3y^2$, $B = 4x^2 - 5xy + y^2$, $C = -x^2 + 4y^2$ 일 때,
 $2A - \{B - (2C - 3A)\}$ 를 간단히 하면?

- ① $8x^2 + 30xy - 24y^2$
- ② $8x^2 - 30xy - 24y^2$
- ③ $-8x^2 + 30xy - 24y^2$
- ④ $-8x^2 + 10y^2$
- ⑤ $-8x^2 - 10y^2$

해설

$$\begin{aligned}2A - \{B - (2C - 3A)\} &= 2A - B + 2C - 3A \\&= -A - B + 2C \\&= -8x^2 + 10y^2\end{aligned}$$

2. $(2x^3 - 3x + 1) \div (x^2 + 2)$ 의 계산에서 나머지는?

- ① $-5x + 1$ ② $-x + 1$ ③ $5x + 1$
④ $x + 1$ ⑤ $-7x + 1$

해설

$2x^3 - 3x + 1$ 을 $x^2 + 2$ 로 직접 나누어서 구한다.

몫 : $2x$, 나머지 : $-7x + 1$

3. 다항식 $(a - b)(a^2 + ab + b^2)$ 을 전개하면?

① $a^2 - b^2$

② $\textcircled{2} a^3 - b^3$

③ $a^3 + b^3$

④ $a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$

⑤ $a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$

해설

공식 : $(a - b)(a^2 + ab + b^2) = a^3 - b^3$

4. 모든 실수 x 에 대하여 등식 $3x^2 + 2x + 7 = a(x+1)^2 + b(x+1) + c$ 가 성립할 때, 상수 c 의 값은?

① -6

② -7

③ 6

④ 7

⑤ 8

해설

항등식이므로 우변을 전개하여 동류항끼리 비교한다.

$$3x^2 + 2x + 7 = ax^2 + (2a+b)x + a + b + c$$

$$a = 3, 2a + b = 2, a + b + c = 7$$

$$\therefore \text{연립하면 } a = 3, b = -4, c = 8$$

해설

조립제법 사용

$$\begin{array}{r} -1 \Big| \begin{array}{ccc} 3 & 2 & 7 \\ & -3 & 1 \end{array} \\ -1 \Big| \begin{array}{cc} 3 & -1 \\ & -3 \end{array} \boxed{8} \rightarrow c \\ \begin{array}{c} 3 \\ \downarrow \\ a \end{array} \quad \boxed{-4} \rightarrow b \end{array}$$

5. x 에 대한 항등식 $a(x+1) + b(x-1) = x+3$ 에서 a , b 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $a = 2$

▷ 정답: $b = -1$

해설

준식을 정리하면

$$(a+b)x + a - b = x + 3$$

계수비교법에 의하여

$$a+b=1, \quad a-b=3$$

연립하여 풀면

$$\therefore a=2, \quad b=-1$$

6. 등식 $2x^2 - 6x - 2 = a(x + 1)(x - 2) + bx(x - 2) + cx(x + 1)$ 가 x 의 값에 관계없이 항상 성립할 때, 상수 $a + b + c$ 의 값을 구하면?

① 2

② 1

③ 0

④ -1

⑤ -2

해설

$x = 0$ 을 대입하면: $a = 1$

$x = -1$ 을 대입하면: $b = 2$

$x = 2$ 을 대입하면: $c = -1$

$$\therefore a + b + c = 2$$

7. $(x+1)^5 = a_0 + a_1x + a_2x^2 + a_3x^3 + a_4x^4 + a_5x^5$ 이 x 에 대한 항등식일 때, $a_0 + a_1 + a_2 + a_3 + a_4 + a_5$ 의 값을 구하면?

- ① 8 ② 16 ③ 32 ④ 64 ⑤ 128

해설

양변에 $x = 1$ 을 대입하면,

$$(1+1)^5 = a_0 + a_1 + \cdots + a_5 \text{ 이므로}$$

$$\therefore 2^5 = 32$$

8. 다항식 $2x^3 + x^2 + x + 1$ 를 $2x - 1$ 로 나눈 몫과 나머지를 순서대로 나열한 것은?

① $x^2 + x + 1, 1$

② $x^2 + x + 1, 2$

③ $2x^2 + 2x + 2, 1$

④ $2x^2 + 2x + 2, 2$

⑤ $4x^2 + 4x + 4, 4$

해설

다항식 $2x^3 + x^2 + x + 1$ 를 $2x - 1$ 로 나눈 몫과 나머지를 각각 $Q(x), R$ 이라고 하면 $2x^3 + x^2 + x + 1 = (2x - 1)Q(x) + R$

$$= \left(x - \frac{1}{2}\right) \cdot 2Q(x) + R$$

이므로

$$\begin{array}{c|cccc} \frac{1}{2} & 2 & 1 & 1 & 1 \\ & & 1 & 1 & 1 \\ \hline & 2 & 2 & 2 & 2 \end{array}$$

$$2Q(x) = 2x^2 + 2x + 2$$

$$\therefore Q(x) = x^2 + x + 1, R = 2$$

9. $2012 = k$ 라 할 때, 2013×2011 을 k 로 나타내면?

① $k^2 + k$

② $\textcircled{2} k^2 - 1$

③ $k^2 + k + 1$

④ $k^2 - k + 1$

⑤ $k^2 - k$

해설

$$\begin{aligned}2013 \times 2011 &= (k+1)(k-1) \\&= k^2 - 1\end{aligned}$$

10. 다음 보기에서 주어진 수를 x 라 할 때, \sqrt{x} 가 허수가 되는 x 의 개수는?

$$-2, \frac{1}{3}, 0, -3.5, 4, -\frac{2}{5}$$

- ① 1 개 ② 3 개 ③ 5 개 ④ 7 개 ⑤ 9 개

해설

\sqrt{x} 가 허수가 되는 $x = -2, -3.5, -\frac{2}{5}$ 의 3개이다.

11. 등식 $x + y + (x - 2y)i = 1 + 7i$ 을 만족하는 두 실수 x, y 에 대하여 xy 의 값은? (단, $i = \sqrt{-1}$)

- ① 3 ② -3 ③ 6 ④ -6 ⑤ 8

해설

복소수의 상등에 의하여

$$x + y = 1, \quad x - 2y = 7$$

$$x = 3, \quad y = -2$$

$$\therefore xy = -6$$

12. 다음 식을 간단히 하여라.

$$\frac{1 - 2i}{2 + 3i} + \frac{1 + 2i}{2 - 3i}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : $-\frac{8}{13}$

해설

(준식)

$$\begin{aligned}&= \frac{(1 - 2i)(2 - 3i) + (1 + 2i)(2 + 3i)}{(2 + 3i)(2 - 3i)} \\&= \frac{(2 - 6) + (-4 - 3)i + (2 - 6) + (4 + 3)i}{2^2 + 3^2} \\&= \frac{(-4 - 7i) + (-4 + 7i)}{13} \\&= -\frac{8}{13}\end{aligned}$$

13. $a = 2 + \sqrt{3}i$, $b = 2 - \sqrt{3}i$ 일 때, $\frac{b}{a} + \frac{a}{b}$ 의 값을 구하여라. (단, $i = \sqrt{-1}$)

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{2}{7}$

해설

$a = 2 + \sqrt{3}i$, $b = 2 - \sqrt{3}i$ 일 때

$$\frac{b}{a} + \frac{a}{b} = \frac{b^2 + a^2}{ab} = \frac{(a+b)^2 - 2ab}{ab} \dots \textcircled{1}$$

이 때, $a+b = (2 + \sqrt{3}i) + (2 - \sqrt{3}i) = 4$

$$ab = (2 + \sqrt{3}i)(2 - \sqrt{3}i)$$

$$= 2^2 - (\sqrt{3}i)^2 = 4 + 3 = 7$$
 이므로

$a+b = 4$, $ab = 7$ 을 ①에 대입하면

$$\frac{b}{a} + \frac{a}{b} = \frac{(a+b)^2 - 2ab}{ab}$$

$$= \frac{16 - 14}{7} = \frac{2}{7}$$

14. 다음 복소수에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

- ① -5 의 제곱근은 $\pm \sqrt{5}i$ 이다.
- ② $2 + 3i$ 의 실수부분은 2 , 허수부분은 3 이다.
- ③ $-3i$ 는 순허수이다.
- ④ $1 - 2i$ 의 결례 복소수는 $-1 + 2i$ 이다.
- ⑤ 두 실수 a, b 에 대하여 복소수 $a + bi$ 가 실수가 되려면 $b = 0$ 이어야 한다.

해설

- ④ $1 - 2i$ 의 결례 복소수는 $1 + 2i$ 이다.

15. 이차방정식 $x^2 + 8x + 2k = 0$ 이 허근을 가지도록 하는 정수 k 의 값의 최솟값은?

- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

해설

이차방정식에서 허근을 가질 조건은

$$\frac{D'}{4} < 0 \text{이어야 하므로,}$$

$$16 - 2k < 0, 2k > 16, \therefore k > 8$$

\therefore 정수 k 의 최소값은 9

16. 이차방정식 $2x^2 - 4x + 5 = 0$ 의 두 근을 α 와 β 라 할 때, $\alpha^3 + \beta^3$ 의 값은?

① -7

② -3

③ 0

④ 3

⑤ 7

해설

$2x^2 - 4x + 5 = 0$ 의 두 근을 α, β 라 하면

$$\alpha + \beta = 2, \alpha\beta = \frac{5}{2}$$

$$\begin{aligned}\alpha^3 + \beta^3 &= (\alpha + \beta)^3 - 3\alpha\beta(\alpha + \beta) = 2^3 - 3 \times \frac{5}{2} \times 2 \\ &= 8 - 15 = -7\end{aligned}$$

17. 이차방정식 $x^2 - 2x + a + 1 = 0$ 의 두 근이 서로 다른 부호의 실근을 가질 때, a 의 값의 범위를 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : $a < -1$

해설

$$(두 근의 곱) = a + 1 < 0 \quad \therefore a < -1$$

18. 이차함수 $y = 2x^2 + kx - k$ 의 그래프가 x 축과 만나도록 하는 상수 k 의 값이 아닌 것은?

- ① -8 ② -1 ③ 0 ④ 5 ⑤ 8

해설

이차방정식 $2x^2 + kx - k = 0$ 에서 $D = k^2 - 4 \cdot 2 \cdot (-k) \geq 0$ 이어야 하므로

$$k^2 + 8k \geq 0, k(k+8) \geq 0$$

$$\therefore k \leq -8 \text{ 또는 } k \geq 0$$

따라서 위의 k 의 값의 범위에 속하지 않는 것은 ②이다.

19. x 에 대한 다항식 $3x^3y + 5y - xz + 9xy - 4$ 에 대하여 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

- ㉠ 내림차순으로 정리하면
 $3yx^3 + (9y - z)x + 5y - 4$ 이다.
- ㉡ 오름차순으로 정리하면
 $5y - 4 + (9y - z)x + 3yx^3$ 이다.
- ㉢ 주어진 다항식은 x 에 대한 3 차식이다.
- ㉣ x^3 의 계수는 3이다.
- ㉤ 상수항은 -4이다.

① ㉠, ㉢

② ㉠, ㉡, ㉢

③ ㉠, ㉡

④ ㉠, ㉢, ㉣, ㉤

⑤ ㉠, ㉡, ㉢, ㉣, ㉤

해설

- ㉣ x^3 의 계수는 $3y$ 이다.
- ㉤ 상수항은 $5y - 4$ 이다.

20. x 에 대한 다항식 $4x^3 - 3x^2 + ax + b$ 가 $(x+1)(x-3)$ 을 인수로 갖도록 $a+b$ 의 값을 정하여라.

▶ 답:

▶ 정답: -37

해설

$P(x) = 4x^3 - 3x^2 + ax + b$ 라 하고 $P(x)$ 가

$(x+1)(x-3)$ 을 인수로 가지려면

$$P(-1) = P(3) = 0$$

$$P(-1) = -4 - 3 - a + b = 0 \quad \therefore a - b = -7$$

$$P(3) = 108 - 27 + 3a + b = 0 \quad \therefore 3a + b = -81$$

$$\therefore a = -22, b = -15$$

21. 다항식 $(x - 1)^3 + 27$ 을 바르게 인수분해한 것은?

① $(x - 1)(x^2 + 3)$

② $(x - 1)(x^2 - x - 2)$

③ $(x - 1)(x^2 + 3x + 3)$

④ $(x + 2)(x^2 + x + 7)$

⑤ $(x + 2)(x^2 - 5x + 13)$

해설

$x - 1$ 을 A 로 치환하면

$$\text{준 식} = A^3 + 27 = (A + 3)(A^2 - 3A + 9)$$

$$\text{다시 } x - 1 \text{ 을 대입하면 } (x + 2)(x^2 - 5x + 13)$$

22. 실수 k 에 대하여 복소수 $z = 2(k-i) - k(1+i)^2$ 의 값이 실수가 되도록 하는 k 의 값은?

① -1

② 0

③ 1

④ 2

⑤ 3

해설

$z = 2(k-i) - k(1+i)^2$ 의 값이 실수가 되려면 허수 부분이 0이어야 한다.

$$\begin{aligned} z &= 2(k-i) - k(1+i)^2 \\ &= 2k - 2i - 2ki \\ &= 2k - (2+2k)i \end{aligned}$$

허수 부분이 0이려면 $2+2k=0$ 이어야 한다.

따라서 $k = -1$

23. 이차방정식 $x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이 $1 + 2i$ 일 때 실수 a, b 를 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $a = -2$

▷ 정답: $b = 5$

해설

계수가 실수이므로 한 근이 $1 + 2i$ 이면 다른 한 근은 $1 - 2i$ 이다.

$$(\text{두 근의 합}) = (1 + 2i) + (1 - 2i) = -a \quad \dots\dots \textcircled{7}$$

$$(\text{두 근의 곱}) = (1 + 2i)(1 - 2i) = b \quad \dots\dots \textcircled{L}$$

$\therefore \textcircled{7}, \textcircled{L}$ 에서

$a = -2, b = 5$ 이다.

24. 이차함수 $f(x) = ax^2 + bx + c$ 가 $x = -1$ 에서 최댓값 7을 갖고, $f(2) = -2$ 를 만족할 때, 상수 $a + b + c$ 의 값을 구하면?

① 3

② 7

③ 11

④ -3

⑤ -5

해설

$$f(x) = a(x+1)^2 + 7, f(2) = -2$$

$$\Rightarrow 3^2 \times a + 7 = -2, a = -1$$

$$\therefore f(x) = -(x+1)^2 + 7 = -x^2 - 2x + 6$$

$$\text{따라서 } a + b + c = 3$$

25. 함수 $y = -x^2 - 2x + 5$ ($-2 \leq x \leq 2$)의 최댓값을 M , 최솟값을 m 이라 할 때, $M + m$ 을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$y = -x^2 - 2x + 5 = -(x^2 + 2x + 1 - 1) + 5 = -(x + 1)^2 + 6$$

점 $(-1, 6)$ 을 꼭지점으로 하고 위로 볼록한 포물선으로 다음 그림과 같다.

$$f(-2) = 5, f(2) = -3$$

따라서 최댓값은 $x = -1$ 일 때 $f(-1) = 6$ 이며

최솟값은 $x = 2$ 일 때 $f(2) = -3$ 이다.

$$\therefore M + m = 6 - 3 = 3$$

