

1. 두 다항식  $A = 3x - y + 1$ ,  $B = -x + 2y - 2$ 에 대하여  $A - B$ 의 계산 결과로 맞는 식은?

- ①  $2x - 3y - 1$
- ②  $4x + y - 1$
- ③  $2x + 3y + 3$
- ④  $4x - 3y + 3$
- ⑤  $2x + y - 1$

해설

$$\begin{aligned}A - B &= (3x - y + 1) - (-x + 2y - 2) \\&= 3x - y + 1 + x - 2y + 2 \\&= 4x - 3y + 3\end{aligned}$$

2. 다음 두 다항식  $A$ ,  $B$ 에 대하여  $A - B$ 를 구하면?

$$A = 2y^2 + x^2 - 3xy, \quad B = -4x^2 - 2xy + 5y^2$$

①  $5x^2 - 2xy + 3y^2$

②  $5x^2 - xy - 3y^2$

③  $5x^2 + xy + 3y^2$

④  $5x^2 + 2xy - 3y^2$

⑤  $5x^2 + 3xy + 3y^2$

해설

동류항끼리 계산해 준다.

$$\begin{aligned} A - B &= (2y^2 + x^2 - 3xy) - (-4x^2 - 2xy + 5y^2) \\ &= 5x^2 - xy - 3y^2 \end{aligned}$$

3. 등식  $x^2 + 2x + 3 = a(x - 1)^2 + bx + c$  가  $x$ 에 대한 항등식이 되도록 상수  $a, b, c$ 의 값을 정할 때,  $a + b + c$ 의 값은?

① 4

② 5

③ 6

④ 7

⑤ 8

해설

우변을 전개하여 동류항으로 묶는다.

$$\begin{aligned}x^2 + 2x + 3 &= a(x - 1)^2 + bx + c \\&= ax^2 + (b - 2a)x + a + c\end{aligned}$$

$$a = 1, b - 2a = 2, a + c = 3$$

$$a = 1, b = 4, c = 2$$

$$a + b + c = 7$$

4. 등식  $3x + 4 = a(x - 1) + b(x + 1) + 3$  이  $x$ 에 대한 항등식이 되도록 상수  $a, b$ 의 값을 정하면?

- ①  $a = 1, b = 0$
- ②  $a = -1, b = 2$
- ③  $a = 1, b = -2$
- ④  $a = 0, b = 2$
- ⑤  $a = 1, b = 2$

해설

우변을 전개하여 좌변과 계수를 비교하면

$$a + b = 3, \quad -a + b + 3 = 4$$

연립하여 풀면  $a = 1, b = 2$

5.  $x$ 에 대한 항등식  $a(x+1) + b(x-1) = x+3$ 에서  $a$ ,  $b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $a = 2$

▷ 정답:  $b = -1$

해설

준식을 정리하면

$$(a+b)x + a - b = x + 3$$

계수비교법에 의하여

$$a+b=1, \quad a-b=3$$

연립하여 풀면

$$\therefore a=2, \quad b=-1$$

6. 항등식  $A(x - 1) + B(x - 2) = 2x - 3$ 에서 미정계수  $A$ ,  $B$ 를 구할 때,  $A + B$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

주어진 등식이 항등식이므로 양변에 적당한 수를 대입하여도 성립한다.

$x = 1$ 을 대입하면,

$$A(1 - 1) + B(1 - 2) = 2 \cdot 1 - 3$$

$$\therefore B = 1$$

$x = 2$ 를 대입하면,

$$A(2 - 1) + B(2 - 2) = 2 \cdot 2 - 3$$

$$\therefore A = 1$$

$$\therefore A + B = 2$$

해설

계수비교법 사용

$$Ax - A + Bx - 2B = 2x - 3$$

$$(A + B)x - (A + 2B) = 2x - 3$$

$$\therefore A + B = 2$$

7. 등식  $3x^2 + 5x = a(x-1)^2 + b(x+1) + c$  가  $x$ 에 관한 항등식이 되도록 하는 상수  $a, b, c$ 에 대하여  $a+b-c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 28

해설

우변을 전개하여 계수비교법으로 미정계수를 구한다.

$$\begin{aligned}3x^2 + 5x &= a(x-1)^2 + b(x+1) + c \\&= ax^2 + (-2a+b)x + a + b + c \\a = 3, -2a + b &= 5, a + b + c = 0 \\\therefore a &= 3, b = 11, c = -14 \\\therefore a + b - c &= 28\end{aligned}$$

해설

수치대입법으로 미정계수를 구해도 된다.

양변에  $x = 0$ 을 대입하면

$$0 = a + b + c \cdots \textcircled{1}$$

양변에  $x = 1$ 을 대입하면

$$8 = 2b + c \cdots \textcircled{2}$$

양변에  $x = -1$ 을 대입하면

$$-2 = 4a + c \cdots \textcircled{3}$$

$\textcircled{1}, \textcircled{2}, \textcircled{3}$ 을 연립하면

$$a = 3, b = 11, c = -14$$

$$\therefore a + b - c = 28$$

8. 등식  $2x^2 - 3x - 2 = a(x - 1)(x - 2) + bx(x - 2) + cx(x - 1)$  ]  $x$ 에 관한 항등식이 되도록 하는 상수  $a, b, c$ 에 대하여  $a + 2b + 3c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

양변에  $x = 0$ 을 대입하면

$$-2 = 2a \quad \therefore a = -1$$

양변에  $x = 1$ 을 대입하면

$$-3 = -b \quad \therefore b = 3$$

양변에  $x = 2$ 를 대입하면

$$0 = 2c \quad \therefore c = 0$$

$$\therefore a + 2b + 3c = 5$$

9. 등식  $2x^2 + 10x - 18 = a(x-2)(x+3) + bx(x-2) + cx(x+3)$  이  $x$ 에 대한 항등식이 되도록 상수  $a, b, c$ 의 값을 정할 때,  $a - b + c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 6

해설

양변에  $x = 0$  을 대입하면,

$$-18 = -6a \quad \therefore a = 3$$

양변에  $x = 2$  를 대입하면

$$10 = 10c \quad \therefore c = 1$$

양변에  $x = -3$  을 대입하면,

$$-30 = 15b, \quad \therefore b = -2$$

$$\therefore a - b + c = 3 + 2 + 1 = 6$$

10. 다음 중  $x^4 - x^2$  의 인수가 아닌 것은?

- ①  $x$   
④  $x^3 - x$

- ②  $x - 1$   
⑤  $x^4$

- ③  $x + 1$

해설

$$\begin{aligned}x^4 - x^2 &= x(x^3 - x) \\&= x^2(x^2 - 1) \\&= x^2(x - 1)(x + 1)\end{aligned}$$

11. 다항식  $ax + ay - bx - by$ 를 인수분해 하면?

- ①  $x(a - b)$
- ②  $(a - b)(x - y)$
- ③  $(a + b)(x - y)$
- ④  $(a - b)(x + y)$
- ⑤  $(a + b)(x + y)$

해설

$$\begin{aligned} ax + ay - bx - by &= a(x + y) - b(x + y) \\ &= (a - b)(x + y) \end{aligned}$$

12.  $3(4x + 5\pi) = P$  일 때,  $6(8x + 10\pi)$ 은?

①  $2P$

②  $4P$

③  $6P$

④  $8P$

⑤  $18P$

해설

$$6(8x + 10\pi) = 6 \cdot 2(4x + 5\pi) = 4 \cdot 3(4x + 5\pi) = 4P$$

13.  $x^4 - 6x^2 + 8$ 를 인수분해하면? (단, 유리수 범위에서 인수분해 하여라.)

- ①  $(x^2 - 2)(x^2 - 4)$
- ②  $(x^2 - 2)(x - 4)(x + 4)$
- ③  $(x^2 - 2)(x - 2)(x + 2)$
- ④  $(x - \sqrt{2})(x + \sqrt{2})(x - 2)(x + 2)$
- ⑤  $(x^2 - \sqrt{2})(x - 2)(x + 2)$

### 해설

$$\begin{aligned}x^4 - 6x^2 + 8 &= (x^2)^2 - 6x^2 + 8 \\&= (x^2 - 2)(x^2 - 4) \\&= (x + 2)(x - 2)(x^2 - 2)\end{aligned}$$

### 해설

인수정리를 이용할 수 있다.

$$f(x) = x^4 - 6x^2 + 8$$

$$f(2) = 0, \quad f(-2) = 0,$$

즉,  $(x - 2)(x + 2)$ 로 나누어 떨어지므로  
조립제법을 써서 인수분해하면 된다.

14.  $x^3 + x^2 - 8x - 12$ 를 인수분해하면  $(x - 3) \boxed{\quad}$  이다. 이 때, □안에 알맞은 식은?

- ①  $(x + 2)^2$       ②  $(x - 2)^2$       ③  $(x + 1)^2$   
④  $(x - 3)^2$       ⑤  $(x + 3)^2$

해설

조립제법을 이용한다.

3	1	1	-8	-12
	3	12	12	
-2	1	4	4	0
		-2	-4	
-2	1	2	0	
			-2	
	1	0		

$$x^3 + x^2 - 8x - 12 = (x - 3)(x + 2)^2$$

$$\therefore \boxed{\quad} = (x + 2)^2$$

15.  $2012 = k$  라 할 때,  $2013 \times 2011$  을  $k$  로 나타내면?

①  $k^2 + k$

②  $\textcircled{2} k^2 - 1$

③  $k^2 + k + 1$

④  $k^2 - k + 1$

⑤  $k^2 - k$

해설

$$\begin{aligned}2013 \times 2011 &= (k+1)(k-1) \\&= k^2 - 1\end{aligned}$$

16. 다항식  $x^3 - 2$ 를  $x^2 - 2$ 로 나눈 나머지는?

- ① 2
- ② -2
- ③  $-2x - 2$
- ④  $2x + 2$
- ⑤  $2x - 2$

해설

$$\frac{x^3 - 2}{x^2 - 2} = \frac{x^3 - 2x + 2x - 2}{x^2 - 2} = x + \frac{2x - 2}{x^2 - 2}$$

$\therefore$  몫은  $x$ , 나머지는  $2x - 2$

17.  $x$ 에 관한 삼차식  $x^3 + mx^2 + nx + 1$ 을  $x+1$ 로 나누면 나머지가 5이고,  $x-2$ 로 나누면 나머지가 3이다. 이 때, 상수  $m-n$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

나머지 정리를 이용한다.

주어진 식에  $x = -1$ ,  $x = 2$ 를 각각 대입하면,

$$(-1)^3 + m(-1)^2 + n(-1) + 1 = 5 \cdots \textcircled{1}$$

$$(2)^3 + m(2)^2 + n \cdot 2 + 1 = 3 \cdots \textcircled{2}$$

①, ②을 연립하면,

$$m = \frac{2}{3}, n = -\frac{13}{3}$$

$$\therefore m - n = 5$$

18. 다항식  $x^4 - 3x^2 + ax + 5$ 를  $x + 2$ 로 나누면 나머지가 3이다.  $a$ 의 값은?

① 0

② 2

③ 3

④ -2

⑤ -3

해설

$x^4 - 3x^2 + ax + 5 = f(x)$  라 놓자.

$$f(-2) = 3 \text{에서 } -2a + 9 = 3$$

$$\therefore a = 3$$

19.  $x^3 - 2x^2 + a$  가  $x+3$  로 나누어 떨어지도록 상수  $a$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답:  $a = 45$

해설

$$f(-3) = (-3)^3 - 2(-3)^2 + a = a - 45 = 0$$

$$\therefore a = 45$$

20.  $x^3$  의 항의 계수가 1 인 삼차 다항식  $P(x)$  가  $P(1) = P(2) = P(3) = 0$  을 만족할 때,  $P(4)$  의 값은?

① 4

② 6

③ 8

④ 10

⑤ 12

해설

인수정리에 의해

$$P(x) = (x - 1)(x - 2)(x - 3)$$

$$P(4) = 3 \times 2 \times 1 = 6$$

21. 다항식  $ax^3 + bx^2 - 4$  가  $x^2 + x - 2$ 로 나누어 떨어지도록  $a, b$ 를 정할 때,  $a$ 와  $b$ 의 곱을 구하면?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$\begin{aligned} ax^3 + bx^2 - 4 &= (x^2 + x - 2)Q(x) \\ &= (x - 1)(x + 2)Q(x) \end{aligned}$$

양변에  $x = 1, x = -2$  를 각각 대입하면

$$a + b - 4 = 0, -8a + 4b - 4 = 0$$

두 식을 연립하여 풀면  $a = 1, b = 3$

$$\therefore ab = 3$$

해설

$$ax^3 + bx^2 - 4 = (x^2 + x - 2)(ax + 2)$$

우변을 전개하여 계수를 비교하면

$$a = 1, b = 3 \quad \therefore ab = 3$$

22.  $f(x) = 2x^3 - 3x^2 + x - k$  가  $x - 2$ 를 인수로 가질 때,  $k$ 를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 6

해설

$f(x)$  가  $x - 2$ 를 인수로 갖는다는 것은  $f(x)$ 가  $x - 2$ 로 나누어 떨어진다는 뜻이다.

즉,  $f(2) = 0$ 을 만족시키는  $k$ 를 구하면,

$$f(2) = 2 \times 2^3 - 3 \times 2^2 + 2 - k = 0$$

$$\therefore k = 6$$

23. 다항식  $f(x) = 3x^3 + ax^2 + bx + 12$  가  $x - 2$ 로 나누어 떨어지고 또,  $x - 3$ 으로도 나누어 떨어지도록 상수  $a + b$ 의 값을 정하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : -5

해설

$f(x)$  가  $x - 2$ 로 나누어 떨어지려면

$$f(2) = 24 + 4a + 2b + 12 = 0$$

$$\therefore 4a + 2b + 36 = 0 \quad \dots\dots \textcircled{⑦}$$

또,  $f(x)$  가  $x - 3$ 으로 나누어 떨어지려면

$$f(3) = 81 + 9a + 3b + 12 = 0$$

$$\therefore 9a + 3b + 93 = 0 \quad \dots\dots \textcircled{⑧}$$

⑦, ⑧을 연립하여 풀면  $a = -13$ ,  $b = 8$

24. 다항식  $f(x) = x^3 + ax^2 + 3$ 을 일차식  $x - 1$ 로 나누어 떨어지도록  $a$ 의 값을 정하면?

- ① -2
- ② -4
- ③ -6
- ④ -8
- ⑤ -10

해설

$$f(1) = 1 + a + 3 = 0, a = -4$$

25. 다항식  $(x - 1)^3 + 27$ 을 바르게 인수분해한 것은?

①  $(x - 1)(x^2 + 3)$

②  $(x - 1)(x^2 - x - 2)$

③  $(x - 1)(x^2 + 3x + 3)$

④  $(x + 2)(x^2 + x + 7)$

⑤  $(x + 2)(x^2 - 5x + 13)$

해설

$x - 1$  을  $A$ 로 치환하면

$$\text{준 식} = A^3 + 27 = (A + 3)(A^2 - 3A + 9)$$

$$\text{다시 } x - 1 \text{ 을 대입하면 } (x + 2)(x^2 - 5x + 13)$$

26.  $x^4 + 4x^3 - 2x^2 + ax + b$  가 이차식의 완전제곱식이 될 때, 상수  $a, b$ 의 값은?

①  $a = 12, b = 9$

②  $\textcircled{a} = -12, b = 9$

③  $a = 12, b = -9$

④  $a = -12, b = -9$

⑤  $a = 9, b = 12$

해설

$$x^4 + 4x^3 - 2x^2 + ax + b = (x^2 + px + q)^2 \text{ 으로 놓으면}$$

이 식의 우변은

$$x^4 + 2x^2(px + q) + (px + q)^2$$

$$= x^4 + 2px^3 + (p^2 + 2q)x^2 + 2pqx + q^2$$

좌변과 계수를 비교하면

$$2p = 4, p^2 + 2q = -2$$

$$p = 2, q = -3 \text{에서}$$

$$a = 2pq = -12, b = q^2 = 9$$

27.  $x$ 에 대한 다항식  $x^3 - 2x^2 - x + 2$ 가  $(x+a)(x+b)(x+c)$ 로 인수분해 될 때,  $a^2 + b^2 + c^2$ 의 값은? (단,  $a, b, c$ 는 상수)

① 5

② 6

③ 7

④ 8

⑤ 9

해설

$$x^3 - 2x^2 - x + 2 = (x+1)(x-1)(x-2)$$

$$a^2 + b^2 + c^2 = (-1)^2 + 1^2 + 2^2 = 6$$

28. 자연수  $N = p^n q^m r^l$ 로 소인수분해될 때, 양의 약수의 개수는  $(n+1)(m+1)(l+1)$ 이다. 이 때,  $38^3 + 3 \cdot 38^2 + 3 \cdot 38 + 1$ 의 양의 약수의 개수는?

- ① 9 개      ② 12 개      ③ 16 개      ④ 24 개      ⑤ 32 개

해설

$38 = x$  라 하면,

$$\begin{aligned}38^3 + 3 \cdot 38^2 + 3 \cdot 38 + 1 &= x^3 + 3x^2 + 3x + 1 \\&= (x+1)^3 \\&= 39^3 \\&= 13^3 \cdot 3^3\end{aligned}$$

$$\therefore (3+1)(3+1) = 16$$

29.  $x^3 + x^2 + 2$ 를 다항식  $x^2 + 2x - 1$ 로 나누었을 때의 몫을  $Q(x)$  나머지를  $R(x)$  라 할 때,  $Q(x) + R(x)$ 의 값은?

①  $2x - 3$

②  $2x$

③  $3x + 2$

④  $4x$

⑤  $4x + 1$

해설

$x^3 + x^2 + 2$ 를  $x^2 + 2x - 1$ 로 직접 나누면

$$Q(x) = x - 1, \quad R(x) = 3x + 1$$

$$\therefore Q(x) + R(x) = 4x$$

30. 다항식  $2x^2 + 5ax - a^2$  을 다항식  $P(x)$ 로 나눈 몫이  $x + 3a$ , 나머지가  $2a^2$  일 때, 다항식  $(x + a)P(x)$  를 나타낸 것은?

①  $x^2 + 2ax - 2a^2$

②  $x^2 - a^2$

③  $2x^2 + 3ax + a^2$

④  $2x^2 - 3ax - a^2$

⑤  $2x^2 + ax - a^2$

해설

$$2x^2 + 5ax - a^2 = P(x)(x + 3a) + 2a^2 \text{ 이므로}$$

$$P(x)(x + 3a) = 2x^2 + 5ax - 3a^2$$

따라서, 다항식  $P(x)$  는  $2x^2 + 5ax - 3a^2$  을  $x + 3a$  로 나눈 몫이므로

$$P(x) = 2x - a$$

$$\begin{aligned}\therefore (x + a)P(x) &= (x + a)(2x - a) \\ &= 2x^2 + ax - a^2\end{aligned}$$

31. 다항식  $f(x) = 4x^3 + ax^2 + x + 1$  을  $x + \frac{1}{2}$  로 나누면 나머지가 1 일 때, 다항식  $f(x)$  를  $2x + 1$  로 나눈 몫  $Q(x)$  와 나머지  $R$  을 구하면?

①  $Q(x) = 2x^2 - x, R = 1$

②  $Q(x) = 2x^2 + x, R = 1$

③  $Q(x) = 2x^2 - 2x, R = 1$

④  $Q(x) = 4x^2 - 2x, R = \frac{1}{2}$

⑤  $Q(x) = 4x^2 + 2x, R = \frac{1}{2}$

해설

$$f\left(-\frac{1}{2}\right) = 1 = \frac{a}{4} \therefore a = 4$$

$$\begin{aligned} \text{따라서 } f(x) &= 4x^3 + 4x^2 + x + 1 \\ &= x(4x^2 + 4x + 1) + 1 \\ &= x(2x + 1)^2 + 1 \end{aligned}$$

$$2x + 1 \text{ 로 나누면 } Q(x) = 2x^2 + x, R = 1$$

### 32. 다음 중 식의 전개가 바르지 않은 것을 고르면?

①  $(1 - x)(1 + x + x^2) = 1 - x^3$

②  $(x^2 + xy + y^2)(x^2 - xy + y^2) = x^4 + x^2y^2 + y^4$

③  $(x - 3)(x - 2)(x + 1)(x + 2) = x^4 - 8x^2 + 12$

④  $(a - b)(a + b)(a^2 + b^2)(a^4 + b^4) = a^8 - b^8$

⑤  $(a + b - c)(a - b + c) = a^2 - b^2 - c^2 + 2bc$

해설

$$(x - 3)(x - 2)(x + 1)(x + 2)$$

$$= (x^2 - x - 6)(x^2 - x - 2)$$

$x^2 - x = Y$  라 놓자.

$$(Y - 6)(Y - 2) = Y^2 - 8Y + 12$$

$$= (x^2 - x)^2 - 8(x^2 - x) + 12$$

$$= x^4 - 2x^3 - 7x^2 + 8x + 12$$

33.  $(x-1)(x+2)(x-3)(x+4)$ 를 전개할 때, 각 항의 계수의 총합을  $a$ , 상수항을  $b$  라 할 때,  $a+b$ 의 값을 구하면?

① 8

② 15

③ 24

④ 36

⑤ 47

해설

$$\begin{aligned} & (x-1)(x+2)(x-3)(x+4) \\ &= (x^2 + x - 2)(x^2 + x - 12)(x^2 + x = X(\text{자}|\text{환})) \\ &= (X-2)(X-12) \\ &= X^2 - 14X + 24 \\ &= (x^2 + x)^2 - 14(x^2 + x) + 24 \\ &= x^4 + 2x^3 - 13x^2 - 14x + 24 \\ \therefore & a = 1 + 2 - 13 - 14 + 24 = 0, b = 24 \\ \therefore & a + b = 0 + 24 = 24 \end{aligned}$$

해설

㉠ 각 항 계수의 총합 구하기

$x = 1$  대입,  $a = 0$

㉡ 상수항 구하기

$x = 0$  대입,  $b = 24$

34. 두 다항식  $(1 + 2x + 3x^2 + 4x^3)^3$ ,  $(1 + 2x + 3x^2 + 4x^3 + 5x^4)^3$  의  $x^3$ 의 계수를 각각  $a$ ,  $b$  라 할 때,  $a - b$ 의 값을 구하면?

- ① -21      ② -15      ③ -5      ④ -1      ⑤ 0

해설

$(1 + 2x + 3x^2 + 4x^3 + 5x^4)^3$  의 전개식에서  
 $x^4$  항의 계수는  $x^3$ 의 계수와는 관계가 없다.

따라서  $(1 + 2x + 3x^2 + 4x^3)^3$  의 전개식에서  $x^3$ 의 계수와  $(1 + 2x + 3x^2 + 4x^3 + 5x^4)^3$  의 전개식에서  $x^3$ 의 계수는 같다.

$$\therefore a = b \quad \therefore a - b = 0$$

35. 직육면체 모양의 상자가 있다. 이 상자의 겉넓이는 52이고, 모서리의 길이의 합은 36이다. 이 상자의 대각선의 길이는?

① 5

②  $\sqrt{29}$

③  $\sqrt{33}$

④ 6

⑤  $\sqrt{42}$

해설

세 모서리의 길이를  $a, b, c$  라 하면

$$2(ab + bc + ca) = 52$$

$$4(a + b + c) = 36 \rightarrow a + b + c = 9$$

(직육면체 대각선의 길이)

$$= \sqrt{a^2 + b^2 + c^2}$$

$$= \sqrt{(a + b + c)^2 - 2(ab + bc + ca)}$$

$$= \sqrt{81 - 52} = \sqrt{29}$$

36. 다항식  $f(x)$ 를  $x - 2$ ,  $x + 2$ 로 나누었을 때, 나머지가 각각 5, 3이라 한다. 이 때, 다항식  $f(x)$ 를  $x^2 - 4$ 로 나눈 나머지를 구하면  $ax + b$ 이다.  $4a + b$ 의 값을 구하시오.

▶ 답:

▶ 정답: 6

해설

$$f(2) = 5, \quad f(-2) = 3$$

$$\begin{aligned}f(x) &= (x^2 - 4)Q(x) + ax + b \\&= (x - 2)(x + 2)Q(x) + ax + b\end{aligned}$$

$$f(2) = 2a + b = 5, \quad f(-2) = -2a + b = 3$$

$$a = \frac{1}{2}, \quad b = 4$$

37. 세 실수  $a, b, c$ 가 다음 세 조건을 만족한다.

$$a + b + c = 1, ab + bc + ca = 1, abc = 1$$

이 때,  $(a + b)(b + c)(c + a)$ 의 값은?

① 0

② 1

③ 2

④ 3

⑤ 4

해설

$$a + b + c = 1 \text{에서}$$

$$a + b = 1 - c, b + c = 1 - a, c + a = 1 - b$$

$$(a + b)(b + c)(c + a)$$

$$= (1 - c)(1 - a)(1 - b)$$

$$= 1 - (a + b + c) + (ab + bc + ca) - abc$$

$$= 1 - 1 + 1 - 1 = 0$$

38.  $a(a+1) = 1$  일 때,  $\frac{a^4 - a^2}{a^6 - 1}$ 의 값은?

- ① 1      ②  $\frac{1}{2}$       ③  $\frac{1}{3}$       ④  $\frac{1}{4}$       ⑤  $\frac{1}{5}$

해설

$$a(a+1) = 1 \text{에서}$$

$$a^2 = -a + 1$$

$$a^4 = (-a+1)^2 = a^2 - 2a + 1$$

$$= (-a+1) - 2a + 1 = -3a + 2$$

$$a^6 = a^4 \times a^2 = (-3a+2)(-a+1)$$

$$= 3a^2 - 5a + 2 = 3(-a+1) - 5a + 2$$

$$= -8a + 5$$

$$\begin{aligned}\therefore \frac{a^4 - a^2}{a^6 - 1} &= \frac{-3a + 2 - (-a + 1)}{-8a + 5 - 1} \\&= \frac{-2a + 1}{-8a + 4} = \frac{-2a + 1}{4(-2a + 1)} \\&= \frac{1}{4}\end{aligned}$$

39. 두 다항식  $f(x), g(x)$ 에 대하여  $f(x) + g(x)$ 를  $x+1$ 로 나누면 나누어 떨어지고,  $f(x) - g(x)$ 를  $x+1$ 로 나누면 나머지가 2이다. 다음 [보기]의 다항식 중에서  $x+1$ 로 나누어 떨어지는 것을 모두 고르면?

- Ⓐ  $x + f(x)$   
Ⓑ  $x - g(x)$   
Ⓒ  $x + f(x)g(x)$

- ① Ⓐ Ⓑ  
② Ⓒ Ⓓ  
④ Ⓑ, Ⓒ  
⑤ Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ

Ⓐ Ⓑ, Ⓒ

### 해설

$$f(x) + g(x) = (x+1)Q(x)$$

$$f(x) - g(x) = (x+1)Q'(x) + 2$$

$x = -1$  을 두 식에 각각 대입하면

$$f(-1) + g(-1) = 0 \cdots ①$$

$$f(-1) - g(-1) = 2 \cdots ②$$

①, ②을 연립하여 풀면  $f(-1) = 1, g(-1) = -1$

보기의 식 중에서  $x+1$ 로 나누어 떨어지는 것은  $x = -1$  을 대입하면 식의 값이 0 이 된다.

$$\text{Ⓐ } -1 + f(-1) = -1 + 1 = 0$$

$$\text{Ⓑ } -1 - g(-1) = -1 + 1 = 0$$

$$\text{Ⓒ } -1 + f(-1)g(-1) = -1 + 1 \times (-1) = -2$$

$$\therefore \text{Ⓐ, Ⓑ}$$

40.  $a^2 - b^2 + c^2 - d^2 + 2(ac + bd)$  를 바르게 인수분해 한 것은?

①  $(a + b - c - d)(a - b + c + d)$

②  $(a + b + c + d)(a - b + c - d)$

③  $(a + b + c - d)(a - b + c + d)$

④  $(a - b + c - d)(a - b + c + d)$

⑤  $(a + b + c + d)(a - b - c + d)$

해설

$$\begin{aligned} & a^2 - b^2 + c^2 - d^2 + 2(ac + bd) \\ &= (a^2 + 2ac + c^2) - (b^2 - 2bd + d^2) \\ &= (a + c)^2 - (b - d)^2 \\ &= (a + b + c - d)(a - b + c + d) \end{aligned}$$

41. 다음 보기 중  $ab(b - a) + ac(c - a) + bc(2a - b - c)$ 의 인수인 것을 모두 고르면?

Ⓐ  $a - b$

Ⓑ  $b + c$

Ⓒ  $a - c$

① Ⓐ

② Ⓑ

③ Ⓐ, Ⓒ

④ Ⓑ, Ⓓ

⑤ Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ

해설

$$\begin{aligned} & ab(b - a) + ac(c - a) + bc(2a - b - c) \\ &= ab^2 - a^2b + ac^2 - a^2c + 2abc - b^2c - bc^2 \\ &= -(b + c)a^2 + (b^2 + 2bc + c^2)a - bc(b + c) \\ &= -(b + c)\{a^2 - (b + c)a + bc\} \\ &= -(b + c)(a - b)(a - c) \\ &= (a - b)(b + c)(c - a) \end{aligned}$$

42. 세 양수  $a, b, c$ 가  $a^3 + b^3 + c^3 = 3abc$ 를 만족시킬 때  $a, b, c$ 를 세 변으로 하는 삼각형의 넓이인  $\frac{\sqrt{3}}{4}$ 이라고 한다. 이 때,  $a + b + c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

$$a^3 + b^3 + c^3 - 3abc$$

$$= (a+b+c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca) = 0 \text{에서}$$

$a > 0, b > 0, c > 0$  이므로  $a + b + c \neq 0$

$$\therefore a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca = 0$$

$$\therefore \frac{1}{2} \{(a-b)^2 + (b-c)^2 + (c-a)^2\} = 0$$

$\therefore a = b = c$  ( $\because a, b, c$ 는 실수)

따라서  $a, b, c$ 를 세 변으로 하는 삼각형은 정삼각형이고 그

넓이가  $\frac{\sqrt{3}}{4}$  이므로  $\frac{\sqrt{3}}{4}a^2 = \frac{\sqrt{3}}{4}$ ,

$$a^2 = 1$$

$$\therefore a = b = c = 1$$

$$\therefore a + b + c = 3$$

43. 세 실수  $x, y, z$ 에 대하여  $[x, y, z] = xy^2 - y^2z$ 라 하자.  $x - y = 2$ ,  $xy - yz - zx = 1$ 이라 할 때,  $[y, x, z] + [z, y, x]$ 의 값은?

- ① 0      ② -2      ③ 2      ④ -4      ⑤ 4

해설

$$\begin{aligned}[y, x, z] &= yx^2 - x^2z, [z, y, x] = zy^2 - y^2x \\ [y, x, z] + [z, y, x] &= yx^2 - x^2z + zy^2 - y^2x \\ &= xy(x - y) - z(x^2 - y^2) \\ &= (x - y)(xy - yz - zx) \\ &= 2 \cdot 1 = 2\end{aligned}$$