

1. 순환소수 $1.5\bar{i}$ 에 어떤 자연수를 곱하면 그 결과가 자연수가 된다. 이를 만족하는 두 자리의 자연수를 모두 고르면?

① 9 ② 18 ③ 45 ④ 90 ⑤ 99

해설

$$1.5\bar{i} = \frac{151 - 15}{90} = \frac{68}{45} \text{ 이므로}$$

자연수가 되기 위해서는 45의 배수를 곱해야 한다.

따라서 이를 만족하는 두 자리의 자연수는 45, 90이다.

2. $(3x-2)^2 - (2x+2)(-2x+5)$ 를 전개하면?

① $13x^2 - 18x - 6$

② $10x^2 - 8x + 9$

③ $10x^2 - 16x - 11$

④ $10x^2 - 8x + 19$

⑤ $13x^2 - 12x + 19$

해설

$$(3x-2)^2 - (2x+2)(-2x+5) = (9x^2 - 12x + 4) - (-4x^2 + 6x + 10) = 13x^2 - 18x - 6$$

3. 점 $(m, m+2)$ 가 일차방정식 $x-4y+11=0$ 의 그래프 위의 점일 때, 상수 m 의 값은?

① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

$(m, m+2)$ 를 주어진 식에 대입하면 $m-4(m+2)+11=-3m+3=0$ 이고, 정리하면 $m=1$ 이다.

4. 연립방정식 $x - 3y + 7 = 4x - 2y = 6$ 을 풀면?

① $x = 1, y = 2$ ② $x = -1, y = 2$ ③ $x = 2, y = -1$

④ $x = 2, y = 1$ ⑤ 해가 없다.

해설

$$\begin{cases} x - 3y + 7 = 6 \\ 4x - 2y = 6 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - 3y = -1 & \dots \text{①} \\ 2x - y = 3 & \dots \text{②} \end{cases}$$

① - ② $\times 3$ 하면, $x = 2, y = 1$

6. 3%의 소금물과 8%의 소금물을 섞어 6%의 소금물 400g을 만들려고 한다. 3%의 소금물과 8%의 소금물을 각각 몇 g씩 넣어야 하는가?

- ① 3% 소금물 160g, 8% 소금물 240g
 ② 3% 소금물 150g, 8% 소금물 250g
 ③ 3% 소금물 130g, 8% 소금물 270g
 ④ 3% 소금물 100g, 8% 소금물 300g
 ⑤ 3% 소금물 120g, 8% 소금물 280g

해설

농도가 3%인 소금물의 양을 x g, 8%인 소금물의 양을 y g이라 하면

$$\begin{cases} x + y = 400 & \dots \text{㉠} \\ \frac{3}{100}x + \frac{8}{100}y = \frac{6}{100} \times 400 & \dots \text{㉡} \end{cases}$$

㉠ $\times 3$ - ㉡ $\times 100$ 하면

$$3x + 3y = 1200$$

$$- \underline{3x + 8y = 2400}$$

$$-5y = -1200$$

$$y = 240,$$

$$x = 400 - 240 = 160$$

\therefore 농도가 3%인 소금물 : 160g, 8%인 소금물 : 240g

7. 다음을 연립부등식으로 나타낸 것 중 옳은 것은?

어떤 수 x 에서 9를 빼면 11 보다 작고, x 의 3 배에 3을 더하면 25 보다 작지 않다.

① $\begin{cases} x-9 < 11 \\ 3x+3 > 25 \end{cases}$

② $\begin{cases} x-9 < 11 \\ 3x+3 < 25 \end{cases}$

③ $\begin{cases} x-9 < 11 \\ 3x+3 \geq 25 \end{cases}$

④ $\begin{cases} x-9 > 11 \\ 3x+3 < 25 \end{cases}$

⑤ $\begin{cases} x+9 < 11 \\ 3x-3 \geq 25 \end{cases}$

해설

문제의 뜻에 맞게 세우면

$$\begin{cases} x-9 < 11 \\ 3x+3 \geq 25 \end{cases}$$

8. 다음은 혜경이의 1 학기 중간, 기말의 사회 성적이다. 일주일 후 에 2 학기 중간고사를 본다고 할 때 세 번의 시험 평균이 84 점 이상이 되고자 할 때, 마지막에 본 사회성적은 최소한 몇 점이 되어야 하는지 구하여라.

중간고사 점수 : ... 사회 : 75 점 ...
기말고사 점수 : ... 사회 : 80 점 ...

▶ 답 : 점

▷ 정답 : 97 점

해설

$$\frac{75 + 80 + x}{3} \geq 84$$

$$\therefore x \geq 97$$

9. 어떤 수에 4.2를 곱해야 할 것을 잘못 보고 4.2를 곱하였더니 계산 결과가 정답보다 0.6이 작게 나왔다. 바른 답은?

① 108 ② 112 ③ 114 ④ 118 ⑤ 123

해설

어떤 수 : x

$$4.2x - 4.2x = 0.6$$

$$\frac{2}{90}x = \frac{54}{90} \quad \therefore x = 27$$

$$\text{바른 계산 : } 4.2 \times 27 = 114$$

10. 미지수가 2 개인 일차방정식 $(x+5) : (x-2y) = 2 : 1$ 의 한 해가 $(a, -a)$ 일 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 1

해설

$(x+5) : (x-2y) = 2 : 1$, $2(x-2y) = x+5$, $x-4y = 5$ 에
 $(a, -a)$ 를 대입하면
 $a+4a = 5$
 $\therefore a = 1$

11. 자전거 동아리의 전체 회원 수는 24 명이다. 이번 모임에 남자 회원의 $\frac{1}{2}$ 과 여자 회원의 $\frac{1}{5}$ 이 참가하여 모두 9 명이 모였다. 이 동아리의 여자 회원 수는?

- ① 6 명 ② 7 명 ③ 8 명 ④ 9 명 ⑤ 10 명

해설

남자 회원의 수를 x 명, 여자 회원의 수를 y 명이라 하면

$$\begin{cases} x + y = 24 \\ \frac{1}{2}x + \frac{1}{5}y = 9 \end{cases}, \text{ 즉 } \begin{cases} x + y = 24 \\ 5x + 2y = 90 \end{cases}$$

$$\therefore x = 14, y = 10$$

12. 연립부등식 $3x - 2 \leq 5x + 8 \leq 4x + a$ 의 해가 $b \leq x \leq 9$ 일 때, $a + b$ 의 값은? (단, a, b 는 상수)

- ① 1 ② 10 ③ 11 ④ 12 ⑤ 15

해설

$$\begin{aligned} \text{(i)} & 3x - 2 \leq 5x + 8, x \geq -5 \\ \text{(ii)} & 5x + 8 \leq 4x + a, x \leq a - 8 \\ & -5 \leq x \leq a - 8 \text{과 } b \leq x \leq 9 \text{가 같으므로 } b = -5 \\ & a - 8 = 9, a = 17 \\ \therefore & a + b = 17 + (-5) = 12 \end{aligned}$$

13. 다음 중 $(a-1)x - (b-3)y + c = 0$ 이 일차함수가 되지 않는 상수 a, b, c 의 값은?

- | | |
|--|--|
| $\textcircled{\text{A}} a = 1, b = 3, c = 2$ | $\textcircled{\text{B}} a = -1, b = 3, c = 3$ |
| $\textcircled{\text{C}} a = -1, b = -3, c = 5$ | $\textcircled{\text{D}} a = -3, b = -1, c = 1$ |
| $\textcircled{\text{E}} a = 3, b = 1, c = -1$ | |

- ① $\textcircled{\text{A}}, \textcircled{\text{B}}$ ② $\textcircled{\text{C}}, \textcircled{\text{D}}$ ③ $\textcircled{\text{C}}, \textcircled{\text{D}}$ ④ $\textcircled{\text{C}}, \textcircled{\text{E}}$ ⑤ $\textcircled{\text{D}}, \textcircled{\text{E}}$

해설

$(a-1)x - (b-3)y + c = 0$ 가 일차함수가 되지 않기 위해서는 x 의 계수인 $a-1$ 과, y 의 계수인 $b-3$ 이 0 이 되어야 하므로 $a=1$ 또는 $b=3$ 이면 일차함수가 되지 않는다.
따라서 $\textcircled{\text{A}}, \textcircled{\text{B}}$ 의 경우 $(a-1)x - (b-3)y + c = 0$ 이 일차함수가 되지 않는다.

14. x 의 범위가 $-2 \leq x \leq 6$ 인 일차함수 $y = -\frac{1}{2}x$ 를 y 축 방향으로 b 만큼 평행이동 하였더니 함숫값의 범위가 $7 \leq y \leq a$ 가 되었다. 이 때, 상수 $a+b$ 의 값은?

- ① 17 ② 18 ③ 19 ④ 20 ⑤ 21

해설

일차함수 $y = -\frac{1}{2}x$ 를 y 의 축 방향으로 b 만큼 평행이동한 일차

함수는 $y = -\frac{1}{2}x + b$

기울기가 음수이므로 함숫값의 범위는 $f(6) \leq y \leq f(-2)$

$$f(6) = -3 + b = 7 \quad \therefore b = 10$$

$$f(-2) = 1 + b = a \quad \therefore a = 11(\because b = 10)$$

$$\therefore a + b = 21$$

15. 일차함수 $y = 2x$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 4 만큼 평행이동하면 점 $(a, 10)$ 을 지난다고 한다. 이 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

$y = 2x + 4$ 에 $(a, 10)$ 을 대입한다.

$$10 = 2a + 4$$

$$a = 3$$

16. 직선 $y = \frac{3}{2}x - 5$ 에 평행하고, 점 $(-4, 5)$ 를 지나는 직선의 x 절편을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $-\frac{22}{3}$

해설

$y = \frac{3}{2}x - 5$ 와 기울기가 같으므로

$y = \frac{3}{2}x + b$ 에 $(-4, 5)$ 를 대입하면

$$5 = \frac{3}{2} \times (-4) + b,$$

$$5 = -6 + b, b = 11,$$

$y = \frac{3}{2}x + 11$ 에 $y = 0$ 대입

$$0 = \frac{3}{2}x + 11, \frac{3}{2}x = -11, x = -\frac{22}{3}$$

17. 일차함수 $y = 3x + 6$ 의 그래프와 y 축 위에서 만나고, $y = -\frac{1}{3}x + 1$ 의 그래프와 x 축 위에서 만나는 직선을 그래프로 하는 일차함수의 식은?

- ① $y = 2x + 6$ ② $y = -2x + 6$ ③ $y = 3x - 2$
④ $y = -\frac{1}{3}x + 6$ ⑤ $y = -2x + 1$

해설

두 점 $(3, 0)$, $(0, 6)$ 을 지나므로

$$(\text{기울기}) = \frac{6 - 0}{0 - 3} = -2$$

$$\therefore y = -2x + 6$$

18. 다음 보기 중 가장 큰 수를 골라라.

보기

㉠ $3 \times 2^2 \times 3^2$

㉡ $5^2 \times 3^3$

㉢ $2^3 \times 3^2 \times 7$

㉣ $3^2 \times (2^2)^3$

▶ 답:

▶ 정답: ㉡

해설

㉠ $3 \times 2^2 \times 3^2 = 3^3 \times 2^2 = 27 \times 4 = 108$

㉡ $5^2 \times 3^3 = 25 \times 27 = 675$

㉢ $2^3 \times 3^2 \times 7 = 8 \times 9 \times 7 = 504$

㉣ $3^2 \times (2^2)^3 = 9 \times 2^6 = 9 \times 64 = 576$

따라서 가장 큰 수는 ㉡이다.

19. $7^{2x-1} + (7^2)^x + 7^{2x-1} = 63$ 을 만족하는 x 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

$$7^{2x-1} + (7^2)^x + 7^{2x-1} = 63 \text{ 에서}$$

$$7^{2x-1} + 7^{2x} + 7^{2x-1} = 63$$

$$7^{2x} \times \frac{1}{7} + 7^{2x} + 7^{2x} \times \frac{1}{7} = 63$$

$$7^{2x} \left(\frac{1}{7} + 1 + \frac{1}{7} \right) = 63$$

$$\frac{9}{7} \times 7^{2x} = 63$$

$$7^{2x} = 63 \times \frac{7}{9} = 7^2$$

$$\therefore x = 1$$

20. $\frac{1}{x} : \frac{1}{y} = 1 : 3$ 일 때, $\frac{x^2 - 2y^2}{xy}$ 의 값은?

- ① $-\frac{13}{3}$ ② $-\frac{12}{5}$ ③ $\frac{7}{3}$ ④ $-\frac{16}{3}$ ⑤ $-\frac{17}{3}$

해설

$\frac{1}{x} : \frac{1}{y} = 1 : 3, \frac{3}{x} = \frac{1}{y}$ 이므로 $x = 3y$ 이다.

$$\frac{x^2 - 2y^2}{xy} = \frac{x}{y} - \frac{2y}{x} = \frac{3y}{y} - \frac{2y}{3y} = 3 - \frac{2}{3} = \frac{7}{3}$$

21. 일차부등식 $\frac{x-a}{3} \geq x-a$ 를 만족하는 자연수 x 의 값이 3개가 되도록 하는 정수 a 의 값을 구하여라.

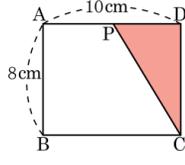
▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$\begin{aligned}\frac{x-a}{3} &\geq x-a \\ x-a &\geq 3x-3a \\ 2a &\geq 2x \\ x &\leq a \\ \text{자연수 } x \text{의 값이 3개이므로} \\ 3 &\leq a < 4 \\ \therefore a &= 3\end{aligned}$$

22. 다음 그림의 직사각형 ABCD에서 $\overline{BC} = 10\text{cm}$, $\overline{AB} = 8\text{cm}$ 이고 점 P는 A를 출발하여 매초 2cm씩 점 D를 향해 움직이고 있다. x 초 후의 $\square ABCP$ 의 넓이를 $y\text{cm}^2$ 라고 할 때, x , y 사이의 관계식을 구하면?



- ① $y = 8x + 40$ ② $y = 4x + 8$ ③ $y = 5x + 10$
 ④ $y = 20$ ⑤ $y = 40$

해설

사각형 ABCP는 선분 AP를 윗변, BC를 아랫변, AB를 높이로 하는 사다리꼴이므로

$$\text{넓이} = y = 8 \times (2x + 10) \times \frac{1}{2} = 8x + 40$$

23. 임의의 자연수 a, b 에 대하여 $x^a y^b = (3^{-1})^{b-a}$ 와 $x^b y^a = (3^{-1})^{a-b}$ 일 때, xy 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 1

해설

$$x^a y^b = (3^{-1})^{b-a} \dots \text{㉠}$$

$$x^b y^a = (3^{-1})^{a-b} \dots \text{㉡} \text{ 이라 할 때}$$

두 식을 좌변끼리 우변끼리 각각 곱하면

$$\begin{aligned} (3^{-1})^{b-a} \times (3^{-1})^{a-b} &= \left(\frac{1}{3}\right)^{b-a} \times \left(\frac{1}{3}\right)^{a-b} \\ &= \left(\frac{1}{3}\right)^{b-a+a-b} \\ &= \left(\frac{1}{3}\right)^0 \\ &= 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} x^a y^b \times x^b y^a &= x^{a+b} \times y^{a+b} \\ &= (xy)^{a+b} \end{aligned}$$

$a + b$ 가 자연수 이므로 $(xy)^{a+b} = 1$ 을 만족하는 xy 는 1이다.

24. 연속하는 세 수 a, b, c 에 대하여 $98 \leq ac - ab \leq 100$ 를 만족할 때, 세 수 a, b, c 를 각각 구하여라.

(단, $a < b < c \leq 100$)

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $a = 98$

▷ 정답: $b = 99$

▷ 정답: $c = 100$

해설

연속하는 세 수를 크기가 작은 순서대로 $b-1, b, b+1$ 로 놓으면
 $a = b-1, c = b+1$

$$\begin{aligned} \text{따라서 } ac - ab &= (b-1)(b+1) - (b-1)b \\ &= b^2 - 1 - b^2 + b \\ &= b - 1 \end{aligned}$$

즉, $98 \leq b-1 \leq 100$

$99 \leq b \leq 101$

그런데 b 는 100 보다 작은 수이므로 99 이다.

따라서 세 수는 98, 99, 100 이다.

$\therefore a = 98, b = 99, c = 100$

25. 일차함수 $y = ax + b$ 의 그래프의 x 절편이 3, y 절편이 -9 일 때, 일차함수 $y = (a+b)x + \frac{b}{a}$ 의 x 절편을 p , y 절편을 q 라고 하자. 이때, $\frac{q}{p}$ 의 값은?

- ① -6 ② -3 ③ 1 ④ 3 ⑤ 6

해설

$$y = ax + b \text{에서 } y\text{-절편이 } -9 \text{이므로 } b = -9$$

$$y = ax - 9 \text{에 점 } (3, 0) \text{을 대입하면}$$

$$0 = 3a - 9 \quad \therefore a = 3$$

$$y = (a+b)x + \frac{b}{a} = -6x - 3$$

$$y\text{-절편} : -3$$

$$x\text{-절편} : 0 = -6x - 3, x = -\frac{1}{2}$$

$$\therefore \frac{q}{p} = -3 \times (-2) = 6$$