

1. $4^{4x+2} = 8^{2x+4}$ 일 때, x 의 값은?

- ① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10

해설

$$(2^2)^{4x+2} = (2^3)^{2x+4}$$

$$2^{8x+4} = 2^{6x+12}$$

$$8x + 4 = 6x + 12$$

$$\therefore x = 4$$

2. $a < b$ 일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $4a < 4b$ ② $a - 5 < b - 5$
③ $-3a > -3b$ ④ $2a - 1 < 2b - 1$
⑤ $-2a + 3 < -2b + 3$

해설

양변에 음수를 곱하면 부등호 방향은 바뀐다.

3. $(3x + 2a)^2 = 9x^2 + bx + 16$ 일 때, ab 의 값은? (단, a, b 는 상수)

- ① 16 ② 22 ③ 36 ④ 42 ⑤ 48

해설

$$(3x + 2a)^2 = 9x^2 + 12ax + (2a)^2 \text{ } \textcircled{o}] \text{므로}$$

$$9x^2 + 12ax + 4a^2 = 9x^2 + bx + 16$$

$$12a = b, a^2 = 4$$

$$\therefore ab = 12a^2 = 48$$

4. x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $3x + 2y = 12$ 을 만족하는 순서쌍 (x, y) 의 개수를 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 1 개

해설

(2, 3)

5. 연립방정식 $\begin{cases} 3x - y = 15 \\ 2x + y = 5 \end{cases}$ 의 해가 (a, b) 일 때, $a^2 + b^2$ 의 값은?

- ① 7 ② 14 ③ 25 ④ 28 ⑤ 32

해설

연립방정식 두 식을 더하면, $5x = 20$ 이므로 $x = 4$, $y = -3$ 이다.
 $\therefore a^2 + b^2 = 4^2 + (-3)^2 = 16 + 9 = 25$

6. 다음 주어진 부등식 중 $x = -1$ 을 해로 갖지 않는 것을 모두 고르면?

- Ⓐ $2x + 3 \leq 2$
Ⓑ $x - 2 \geq 1$
Ⓒ $4 - x < -6 + 4x$
Ⓓ $0.2x + 0.5 > 0.4x - 0.3$

① Ⓐ ② Ⓑ ③ Ⓒ, Ⓓ ④ Ⓑ, Ⓗ Ⓟ Ⓑ, Ⓓ

해설

Ⓑ $x - 2 = (-1) - 2 = -3 \leq 1$
Ⓒ $4 - (-1) = 5 > -6 + 4(-1) = -10$

따라서 $x = -1$ 을 해로 갖지 않는 것은 Ⓑ, Ⓓ이다.

7. 연립부등식 $14 - 3x \leq 8 + 2x < x + 19$ 를 만족하는 가장 큰 정수 a 와
가장 작은 정수 b 를 구하여 $a - b$ 을 구하여라.

① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤ 8

해설

$$\begin{cases} 14 - 3x \leq 8 + 2x \\ 8 + 2x < x + 19 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x \geq \frac{6}{5} \\ x < 11 \end{cases}$$

가장 큰 정수 $a = 10$

가장 작은 정수 $b = 2$

$$\therefore a - b = 10 - 2 = 8$$

8. $\frac{1}{4}, \frac{2}{5}, \frac{3}{6}, \frac{4}{7}, \frac{5}{8}, \frac{7}{9}, \frac{9}{12}$ 중 유한소수인 것은 모두 몇 개인가?

- ① 1개 ② 2개 ③ 3개 ④ 4개 ⑤ 5개

해설

유한소수의 분모의 소인수는 2나 5뿐이어야 하므로

$\frac{1}{4}, \frac{2}{5}, \frac{3}{6}, \frac{5}{8}, \frac{9}{12}$ 의 5개이다.

9. $\frac{4}{7}$ 를 소수로 나타낼 때, 소수 100 번째 자리의 숫자를 구하여라.

▶ 답:

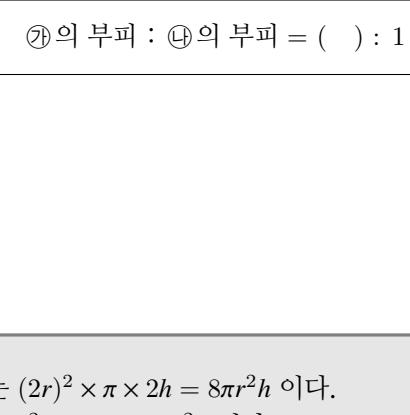
▷ 정답: 4

해설

$\frac{4}{7} = 0.\overline{571428}$ 이므로 6 개의 숫자가 반복된다. 따라

서 $100 = 6 \times 16 + 4$ 이므로 100 번째 자리의 숫자는 4 이다.

10. 밑면의 반지름의 길이가 $2r$ cm, 높이가 $2h$ cm 인 원기둥 ②와 밑면의 반지름의 길이가 r cm, 높이가 $2h$ cm 인 원기둥 ④가 있다. ②의 부피는 ④의 부피의 몇 배인지 빙간에 알맞은 답을 써넣어라.



$$\textcircled{2} \text{의 부피} : \textcircled{4} \text{의 부피} = () : 1$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

②의 부피는 $(2r)^2 \times \pi \times 2h = 8\pi r^2 h$ 이다.

④의 부피는 $r^2 \pi \times 2h = 2\pi r^2 h$ 이다.

따라서 ②의 부피와 ④의 부피 비는 4 : 1 이다.

11. $x + y = 9$, $xy = 3$ 일 때, $x^2 + y^2 - xy$ 의 값은?

- ① 52 ② 56 ③ 60 ④ 72 ⑤ 80

해설

$$\begin{aligned}x^2 - xy + y^2 &= (x + y)^2 - 3xy \\&= 9^2 - 3 \times 3 \\&= 72\end{aligned}$$

12. $a = -2, b = -3$ 일 때, $\frac{15a^2 - 3ab}{3a} - \frac{8ab + 4b^2}{4b}$ 의 값은?

- ① 0 ② 6 ③ 12 ④ -6 ⑤ -12

해설

$$(준식) = 5a - b - (2a + b) = 3a - 2b = -6 + 6 = 0$$

13. 다음 비례식을 y 에 관하여 풀어라.

$$(2x + 3y) : 4 = (x + y) : 3$$

▶ 답:

▷ 정답: $y = -\frac{2}{5}x$

해설

$$\begin{aligned} 4(x + y) &= 3(2x + 3y) \\ 4x + 4y &= 6x + 9y, \quad -5y = 2x \\ \therefore y &= -\frac{2}{5}x \end{aligned}$$

14. 희정이는 집으로부터 9km 떨어져 있는 역까지 가기 위해 아침 9 시에 집을 떠나 시속 3km 의 속력으로 걸어가다가, 도중에 자전거를 타고 가는 인수를 만나 인수의 자전거 뒤에 타고 시속 10km 의 속력으로 달려 아침 10 시 36 분에 도착하였다. 희정이가 걸은 거리는?

- ① 9km ② 8km ③ 6km ④ 4km ⑤ 3km

해설

희정이가 걸어간 거리를 x km 라 하고 자전거를 타고 거리를 y km 라 하면

거리의 합이 9km 이므로 $x + y = 9 \cdots (1)$,

집에서 역까지 $\frac{8}{5}$ 시간 걸렸으므로

$$\frac{x}{3} + \frac{y}{10} = \frac{8}{5} \cdots (2)$$

(2)의 양변에 30을 곱하면 $10x + 3y = 48 \cdots (3)$

(3) - (1) $\times 3$ 하면 $7x = 21$

$$x = 3, y = 6$$

따라서 희정이가 걸은 거리는 3km이다.

15. 연립부등식 $\begin{cases} \frac{x-1}{2} > 1 \\ 0.7x + 0.5 < 0.2x + 1 \end{cases}$ 의 해는?

- ① $-3 < x < 3$ ② $x < -3$ ③ $x > 3$
④ 해가 없다. ⑤ $-3 < x < 5$

해설

$$\begin{cases} \frac{x-1}{2} > 1 \\ 0.7x + 0.5 < 0.2x + 1 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x-1 > 2 \\ 7x+5 < 2x+10 \end{cases}$$

$$\begin{array}{l} \rightarrow \begin{cases} x > 3 \\ 5x < 5 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x > 3 \\ x < 1 \end{cases} \\ \text{--- ---} \end{array}$$



따라서 해가 없다.

16. 어떤 일을 하는데 남자 한 명은 10 일, 여자 한 명은 12 일이 걸린다고 한다. 남녀를 합하여 11 명이 하루에 일을 끝내려고 한다면 남자는 최소한 몇 명이 필요한지 구하여라.

▶ 답: 명

▷ 정답: 5 명

해설

전체 일의 양을 1 이라 하면

$$\text{남자 한 명이 하루 동안 하는 일의 양} : \frac{1}{10}$$

$$\text{여자 한 명이 하루 동안 하는 일의 양} : \frac{1}{12}$$

$$\frac{1}{10}x + \frac{1}{12}(11 - x) \geq 1$$

$$\therefore x \geq 5$$

17. 연속하는 세 자연수의 합이 69 보다 크고 72 이하일 때, 세 수를 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 정답: 23

▶ 정답: 24

▶ 정답: 25

해설

세 자연수를 $x - 1$, x , $x + 1$ 이라하면

$$69 < x - 1 + x + x + 1 \leq 72$$

$$69 < 3x \leq 72$$

$$23 < x \leq 24$$

$$\therefore x = 24$$

따라서 연속하는 세 자연수는 23, 24, 25 이다.

18. $\frac{14a}{2^3 \times 3 \times 5^2 \times 7}$ 가 정수가 아닌 유한소수가 되기 위한 a 의 개수는?
(단, $a \leq 100$, a 는 자연수)

- ① 30개 ② 31개 ③ 32개 ④ 33개 ⑤ 34개

해설

$\frac{14a}{2^3 \times 3 \times 5^2 \times 7} = \frac{a}{2^2 \times 3 \times 5^2}$ 가 유한소수이므로 a 는 100이하의 3의 배수이다.

19. $0.\dot{1}5\dot{8} = a \times 0.00\dot{1}$, $0.0\dot{5} = 5 \times b$ 일 때, ab 를 분수로 나타내어라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{143}{90}$

해설

$$\frac{158 - 15}{900} = a \times \frac{1}{900}, \quad a = 143$$

$$\frac{5}{90} = 5 \times b, \quad b = \frac{1}{90}$$

$$\therefore ab = \frac{143}{90}$$

20. 일차방정식 $2x + ay - 6 = 0$ Ⓛ $(0, 2)$, $(-3, b)$, $(c, -2)$ 를 해로 가질 때, 상수 a , b , c 의 합 $a + b + c$ 의 값은?

Ⓐ 9 Ⓑ 11 Ⓒ 12 Ⓓ 13 Ⓕ 15

해설

$(0, 2)$ 를 $2x + ay - 6 = 0$ 에 대입하면 $2a - 6 = 0$, 따라서 $a = 3$,
 $(-3, b)$ 를 $2x + 3y - 6 = 0$ 에 대입하면 $3b - 12 = 0$, 따라서
 $b = 4$,
 $(c, -2)$ 를 $2x + 3y - 6 = 0$ 에 대입하면 $2c - 12 = 0$, 따라서
 $c = 6$

21. 다빈이와 엄마의 나이의 합은 60살이고, 5년 후에는 엄마의 나이가
다빈이의 나이의 3 배보다 2살이 더 많다. 다빈이의 나이를 구하여라.

▶ 답 : 살

▷ 정답 : 12살

해설

현재 다빈이의 나이 : x , 엄마의 나이 : y

$$\begin{cases} x + y = 60 \\ 3(x + 5) + 2 = y + 5 \end{cases}$$
 를 풀면

$$\therefore x = 12, y = 48$$

따라서 다빈이의 나이는 12 살이다.

22. 둘레의 길이가 1.2km 되는 공원 주변에 산책로가 있다. 같은 지점에서 출발하여 종혁이와 혜진이 두 사람이 서로 반대 방향으로 가면 10 분 만에 처음 만나고, 같은 방향으로 가면 1 시간 만에 종혁이가 혜진이를 처음으로 따라 잡는다. 종혁이와 혜진이 두 사람의 속력을 각각 구하면?

- ① 종혁:70m /분, 혜진:65m /분
- ② 종혁:70m /분, 혜진:60m /분
- ③ 종혁:60m /분, 혜진:50m /분

④ 종혁:70m /분, 혜진:50m /분

- ⑤ 종혁:60m /분, 혜진:45m /분

해설

종혁이의 속력: x m/ 분

혜진이의 속력: y m/ 분

반대 방향으로 돌 경우: $10x + 10y = 1200$

같은 방향으로 돌 경우: $60x - 60y = 1200$

$$\therefore x = 70, y = 50$$

23. $0.\dot{7}$ 에 어떤 수 a 를 곱하여 $3.\dot{1}$ 이 되었다. 이 때 a 의 값은?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

주어진 순환소수를 분수로 나타내면

$$0.\dot{7} = \frac{7}{9} \text{ 이고 } 3.\dot{1} = \frac{31 - 3}{9} = \frac{28}{9} \text{ 이므로}$$

$$\frac{7}{9}a = \frac{28}{9} \text{ 이다.}$$

$$\therefore a = 4$$

24. $2^{2x} \times 8^x = 4^2 \times 2^x$ 을 만족하는 x 의 값을 구하면?

- ① $\frac{1}{2}$ ② $\frac{4}{3}$ ③ 1 ④ 3 ⑤ 4

해설

$$2^{2x} \times 2^{3x} = (2^2)^2 \times 2^x$$

$$2^{5x} = 2^{x+4}$$

$$\therefore x = 1$$

25. 두 식품 A 와 B 각각 10g에 들어있는 단백질과 지방의 양을 나타낸 것이다. 두 식품 A 와 B만으로 단백질 17g과 지방 70g을 섭취하려면 각각 몇 g씩 먹어야 하는지 구하여라.

식품	성분	단백질(g)	지방(g)
A		0.6	2
B		0.4	8

▶ 답: g

▶ 답: g

▷ 정답: A = 270 g

▷ 정답: B = 20 g

해설

$$\begin{cases} 0.06A + 0.04B = 17 \\ 0.2A + 0.8B = 70 \end{cases} \text{에서 } \begin{cases} 6A + 4B = 1700 \\ 2A + 8B = 700 \end{cases}$$

이 연립방정식을 풀면 A = 270, B = 20