

1. 둘레의 길이가 3km 인 호수의 같은 지점에서 A 가 분속 90m 로 걷기 시작한 뒤 10 분 후 B 가 반대방향으로 분속 60m 로 걷는다면, B 는 출발한 지 몇 분 후에 A 를 만나는지 구하시오.

▶ 답 : 분

▷ 정답 : 14분

해설

반대방향으로 출발하였을 때 만날 경우 두 사람이 이동한 거리의 합은 전체 둘레의 길이와 같다.

*B 가 출발하고 A 를 만날 때까지 걸린 시간 : x 분

*A 가 10 분 먼저 출발했으므로 B 보다 10 분 더 걸림 : $x + 10$

(A가 걸은 거리) + (B가 걸은 거리) = 3000m

$$90(x + 10) + 60x = 3000$$

$$150x + 900 = 3000$$

$$150x = 2100$$

$$\therefore x = 14 \text{ 분}$$

2. 일차방정식 $3(2x+1)-4=2(x+1)$ 를 이항하여 정리한 후 $ax=b$ 의 꼴로 고쳤을 때, $a+b$ 의 값을 구하여라.(단, a, b 는 서로소인 자연수)

▶ 답 :

▷ 정답 : $a+b=7$

해설

$$3(2x+1)-4=2(x+1)$$

$$6x+3-4=2x+2$$

$$6x-2x=2-3+4$$

$$4x=3$$

$$\therefore a=4, b=3$$

$$\therefore a+b=7$$

3. 방정식 $0.3(x - 4) = 0.4x - 1$ 과 $ax + 3 = 2x - 7$ 의 해가 같을 때, a 의 값은?

① -14

② -7

③ -2

④ 7

⑤ 14

해설

$$0.3x - 1.2 = 0.4x - 1$$

$$-0.1x = 0.2$$

$$\therefore x = -2$$

$ax + 3 = 2x - 7$ 에 $x = -2$ 를 대입하면

$$-2a + 3 = -11$$

$$-2a = -14$$

$$\therefore a = 7$$

4. 민규가 등산로를 따라 정상까지 올라갈 때는 시속 4km로, 같은 길로 내려올 때는 시속 6km로 걸었더니 총 3시간 20 분이 걸렸다. 이 등산로의 거리를 구하여라.

① 2km

② 4km

③ 6km

④ 8km

⑤ 10km

해설

등산로의 거리를 x km 라 하면,

올라갈 때 걸린 시간 : $\frac{x}{4}$ 시간

내려올 때 걸린 시간 : $\frac{x}{6}$ 시간

총 3시간 20 분 걸렸으므로

$$\frac{x}{4} + \frac{x}{6} = \frac{10}{3}$$

$$3x + 2x = 40$$

$$5x = 40$$

$$\therefore x = 8$$

따라서, 등산로의 거리는 8km이다.

5. 합격률이 30 % 인 어느 시험에서 합격자의 평균은 불합격자의 평균보다 30 점이 높고, 합격자 중 가장 점수가 낮은 학생의 점수는 불합격자의 평균보다 15 점이 더 높다. 전체 평균이 64 점 일 때, 최저 합격 점수를 구하여라.

▶ 답 : 점

▷ 정답 : 70 점

해설

합격률이 30 %, 합격자의 평균은 불합격자의 평균보다 30 점이 높으므로,

합격자의 수를 $3a$, 합격자의 평균을 b 라 두면, 불합격자의 수는 $7a$, 불합격자의 평균은 $b - 30$ 이 된다.

$$\begin{aligned} 64 &= \frac{3a \times b + 7a(b - 30)}{3a + 7a} \\ &= \frac{3ab + 7ab - 210a}{10a} = b - 21 \end{aligned}$$

$b = 85$ 이다.

불합격자의 평균은 $85 - 30 = 55$ (점) 이다.

따라서 최저 합격 점수는 $55 + 15 = 70$ (점) 이다.