

1. 두 다항식  $A$ ,  $B$ 에 대하여  $A + 3B = 2x^2 - 7x - 1$ ,  $B - A = 2x^2 - 5x - 7$  일 때,  $A + B$ 는?

- Ⓐ  $-x + 3$  Ⓑ  $x - 3$  Ⓒ  $x^2 + x + 3$   
Ⓓ  $x^2 - x - 3$  Ⓘ  $x^2 - x + 3$

해설

$$A = -x^2 + 2x + 5, B = x^2 - 3x - 2$$
$$A + B = (-x^2 + 2x + 5) + (x^2 - 3x - 2) = -x + 3$$

해설

$$\begin{cases} A + 3B = 2x^2 - 7x - 1 \\ B - A = 2x^2 - 5x - 7 \end{cases}$$

2.  $P = a^3 + 4a^2b + 2ab^2$ ,  $Q = -2a^2b + 3ab^2 - b^3$  일 때,  $3P - 2Q$  를 계산하면?

①  $3a^3 + 12a^2b + 2b^3$       ②  $3a^3 - 12a^2b + 2b^3$

③  $3a^3 + 16a^2b + 2b^3$       ④  $3a^3 + 8a^2b + 2b^3$

⑤  $3a^3 - 8a^2b + 2b^3$

해설

$$\begin{aligned} & 3(a^3 + 4a^2b + 2ab^2) - 2(-2a^2b + 3ab^2 - b^3) \\ &= 3a^3 + 12a^2b + 6ab^2 + 4a^2b - 6ab^2 + 2b^3 \\ &= 3a^3 + 16a^2b + 2b^3 \end{aligned}$$

3. 세 다항식  $A = 2x^2y - xy^2 + y^3$ ,  $B = -2xy^2 + 2y^3$ ,  $C = x^3 + y^3$ 에 대하여  $(2A - B) + C$ 를 계산하면?

- ①  $2x^3 - 4x^2y + 3y^3$       ②  $-x^3 + 2x^2y - y^3$   
③  $2x^3 + 4x^2y - y^2$       ④  $x^3 + 4x^2y + y^3$   
⑤  $x^3 + 4y^3$

해설

$$\begin{aligned}(2A - B) + C \\ &= 4x^2y - 2xy^2 + 2y^3 - (-2xy^2 + 2y^3) + x^3 + y^3 \\ &= x^3 + 4x^2y + y^3\end{aligned}$$

해설

$$\begin{aligned}(2A - B) + C \\ &= x^3 + 4x^2y + y^3\end{aligned}$$

4. 다항식  $A = x^2 - x + 1$ ,  $B = 3x^2 - 2x - 1$ 에 대하여  $X + 2A = B$ 를 만족하는 다항식  $X$ 를 구하면?

- ①  $x^2 + 3x + 1$       ②  $x^2 - 1$       ③  $x^2 - 3$   
④  $x^2 + 1$       ⑤  $2x^2 - x + 1$

해설

$$\begin{aligned} X &= B - 2A \\ &= (3x^2 - 2x - 1) - 2(x^2 - x + 1) \\ &= x^2 - 3 \end{aligned}$$

해설

5.  $A = 4xy^2 - 2x^2y + 3x^2y^2$ ,  $B = x^2y - 3x^2y^2 - 2xy^2$  일 때,  $A + 2B$  를 간단히 하면?

- ①  $xy^2$       ②  $x^2y$       ③  $x^2y^2$   
④  $-2xy^2$       ⑤  $-3x^2y^2$

해설

$$\begin{aligned}A + 2B \\= (4xy^2 - 2x^2y + 3x^2y^2) + (2x^2y - 6x^2y^2 - 4xy^2) \\= -3x^2y^2\end{aligned}$$

해설

6. 두 다항식  $A = 2x^3 + 4x^2 - 7$ ,  $B = x^2 + x - 2$ 에 대하여  $A - 2B$ 를 간단히 한 것은?

- ①  $2x^3 + 2x^2 - 2x - 3$       ②  $2x^3 + 2x^2 + 2x - 3$   
③  $2x^3 + 2x^2 + 2x + 3$       ④  $2x^3 + 6x^2 - 2x + 3$   
⑤  $2x^3 + 6x^2 - 2x - 3$

해설

$A - 2B$  를 동류항끼리 묶어 정리한다.  
$$\begin{aligned} A - 2B &= (2x^3 + 4x^2 - 7) - 2(x^2 + x - 2) \\ &= 2x^3 + 4x^2 - 7 - 2x^2 - 2x + 4 \\ &= 2x^3 + (4 - 2)x^2 - 2x - 7 + 4 \\ &= 2x^3 + 2x^2 - 2x - 3 \end{aligned}$$

7. 두 다항식  $A = 3x - y + 1$ ,  $B = -x + 2y - 2$ 에 대하여  $A - B$ 의 계산 결과로 맞는 식은?

- ①  $2x - 3y - 1$       ②  $4x + y - 1$       ③  $2x + 3y + 3$   
④  $4x - 3y + 3$       ⑤  $2x + y - 1$

해설

$$\begin{aligned}A - B &= (3x - y + 1) - (-x + 2y - 2) \\&= 3x - y + 1 + x - 2y + 2 \\&= 4x - 3y + 3\end{aligned}$$

8. 다음 중  $(x-y)^2(x+y)^2$ 을 전개한 식은?

- ①  $x^4 - y^4$       ②  $x^2 - y^2$   
③  $x^4 - 2x^2y^2 + y^4$       ④  $x^4 - x^2y^2 + y^4$   
⑤  $x^4 - 4x^2y^2 + y^4$

해설

$$\begin{aligned}(x-y)^2(x+y)^2 &= \underline{\underline{(x-y)(x+y)}}^2 \\&= (x^2 - y^2)^2 \\&= x^4 - 2x^2y^2 + y^4\end{aligned}$$

9. 다항식  $(a - b)(a^2 + ab + b^2)$  을 전개하면?

- ①  $a^2 - b^2$       ②  $a^3 - b^3$   
③  $a^3 + b^3$       ④  $a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$   
⑤  $a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$

해설

$$\text{공식} : (a - b)(a^2 + ab + b^2) = a^3 - b^3$$

10.  $(a - b - c)^2$  을 옳게 전개한 것은?

- ①  $a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2bc + 2ca$
- ②  $a^2 + b^2 + c^2 - 2ab - 2bc - 2ca$
- ③  $a^2 - b^2 - c^2 - 2ab - 2bc - 2ca$
- ④  $a^2 + b^2 + c^2 - 2ab + 2bc - 2ca$
- ⑤  $a^2 - b^2 - c^2 + 2ab - 2bc - 2ca$

해설

$$\begin{aligned}(a - b - c)^2 &= a^2 + (-b)^2 + (-c)^2 + 2a(-b) + 2(-b)(-c) + 2(-c)a \\&= a^2 + b^2 + c^2 - 2ab + 2bc - 2ca\end{aligned}$$

11. 다음 곱셈공식을 전개한 것 중 바른 것은?

①  $(x - y - 1)^2 = x^2 + y^2 + 1 - 2xy - 2x - 2y$

②  $(a + b)^2(a - b)^2 = a^4 - 2a^2b^2 + b^4$

③  $(-x + 3)^3 = x^3 - 9x^2 + 27x - 27$

④  $(a - b)(a^2 + ab - b^2) = a^3 - b^3$

⑤  $(p - 1)(p + 1)(p^2 + 1)(p^4 + 1) = p^{16} - 1$

해설

①  $(x - y - 1)^2 = x^2 + y^2 + 1 - 2xy - 2x - 2y$

③  $(-x + 3)^3 = -x^3 + 9x^2 - 27x + 27$

④  $(a - b)(a^2 + ab + b^2) = a^3 - b^3$

⑤  $(p - 1)(p + 1)(p^2 + 1)(p^4 + 1) = p^8 - 1$

12.  $(a+b-c)(a-b+c)$ 를 전개하면?

- ①  $a^2 + b^2 - c^2 - 2bc$       ②  $a^2 - b^2 + c^2 - 2bc$   
③  $a^2 + b^2 - c^2 + 2ab$       ④  $\textcircled{4} a^2 - b^2 - c^2 + 2bc$   
⑤  $a^2 - b^2 - c^2 - 2ab$

해설

$$\begin{aligned}(a+b-c)(a-b+c) \\ &= \textcolor{red}{(a+(b-c))(a-(b-c))} \\ &= a^2 - (b-c)^2 \\ &= a^2 - b^2 - c^2 + 2bc\end{aligned}$$

13.  $(a - b + c)(a - b - c)$  를 전개하면?

- ①  $-a^2 + b^2 - c^2 + 2ca$       ②  $a^2 - b^2 + c^2 + 2ab$   
③  $a^2 + b^2 + c^2 + abc$       ④  $a^2 - b^2 - c^2 + 2bc$   
⑤  $a^2 + b^2 - c^2 - 2ab$

해설

$$\begin{aligned}(a - b + c)(a - b - c) &= [(a - b) + c][(a - b) - c] \\ &= (a - b)^2 - c^2 \\ &= a^2 + b^2 - c^2 - 2ab\end{aligned}$$

14.  $1999 \times 2001$ 의 값을 구하려 할 때, 가장 적절한 곱셈공식은?

- ①  $m(a + b) = ma + mb$
- ②  $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$
- ③  $(a - b)(a + b) = a^2 - b^2$
- ④  $(x + a)(x + b) = x^2 + (a + b)x + ab$
- ⑤  $a^2 + b^2 = (a + b)^2 - 2ab$

해설

$$\begin{aligned}1999 \times 2001 &= (2000 - 1) \times (2000 + 1) \\&= 2000^2 - 1^2\end{aligned}$$

15.  $(x - 1)(x + 2)(x - 3)(x + 4)$ 를 전개할 때, 각 항의 계수의 총합을  $a$ , 상수항을  $b$ 라 할 때,  $a + b$ 의 값을 구하면?

① 8      ② 15      ③ 24      ④ 36      ⑤ 47

해설

$$\begin{aligned}(x - 1)(x + 2)(x - 3)(x + 4) \\&= (x^2 + x - 2)(x^2 + x - 12)(x^2 + x = X(\bar{x} \text{한})) \\&= (X - 2)(X - 12) \\&= X^2 - 14X + 24 \\&= (x^2 + x)^2 - 14(x^2 + x) + 24 \\&= x^4 + 2x^3 - 13x^2 - 14x + 24 \\&\therefore a = 1 + 2 - 13 - 14 + 24 = 0, b = 24 \\&\therefore a + b = 0 + 24 = 24\end{aligned}$$

해설

⑦ 각 항 계수의 총합 구하기

$x = 1$  대입,  $a = 0$

⑧ 상수항 구하기

$x = 0$  대입,  $b = 24$

16.  $P = (2+1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1)$  의 값을 구하면?

- ①  $2^{32}-1$       ②  $2^{32}+1$       ③  $2^{31}-1$   
④  $2^{31}+1$       ⑤  $2^{17}-1$

해설

주어진 식에  $(2-1)=1$  을 곱해도 식은 성립하므로

$$P = (2-1)(2+1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1)$$

$$= (2^2-1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1)$$

$$= (2^4-1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1)$$

$$= \vdots$$

$$= (2^{16}-1)(2^{16}+1)$$

$$= 2^{32}-1$$

17.  $2^{16} - 1$ 은 1과 10 사이의 어떤 두 수로 나누어떨어진다. 이 때, 이 두 수의 합은?

- ① 4      ② 6      ③ 8      ④ 10      ⑤ 12

해설

$a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$  임을 이용하여  $2^{16} - 1$ 을 인수분해하면

$$2^{16} - 1 = (2^8)^2 - 1^2$$

$$= (2^8 + 1)(2^8 - 1)$$

$$= (2^8 + 1)(2^4 + 1)(2^4 - 1)$$

$$= (2^8 + 1)(2^4 + 1)(2^2 + 1)(2^2 - 1)$$

$$= (2^8 + 1)(2^4 + 1)(2^2 + 1)(2 + 1)(2 - 1)$$

$$= 257 \cdot 17 \cdot 5 \cdot 3$$

따라서  $2^{16} - 1$ 을 나누었을 때 나누어 떨어지는 1과 10 사이의

수

즉, 인수는 3과 5이고 이 두 수의 합은 8이다.

18.  $(x^3 - 3x^2 + 3x + 4)(x^2 + 2x - 5)$  를 전개한 식에서  $x^2$  의 계수를 구하면?

- ① 10      ② 15      ③ 19      ④ 21      ⑤ 25

해설

전개식에서  $x^2$  항은

i ) (이차항)  $\times$  (삼차항)에서  $15x^2 + 4x^2 = 19x^2$

ii ) (일차항)  $\times$  (일차항)에서  $6x^2$

$\therefore x^2$  의 계수는  $19 + 6 = 25$

19.  $(10^5 + 2)^3$ 의 각 자리의 숫자의 합을 구하여라.

- ① 15      ② 18      ③ 21      ④ 26      ⑤ 28

해설

$$\begin{aligned} \text{준식을 전개하면} \\ & 10^{15} + 2^3 + 3 \times 2 \times 10^5(10^5 + 2) \\ & = 10^{15} + 2^3 + 6 \times 10^{10} + 12 \times 10^5 \\ & = 10^{15} + 10^{10} \times 6 + 10^5 \times 12 + 8 \\ \therefore & 1 + 6 + 1 + 2 + 8 = 18 \end{aligned}$$

20.  $x^2 + x + 1 = 0$  일 때,  $x^3 + \frac{1}{x^3}$ 의 값은?

- ① 0      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 4

해설

$x^2 + x + 1 = 0$ 에서 양변을  $x$ 로 나누면

$$x + \frac{1}{x} = -1$$

$$\begin{aligned}\therefore x^3 + \frac{1}{x^3} &= \left(x + \frac{1}{x}\right)^3 - 3x \cdot \frac{1}{x} \left(x + \frac{1}{x}\right) \\ &= -1 - 3 \cdot (-1) = 2\end{aligned}$$

21.  $x+y+z=3$ ,  $xy+yz+zx=-1$  일 때  $x^2+y^2+z^2$  의 값을 구하면?

- ① 11      ② 12      ③ 13      ④ 14      ⑤ 15

해설

$$x^2+y^2+z^2 = (x+y+z)^2 - 2(xy+yz+xz)$$

$$= 9 + 2 = 11$$

22. 다항식  $(x^2 + 2x - 3)(3x^2 + x + k)$ 의 전개식에서 일차항의 계수가 15일 때, 상수  $k$ 의 값은?

① -3      ② 0      ③ 3      ④ 6      ⑤ 9

해설

상수항과 일차항만의 합을 구하면,

$$-3x + 2kx = 15x$$

$$\therefore k = 9$$

23. 다항식  $(5x^2 + 3x + 1)^2$  을 전개하였을 때,  $x^2$  의 계수는?

- ① 10      ② 13      ③ 16      ④ 19      ⑤ 25

해설

$$(5x^2 + 3x + 1)(5x^2 + 3x + 1) \text{에서}$$

i ) (일차항)  $\times$  (일차항)의 경우  $9x^2$

ii ) (이차항)  $\times$  (상수항)의 경우  $2 \times 5x^2$

$$\therefore 5x^2 + 5x^2 + 9x^2 = 19x^2$$

$$\therefore 19$$

24.  $(2x^3 - 3x^2 + 3x + 4)(3x^4 + 2x^3 - 2x^2 - 7x + 8)$ 을 전개한 식에서  $x^3$ 의 계수는?

① 31      ② 33      ③ 35      ④ 37      ⑤ 39

해설

$$2x^3 \times 8 - 3x^2 \times (-7x) + 3x \times (-2x^2) + 4 \times 2x^3 = 39x^3$$

25.  $(-2x^3 + x^2 + ax + b)^2$ 의 전개식에서  $x^3$ 의 계수가  $-8$ 일 때,  $a - 2b$ 의 값은?

- ①  $-6$       ②  $-4$       ③  $-2$       ④  $0$       ⑤  $2$

해설

전개할 때 삼차항은 일차항과 이차항의 곱, 삼차항과 상수항의 곱이 각각 2개씩 나온다.

$$(-2x^3 \times b) \times 2 + (x^2 \times ax) \times 2 = (-4b + 2a)x^3$$

$$2a - 4b = -8$$

$$\therefore a - 2b = -4$$