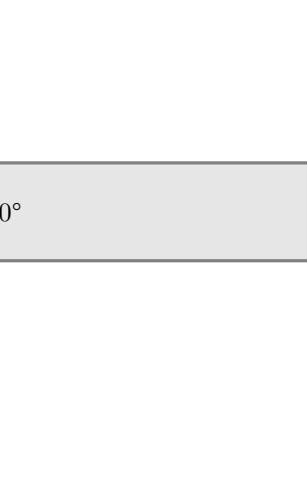


1. 다음 그림의 오각형에서 $\angle D$ 의 내각의 크기가 110° 일 때, $\angle D$ 의 외각의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

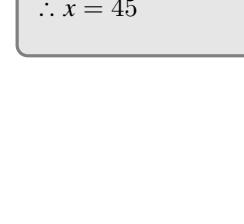
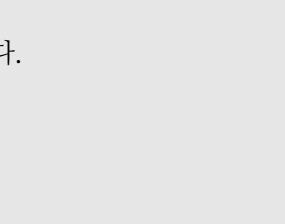
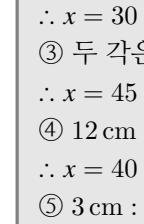
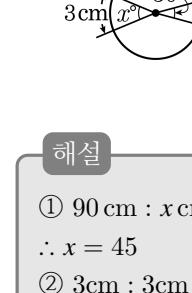
${}^\circ$

▷ 정답 : 70°

해설

$$180^\circ - 110^\circ = 70^\circ$$

2. 다음 중 x 의 값이 45가 아닌 것을 모두 고르면?



해설

$$\textcircled{1} \quad 90\text{ cm} : x\text{ cm} = 180^\circ : 90^\circ$$

$$\therefore x = 45$$

$$\textcircled{2} \quad 3\text{ cm} : 3\text{ cm} = x^\circ : 30^\circ$$

$$\therefore x = 30$$

③ 두 각은 맞꼭지각으로 같다.

$$\therefore x = 45$$

$$\textcircled{4} \quad 12\text{ cm} : 8\text{ cm} = 60^\circ : x^\circ$$

$$\therefore x = 40$$

$$\textcircled{5} \quad 3\text{ cm} : 2\text{ cm} = x^\circ : 30^\circ$$

$$\therefore x = 45$$

3. 다음 중 다면체가 아닌 것을 모두 고르면?(정답 2개)

- ① 사각뿔대 ② 원기둥 ③ 육각기둥
④ 정사면체 ⑤ 구

해설

다면체는 다각형인 면으로 둘러싸인 입체도형이다.

사각뿔대-다면체

원기둥-회전체

육각기둥-다면체

정사면체-다면체

구-회전체

따라서 다면체가 아닌 것은 ②, ⑤이다.

4. 다음 중 다면체의 이름과 면의 개수가 올바르게 짝지어진 것은?

- ① 사각뿔 - 6개
- ② 삼각뿔대 - 4개
- ③ 삼각뿔 - 5개
- ④ 오각기둥 - 7개
- ⑤ 오각뿔 - 7개

해설

- ① 사각뿔은 밑면이 1개 뿐이므로 면의 개수는 5개이다.
- ② 삼각뿔대의 면의 개수는 5개이다.
- ③ 삼각뿔은 밑면이 1개 뿐이므로 면의 개수가 4개이다.
- ④ 오각기둥은 면의 개수가 7개이다.
- ⑤ 오각뿔은 밑면이 1개 뿐이므로 면의 개수가 6개이다.

5. 다음 중 각뿔에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ① 밑면은 다각형이다.
- ② 옆면은 모두 삼각형이다.
- ③ 삼각뿔의 모서리의 개수는 4 개이다.
- ④ n 각뿔의 면의 개수는 $(n + 1)$ 개이다.
- ⑤ 육각뿔의 꼭짓점의 개수는 7 개이다.

해설

- ③ 삼각뿔의 모서리의 개수는 6 개이다.

6. 안에 알맞은 말을 써넣어라.

정다면체의 면의 모양은 , 정사각형, 이다.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 정삼각형

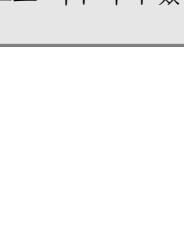
▷ 정답 : 정오각형

해설

정다면체의 한면

• 정사면체, 정팔면체, 정이십면체 : 정삼각형 • 정육면체 : 정사각형 • 정십이면체 : 정오각형

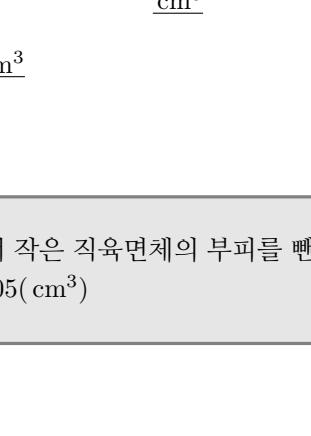
7. 다음 중에서 원뿔의 전개도는?(정답 2개)



해설

원뿔의 전개도는 부채꼴과 원으로 이루어져 있다.

8. 다음 그림과 같이 가운데가 비어 있는 입체도형의 부피를 구하여라.



▶ 답: cm³

▷ 정답: 105 cm³

해설

큰 정육면체에서 작은 직육면체의 부피를 뺀다.

$$5^3 - 2^2 \times 5 = 105(\text{cm}^3)$$

9. 다음 보기 중 정다각형에 대한 설명 중 옳은 것의 개수는?

보기

Ⓐ 변의 길이가 모두 같은 오각형은 정오각형이다.

Ⓑ 세 변의 길이가 같은 삼각형은 정삼각형이다.

Ⓒ 모든 내각의 크기와 변의 길이가 같은 다각형은 정다각형이다.

Ⓓ 정사각형은 모든 내각의 크기가 같다.

Ⓐ 0

Ⓑ 1

Ⓒ 2

Ⓓ 3

Ⓔ 4

해설

Ⓐ 변의 길이와 내각의 크기가 모두 같은 오각형은 정오각형이다.

10. 구각형의 대각선의 총수를 구하여라.

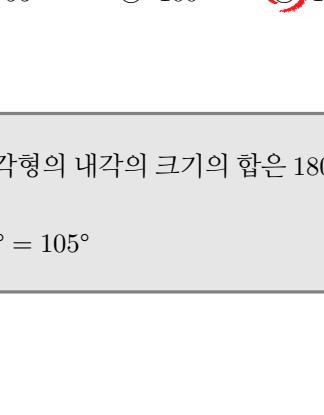
▶ 답: 개

▷ 정답: 27개

해설

$$\frac{9(9 - 3)}{2} = 27(\text{개})$$

11. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?



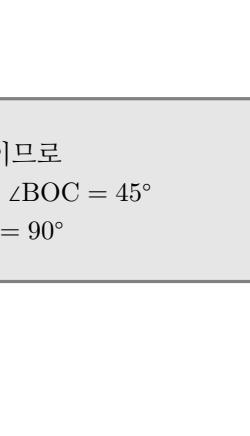
- ① 90° ② 95° ③ 100° ④ 105° ⑤ 110°

해설

$\triangle ACD$ 에서 삼각형의 내각의 합은 180° 이므로 $\angle ADC = 75^\circ$

$$\angle x = 180^\circ - 75^\circ = 105^\circ$$

12. 다음 그림과 같이 원 O에서 $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{DE}$, $\angle DOE = 45^\circ$ 일 때,
 $\angle x$ 의 크기는?



- ① 45° ② 60° ③ 90° ④ 100° ⑤ 120°

해설

$$\begin{aligned}\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{DE} \quad \text{이므로} \\ \angle DOE = \angle AOB = \angle BOC = 45^\circ \\ \therefore \angle x = 45^\circ + 45^\circ = 90^\circ\end{aligned}$$

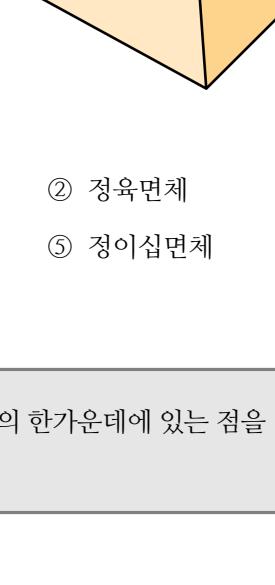
13. 오각기둥의 옆면의 모양은?

- ① 정사각형 ② 직사각형 ③ 삼각형
④ 사다리꼴 ⑤ 정삼각형

해설

각기둥의 옆면의 모양은 직사각형이다.

14. 다음 정사면체의 각 면의 중심을 꼭짓점으로 하는 다면체는?

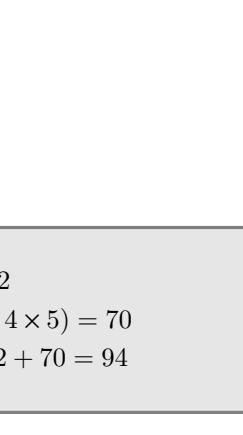


- ① 정사면체 ② 정육면체 ③ 정팔면체
④ 정십이면체 ⑤ 정이십면체

해설

정사면체의 각 면의 한가운데에 있는 점을 연결하여 만든 도형은 정사면체이다.

15. 다음 그림의 사각기둥의 겉넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 94

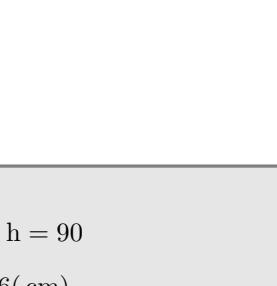
해설

$$\text{밑넓이} = 3 \times 4 = 12$$

$$\text{옆넓이} = 2(3 \times 5 + 4 \times 5) = 70$$

$$\therefore (\text{겉넓이}) = 2 \times 12 + 70 = 94$$

16. 밑면이 다음 그림과 같고 부피가 90 cm^3 인 사각기둥의 높이를 구하여라.



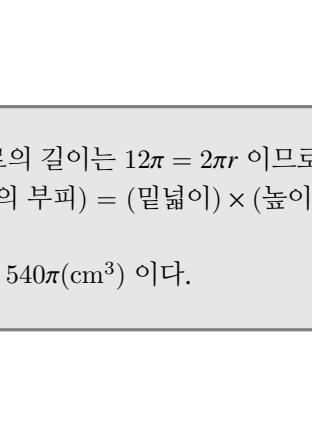
▶ 답: cm

▷ 정답: 6 cm

해설

$$(3 + 7) \times 3 \times \frac{1}{2} \times h = 90$$
$$\therefore h = 90 \div 15 = 6(\text{ cm})$$

17. 다음 그림은 어느 입체도형의 전개도이다. 이 전개도로 만들어지는 입체도형의 부피를 구하여라.



▶ 답: $\underline{\text{cm}^3}$

▷ 정답: $540\pi \underline{\text{cm}^3}$

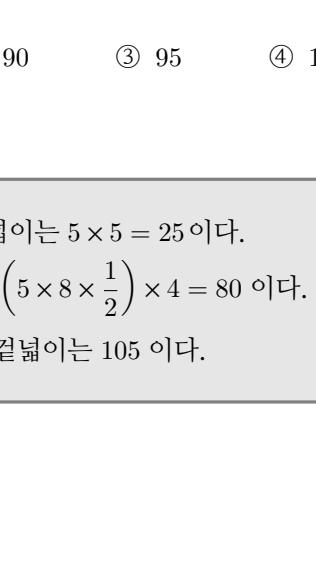
해설

직사각형의 가로의 길이는 $12\pi = 2\pi r$ 이므로 $r = 6\text{cm}$ 이다.
따라서 (원기둥의 부피) = (밑넓이) \times (높이) 이므로 주어진 원

기둥의 부피는

$$V = 6^2\pi \times 15 = 540\pi(\text{cm}^3)$$

18. 다음 그림은 정사각뿔의 전개도이다. 정사각뿔의 겉넓이는?



- ① 85 ② 90 ③ 95 ④ 100 ⑤ 105

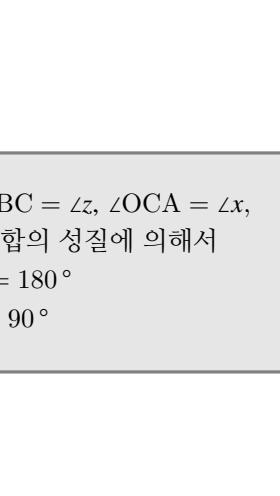
해설

정사각뿔의 밑넓이는 $5 \times 5 = 25$ 이다.

또한, 옆넓이는 $\left(5 \times 8 \times \frac{1}{2}\right) \times 4 = 80$ 이다.

따라서 구하는 겉넓이는 105이다.

19. 다음 그림에서 세 점 A, B, C는 원 O 위의 점이다. $\angle x + \angle y + \angle z$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: 90°

▷ 정답: 90°

해설

$$\angle OAB = \angle y, \angle OBC = \angle z, \angle OCA = \angle x,$$

삼각형의 내각의 합의 성질에 의해서

$$2(\angle x + \angle y + \angle z) = 180^\circ$$

$$\therefore \angle x + \angle y + \angle z = 90^\circ$$

20. 한 내각과 한 외각의 크기의 비가 $3 : 1$ 인 정다각형을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 정팔각형

해설

한 내각과 한 외각의 크기의 비가 $3 : 1$ 이므로 내각을 $3x$ 라 놓고

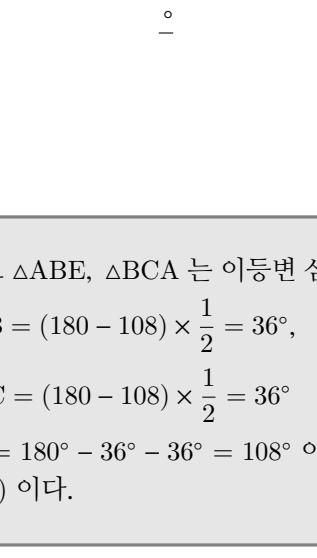
외각을 x 라 놓을 수 있다.

내각과 외각의 합은 180° 이므로 $3x + x = 180^\circ$, $x = 45^\circ$

내각의 크기는 135° , 외각의 크기는 45° 이다.

이러한 정다각형은 정팔각형이다.

21. 다음 그림의 정오각형에서 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

°

▷ 정답: 108°

해설

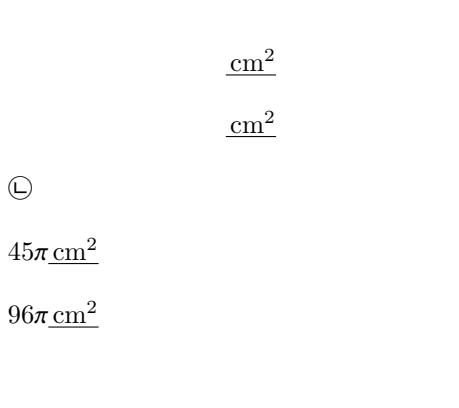
정오각형이므로 $\triangle ABE$, $\triangle BCA$ 는 이등변 삼각형이다.

$$\angle ABE = \angle AEB = (180 - 108) \times \frac{1}{2} = 36^\circ,$$

$$\angle BCA = \angle BAC = (180 - 108) \times \frac{1}{2} = 36^\circ$$

따라서 $\angle AFB = 180^\circ - 36^\circ - 36^\circ = 108^\circ$ 이고, $\angle x = \angle AFB = 108^\circ$ (맞꼭지각)이다.

22. 다음 그림과 같이 두 개의 도넛이 있다. 위에서 보았을 때 넓이가 더 넓은 도넛을 고르고, 두 개의 넓이를 각각 구하여라.



▶ 답 :

▶ 답 : $\underline{\hspace{2cm}}$

▶ 답 : $\underline{\hspace{2cm}}$

▷ 정답 : ②

▷ 정답 : $45\pi \underline{\hspace{2cm}}$

▷ 정답 : $96\pi \underline{\hspace{2cm}}$

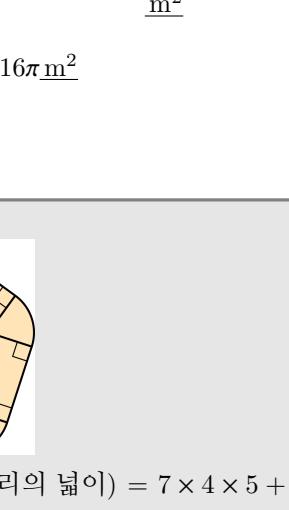
해설

도넛의 넓이는 큰 원의 넓이에서 안쪽 작은 원의 넓이를 뺀 값이다.

첫 번째 도넛의 넓이 : $9 \times 9 \times \pi - 6 \times 6 \times \pi = 45\pi (\text{cm}^2)$

두 번째 도넛의 넓이 : $10 \times 10 \times \pi - 2 \times 2 \times \pi = 96\pi (\text{cm}^2)$

23. 다음 그림은 한 변의 길이가 7m인 오각형 모양의 화단에서 이 화단의 밖으로 폭 4m인 길에 딱 맞는 공이 굴러갈 때, 공이 굴러간 자리의 넓이를 구하여라.



▶ 답: $\underline{\underline{m^2}}$

▷ 정답: $140 + 16\pi \underline{\underline{m^2}}$



(공이 굴러간 자리의 넓이) $= 7 \times 4 \times 5 + \pi \times 4^2 = 140 + 16\pi$
(m^2) 이다.

24. 어떤 부채꼴의 호의 길이가 3π cm이고, 넓이가 6π cm²이다. 중심각의 크기를 x° 라 할 때, $\frac{x}{5}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 27

해설

반지름의 길이를 r cm 라 하면

$$\frac{1}{2} \times 3\pi \times r = 6\pi$$

$$r = 4(\text{cm})$$

중심각의 크기를 x° 라 하고,
부채꼴 호의길이 구하는 공식을 적용하면

$$l = 2\pi r \times \frac{\theta}{360^\circ} \text{ 이므로}$$

$$2\pi \times 4 \times \frac{x^\circ}{360^\circ} = 3\pi$$

따라서 $x^\circ = 135^\circ$ 이다.

$$\therefore \frac{x}{5} = \frac{135}{5} = 27$$

25. 꼭짓점의 개수가 22 개인 각기둥, 각뿔, 각뿔대를 순서대로 구한 것은?

- ① 십일각기둥, 십일각뿔, 십일각뿔대
- ② 십일각기둥, 십이각뿔, 십일각뿔대
- ③ 십일각기둥, 이십일각뿔, 십일각뿔대
- ④ 십일각기둥, 십삼각뿔, 십일각뿔대
- ⑤ 십일각기둥, 십사각뿔, 십각뿔대

해설

n 각기둥의 꼭짓점의 개수는 $2n$ 이므로

$$2n = 22 \quad \therefore n = 11$$

따라서 십일각기둥이다.

n 각뿔의 꼭짓점의 개수는 $n + 1$ 이므로

$$n + 1 = 22 \quad \therefore n = 21$$

따라서 이십일각뿔이다.

n 각뿔대의 꼭짓점의 개수는 $2n$ 이므로

$$2n = 22 \quad \therefore n = 11$$

따라서 십일각뿔대이다.