

1. $\triangle ABC$ 에서 점 I가 내심일 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 20° ② 25° ③ 30° ④ 40° ⑤ 50°

2. 다음 그림의 점 I는 삼각형 PQR의 내심이다. $\angle P = 30^\circ$ 일 때, $x + y$ 의 값을 구하면?



- ① 60° ② 65° ③ 70° ④ 75° ⑤ 80°

3. 다음 그림의 평행사변형 ABCD에서 \overline{BE} 는 $\angle ABC$ 의 이등분선이고,
 $\overline{AB} = 5\text{ cm}$, $\overline{BC} = 9\text{ cm}$ 일 때, \overline{DE} 의 길이를 구하여라.



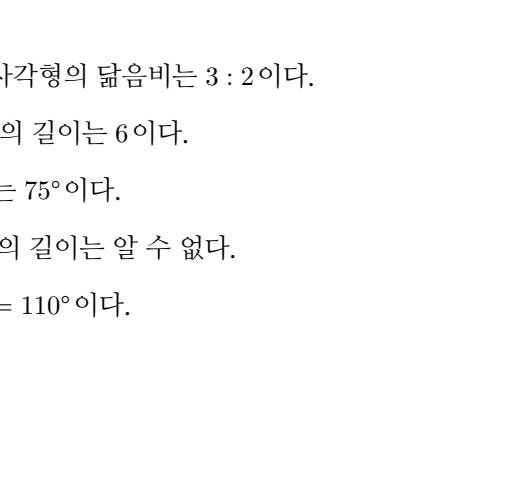
▶ 답: _____ cm

4. 평행사변형 ABCD에서 \overline{AF} , \overline{BE} 는 각각 $\angle A$ 와 $\angle B$ 의 이등분선이다. $\angle AEB + \angle AFB$ 의 크기는?

- ① 70° ② 75° ③ 80°
④ 85° ⑤ 90°



5. 다음 그림에서 $\square ABCD \sim \square GHEF$ 일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?



- ① 두 사각형의 닮음비는 $3 : 2$ 이다.
- ② \overline{GH} 의 길이는 6이다.
- ③ $\angle H$ 는 75° 이다.
- ④ \overline{FG} 의 길이는 알 수 없다.
- ⑤ $\angle F = 110^\circ$ 이다.

6. 다음 직사각형 $\square ABCD$ 와 $\square EFGH$ 에 대하여 $\square ABCD \sim \square EFGH$ 이고, 넓음비가 $1 : 2$ 일 때 $\square EFGH$ 의 둘레의 길이의 합을 a 와 b 로 옳게 나타낸 것은?

① $2(a + b)$ ② $3(a + b)$

③ $4(a + b)$ ④ $5(a + b)$

⑤ $6(a + b)$



7. 다음 그림에서 \overline{AC} 의 길이를 구하여라.



▶ 답: _____

8. 평행사변형 ABCD에서 \overline{BC} , \overline{CD} 의 중점을 각각 P, Q라 하자. $\square ABCD = 84\text{cm}^2$ 일 때, $\triangle APQ$ 의 넓이는 얼마인가?



① 29.5cm^2 ② 30cm^2 ③ 30.5cm^2

④ 31cm^2 ⑤ 31.5cm^2

9. $\triangle ABC$ 에서 점 D, E, F는 각 변을 2 : 1로 내분하는 점이다. $\triangle ADF = 4\text{ cm}^2$ 일 때, $\triangle DEF$ 의 넓이는?

- ① $\frac{8}{9}\text{ cm}^2$ ② $\frac{32}{9}\text{ cm}^2$ ③ $\frac{46}{9}\text{ cm}^2$
④ 6 cm^2 ⑤ 8 cm^2



10. 다음 그림의 삼각뿔 $O - ABC$ 에서 $\triangle A'B'C'$ 을 포함하는 평면과 $\triangle ABC$ 를 포함하는 평면이 서로 평행할 때, $O - ABC$ 와 $O - A'B'C'$ 의 닮음비는?



- ① 3 : 5 ② 5 : 2 ③ 8 : 3 ④ 5 : 3 ⑤ 3 : 8

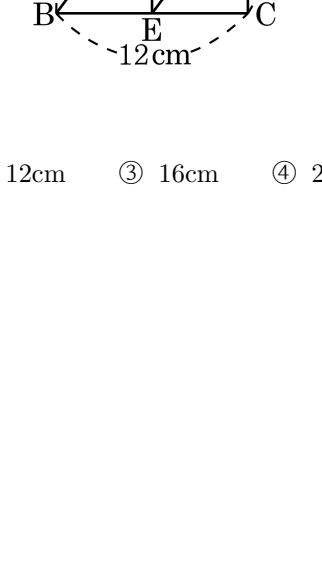
- ① $\triangle ABE$ ② $\triangle ADC$ ③ $\triangle BCF$
④ $\triangle AED$ ⑤ $\triangle CDF$

12. 다음 그림은 $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC 의 꼭짓점 A 에서 변 BC 위에 수선의 발을 내린 것이다. 다음 중 옳지 않은 것은?



- ① $\triangle ABC \sim \triangle HBA$ ② $\triangle HAC \sim \triangle HBA$
③ $\overline{AB}^2 = \overline{BH} \cdot \overline{BC}$ ④ $\overline{AC}^2 = \overline{CH} \cdot \overline{CB}$
⑤ $\overline{AH}^2 = \overline{HB} \cdot \overline{HC}$

13. $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = 20\text{cm}$, $\overline{BC} = 12\text{cm}$, $\overline{CA} = 16\text{cm}$ 이고, 세 변의 중점을 각각 D, E, F, $\triangle DEF$ 의 세 변의 중점을 각각 G, H, I라 할 때, $\triangle GHI$ 의 둘레의 길이는?



- ① 8cm ② 12cm ③ 16cm ④ 20cm ⑤ 24cm

14. 다음 그림과 같이 $\triangle ABC$ 의 무게중심을 G라 할 때, \overline{AG} 를 한 변으로 하는 정사각형의 넓이와 \overline{GD} 를 한 변으로 하는 정사각형의 넓이의 비를 구하면?



- ① 3 : 1 ② 5 : 2 ③ 4 : 3 ④ 4 : 1 ⑤ 2 : 1

15. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 점D, E, F, G는 \overline{AB} , \overline{AC} 의 삼등분점이다. $\triangle ADF = 4\text{cm}^2$ 일 때, $\square DEGF$ 와 $\square EBCG$ 의 넓이를 각각 구하여라.



▶ 답: $\square DEGF = \underline{\hspace{2cm}}$ cm^2

▶ 답: $\square EBCG = \underline{\hspace{2cm}}$ cm^2

16. 다음 그림과 같이 그릇의 안이 원뿔대 모양인 그릇에 물을 부어서 높이가 절반이 되도록 하였다. 들어갈 수 있는 물의 최대 부피가 448cm^3 일 때, 현재 물의 부피는 몇 cm^3 인가?



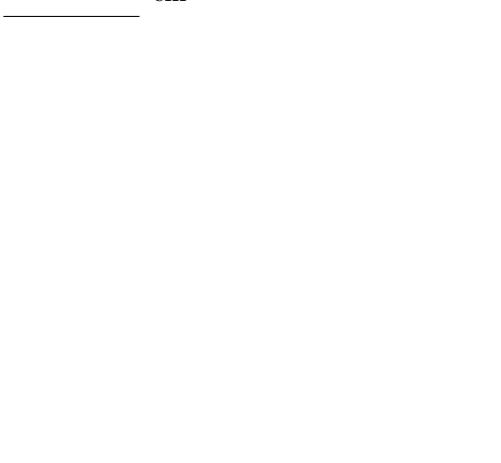
- ① 144cm^3 ② 152cm^3 ③ 164cm^3
④ 186cm^3 ⑤ 224cm^3

17. 다음 그림은 두 지점 A, B 사이의 거리를 재기 위하여 축척이 $\frac{1}{1000}$ 인 축도를 그린 것이다. A, B 사이의 실제의 거리를 구하여라.



▶ 답: _____ m

18. 다음 그림과 같이 $\triangle ABC$ 의 꼭짓점 A에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발을 D라 하고, \overline{AC} 의 중점 M을 지나 \overline{AB} 에 평행한 선과 \overline{BC} 의 교점을 E라 하자. $\angle B = 2\angle C$, $\overline{AB} = 6\text{cm}$, $\overline{ME} = 3\text{cm}$ 일 때, \overline{DE} 의 길이를 구하여라.



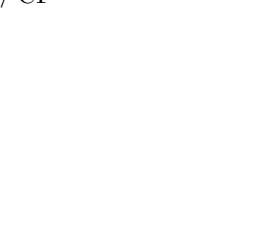
▶ 답: _____ cm

19. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 점 O는 외심이다. $\angle BAO = 20^\circ$, $\angle OBC = 30^\circ$ 일 때, $\angle AOC$ 의 크기를 구하면?



- ① 60° ② 80° ③ 100° ④ 120° ⑤ 140°

20. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD 의 꼭
짓점 A, C 에서 대각선 BD 에 내린 수선의
발을 각각 E, F 라 할 때, 다음 중 옳지 않은
것은?



① $\overline{AB} = \overline{DC}$

② $\angle ABE = \angle CDF$

③ $\triangle ABE \cong \triangle CDF$

④ $\overline{AE} // \overline{CF}$

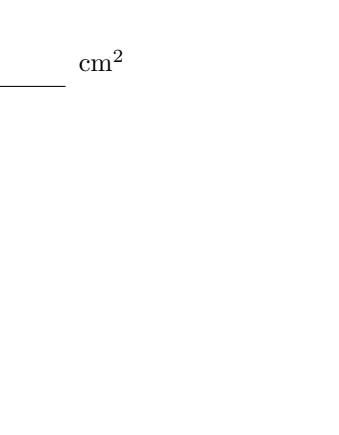
⑤ $\overline{AE} = \overline{CE}$

21. 다음 그림에서 $\overline{AB} = 4\text{cm}$, $\overline{AD} = 12\text{cm}$ 인
평행사변형 $ABCD$ 의 변 위를 점 P 는 매초
0.2cm 의 속도로 점 A 에서 B 를 지나 C 까지
움직이고, 점 Q 는 매초 0.3cm 의 속도로 점 A
에서 D 를 지나 C 까지 움직인다. 점 P , Q 가
점 A 를 동시에 출발하고부터 $\triangle ABP$ 와 $\triangle CDQ$ 가 합동이 되는 것은
몇 초 후인지 구하여라.

▶ 답: _____ 초 후



22. 다음 직사각형 ABCD에서 점 M, N은 각각 \overline{AB} , \overline{CD} 의 중점이다.
 \overline{AN} , \overline{MC} 가 대각선 \overline{BD} 와 만나는 점을 각각 P, Q라 할 때, $\square PQCN$ 의 넓이를 구하여라.



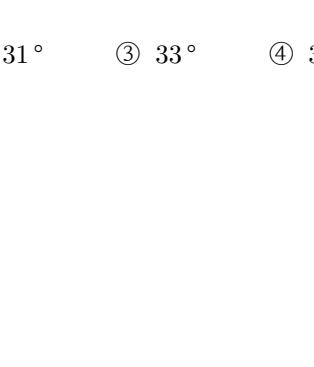
▶ 답: _____ cm^2

23. 다음 그림과 같이 한 변의 길이가 10cm인 정사각형 ABCD에서 $\triangle CQP$ 의 넓이가 40cm^2 일 때, $\triangle PQA$ 의 넓이를 구하여라.



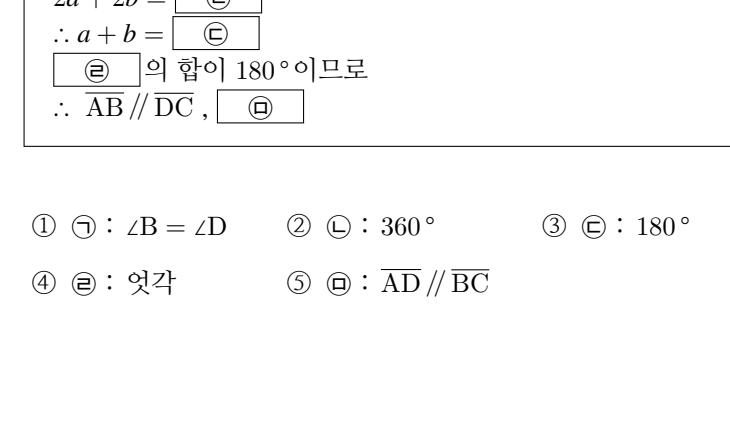
▶ 답: _____ cm^2

24. 다음 그림의 $\square ABCD$ 는 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 인 등변사다리꼴이다. $\overline{AB} = \overline{AD}$, $\angle BDC = 81^\circ$ 일 때, $\angle DBC$ 의 크기는?



- ① 28° ② 31° ③ 33° ④ 35° ⑤ 37°

25. 다음은 ‘두 쌍의 대각의 크기가 각각 같은 사각형은 평행사변형이다.’
를 설명하는 과정이다. ① ~ ⑤에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?



□ABCD에서 $\angle A = \angle C$, [①]

$$\angle A = \angle C = a$$

[①] = b 라 하면

$$2a + 2b = [②]$$

$$\therefore a + b = [③]$$

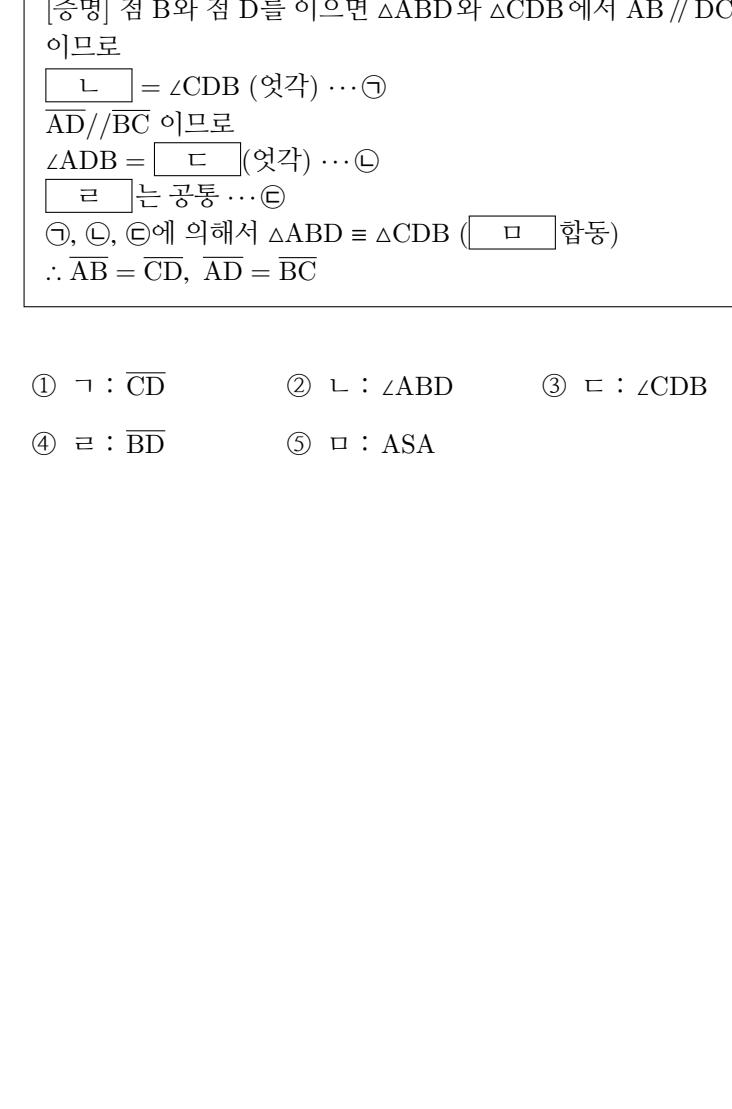
[④]의 합이 180° 이므로

$$\therefore \overline{AB} \parallel \overline{DC}, [⑤]$$

① ⑦ : $\angle B = \angle D$ ② ⑨ : 360° ③ ⑩ : 180°

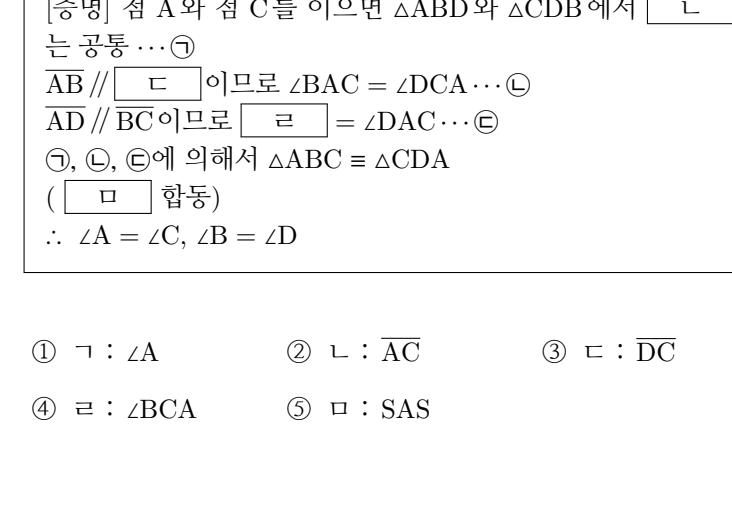
④ ⑧ : 엇각 ⑤ ⑥ : $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

26. 다음은 ‘평행사변형에서 두 쌍의 대변의 길이는 각각 같다.’ 를 증명한 것이다. \sim \square 에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?



- ① $\neg : \overline{CD}$ ② $\lhd : \angle ABD$ ③ $\lhd : \angle CDB$
④ $\lhd : \overline{BD}$ ⑤ $\square : ASA$

27. 다음은 ‘평행사변형에서 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.’를 증명한 것이다. \sim \square 에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?



[가정] $\square ABCD$ 에서 $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

[결론] $\boxed{\neg} = \angle C$, $\angle B = \angle D$

[증명] 점 A와 점 C를 이으면 $\triangle ABD$ 와 $\triangle CDB$ 에서 $\boxed{\lhd}$

는 공통 ... ①

$\overline{AB} \parallel \boxed{\lhd}$ 이므로 $\angle BAC = \angle DCA \cdots \textcircled{1}$

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이므로 $\boxed{\lhd} = \angle DAC \cdots \textcircled{2}$

①, ②, ③에 의해 $\triangle ABC \cong \triangle CDA$

($\boxed{\square}$ 합동)

$\therefore \angle A = \angle C$, $\angle B = \angle D$

① $\neg : \angle A$

② $\lhd : \overline{AC}$

③ $\lhd : \overline{DC}$

④ $\lhd : \angle BCA$

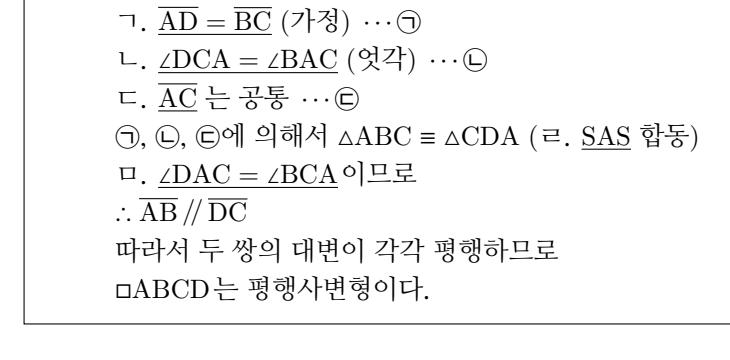
⑤ $\square : \text{SAS}$

28. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 의 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분함을 증명하고 할 때, 다음 중 필요한 것은?



- ① $\triangle ABC \cong \triangle CDA$ ② $\triangle ABD \cong \triangle CDB$
③ $\triangle ABO \cong \triangle CDO$ ④ $\triangle OBC \cong \triangle OCD$
⑤ $\triangle OCD \cong \triangle ODA$

29. 다음은 ‘한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같은 사각형은 평행사변형이다.’를 증명하는 과정이다. 밑줄 친 부분 중 틀린 곳을 모두 고르면?



가정) $\square ABCD$ 에서 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$, $\neg. \overline{AD} = \overline{BC}$

결론) $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$

증명) 대각선 AC 를 그으면

$\triangle ABC$ 와 $\triangle CDA$ 에서

$\neg. \overline{AD} = \overline{BC}$ (가정) $\cdots \textcircled{\textcircled{1}}$

$\neg. \angle DCA = \angle BAC$ (엇각) $\cdots \textcircled{\textcircled{2}}$

$\neg. \overline{AC}$ 는 공통 $\cdots \textcircled{\textcircled{3}}$

$\textcircled{1}, \textcircled{2}, \textcircled{3}$ 에 의해 $\triangle ABC \cong \triangle CDA$ ($\therefore. \text{SAS} \text{ 합동}$)

$\square. \angle DAC = \angle BCA$ 이므로

$\therefore \overline{AB} \parallel \overline{DC}$

따라서 두 쌍의 대변이 각각 평행하므로

$\square ABCD$ 는 평행사변형이다.

① \neg

② \neg

③ \neg

④ \neg

⑤ \square

30. 다음 그림에서 평행사변형을 모두 몇 개나 찾을 수 있는가?



- ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개