

1. 다음 중 순환소수 $x = 0.\dot{2}6$ 을 분수로 나타내려고 할 때, 가장 편리한 식은?

- ① $10x - x$ ② $100x - x$ ③ $100x - 10x$
④ $1000x - 10x$ ⑤ $1000x - 100x$

해설

첫 순환마디 뒤에 소수점이 오게 100 을 곱한 수에서 첫 순환마디 앞에 소수점이 오게 1 을 곱한 수를 빼야 한다. 즉, $100x - x$ 가 된다.

2. 순환소수 $8.\dot{6}0\dot{3}$ 를 분수로 나타내면?

- ① $\frac{8603}{999}$ ② $\frac{8595}{900}$ ③ $\frac{191}{20}$ ④ $\frac{955}{111}$ ⑤ $\frac{8595}{909}$

해설

$$\frac{8603 - 8}{999} = \frac{8595}{999} = \frac{955}{111}$$

3. $x = 8.04$ 라 할 때, 계산결과가 가장 작은 정수가 되도록 하는 식은?

- ① $100x - x$ ② $100x - 10x$ ③ $1000x - x$
④ $1000x - 10x$ ⑤ $1000x - 100x$

해설

$$100x - 10x = 804 - 80 = 724$$

4. 다음 중 $x = 1.27\bar{3}$ 을 분수로 나타내는 과정에서 필요한 계산은?

- ① $1000x - x$ ② $1000x - 10x$ ③ $100x - 10x$
④ $10000x - 100x$ ⑤ $10000x - 10x$

해설

$$1000x - 10x = 1261$$

5. 순환소수 $4.0\dot{1}9$ 를 분수로 나타낼 때 옳은 것은?

- ① $\frac{4019}{999}$ ② $\frac{4015}{990}$ ③ $\frac{402}{111}$ ④ $\frac{201}{50}$ ⑤ $\frac{201}{55}$

해설

$$4.0\dot{1}9 = \frac{4019 - 401}{900} = \frac{3618}{900} = \frac{402}{100} = \frac{201}{50}$$

6. $x = 3.10\bar{2}$ 일 때, $1000x - 100x$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2792

해설

1000을 곱하면 $1000x = 3102.222\cdots$

100을 곱하면 $100x = 310.222\cdots$

$1000x - 100x = 2792$ 이다.

7. $0.\dot{4}1\dot{5} = x$ 라 할 때, $x \times (10^3 - 1)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 415

해설

$$x \times (10^3 - 1) = \frac{415}{999} \times 999 = 415$$

8. $x = 1.\dot{8}2$ 를 분수로 나타내기 위한 가장 편리한 식은?

- ① $10x - x$ ② $100x - x$ ③ $1000x - x$
④ $100x - 10x$ ⑤ $1000x - 10x$

해설

$x = 1.\dot{8}2$ 에서
 $x = 1.82828282\dots$
 $100x = 182.82828282\dots$
등식의 성질에 의해 $100x - x = 181$ 이라 같이 해야 소수점 이하 부분이 없어진다.

9. $x = 1.222\cdots$ 일 때, $10x - x$ 의 값은?

- ① 1.1 ② 1.2 ③ 11 ④ 12 ⑤ 12.22

해설

10 을 곱하면 $10x = 12.222\cdots$
 $x = 1.222\cdots$ 이므로
 $10x - x = 11$ 이다.

10. 다음은 순환소수 $0.4\dot{3}5$ 를 분수로 나타내는 과정이다. ① ~ ⑤ 안에 들어갈 숫자로 옳지 않은 것은?

$0.4\dot{3}5 = x$ 라 하면
 $x = 0.4\dot{3}5 = 0.43535 \dots$
① $x = 4.3535 \dots$ ㉠
② $x = 435.3535 \dots$ ㉡
㉡에서 ㉠을 변끼리 빼면
③ $x = 4$
 $\therefore x = 5$

- ① 10 ② 1000 ③ 999 ④ 431 ⑤ $\frac{431}{990}$

해설

- ① 10
② 1000
③ 990
④ 431
⑤ $\frac{431}{990}$

11. 다음은 순환소수 $2.3\bar{2}$ 를 분수로 나타내는 과정이다. () 안에 알맞지 않은 것은?

2.3 $\bar{2}$ 를 x 라고 하면
 $x = 2.3222\dots$...①
 $(\text{㉠}) = 232.222\dots$...②
 $10x = (\text{㉡})$...③
②에서 ③을 뺀다
 $(\text{㉢})x = (\text{㉣})$
 $\therefore x = (\text{㉤})$

- ① $100x$ ② 23.22 ③ 90 ④ 209 ⑤ $\frac{209}{90}$

해설

- ① $100x$
② $23.2222\dots$
③ 90
④ 209
⑤ $\frac{209}{90}$

12. 다음 순환소수 $1.4\overline{35}$ 를 분수로 나타내려고 한다. $x = 1.4\overline{35}$ 라 할 때, 필요한 식은?

① $10x - x$

② $100x - x$

③ $1000x - x$

④ $100x - 10x$

⑤ $1000x - 10x$

해설

$x = 1.4\overline{35} = 1.4353535\cdots$ 이므로 분수로 나타내기 위한 식은 $1000x - 10x$ 이다.

13. 다음 중 $x = 13.5434343\dots$ 을 분수로 나타내는 계산에서 쓰이는 식은?

① $10x - x$

② $100x - x$

③ $1000x - 100x$

④ $100x - 10x$

⑤ $1000x - 10x$

해설

$x = 13.5434343\dots$ 을 분수로 나타내기 위한 식은 $1000x - 10x$ 이다.

14. 다음 중 $x = 21.1\dot{0}3$ 을 분수로 나타내는 계산에서 쓰이는 식은?

- ① $10x - x$ ② $100x - x$ ③ $1000x - 100x$
④ $100x - 10x$ ⑤ $1000x - x$

해설

$x = 21.1\dot{0}3 = 21.10333\cdots$ 이므로 이를 분수로 나타내기 위한 식은 $1000x - 100x$ 이다.

15. 다음은 순환소수 $0.2\bar{13}$ 을 분수로 고치는 과정이다. ()안의 수가 옳은 것은?

$$\begin{aligned}
 &x = 0.21313\cdots \\
 &(\textcircled{1}) x = 2.1313\cdots \cdots \cdots \textcircled{㉠} \\
 &(\textcircled{2}) x = 213.1313\cdots \cdots \cdots \textcircled{㉡} \\
 &\textcircled{㉡}에서 \textcircled{㉠}을 빼면 \\
 &(\textcircled{3}) x = (\textcircled{4}) \\
 &\therefore x = (\textcircled{5})
 \end{aligned}$$

- ① 10000 ② 100 ③ 999
 ④ 211 ⑤ $\frac{211}{999}$

해설

$$\begin{aligned}
 &x = 0.21313\cdots \\
 &10x = 2.1313\cdots \cdots \cdots \textcircled{㉠} \\
 &1000x = 213.1313\cdots \cdots \cdots \textcircled{㉡} \\
 &\textcircled{㉡}에서 \textcircled{㉠}을 뺀끼리 빼면 \\
 &990x = 211 \\
 &\therefore x = \frac{211}{990}
 \end{aligned}$$

16. $x = 2.3$ 일 때, $x + \frac{1}{\frac{1}{x} - 1}$ 의 값을 구하면?

- ① $\frac{53}{90}$ ② $\frac{12}{45}$ ③ $\frac{7}{12}$ ④ $\frac{7}{30}$ ⑤ $\frac{2}{9}$

해설

$$\begin{aligned}x &= \frac{21}{9} \\(\text{준식}) &= x + \frac{1}{\frac{1}{1-x}} \\&= x + \frac{x}{1-x} \\&= \frac{21}{9} + \frac{9}{1-\frac{21}{9}} \\&= \frac{21}{9} - \frac{21}{17} = \frac{84}{36} - \frac{63}{36} \\&= \frac{9}{36} = \frac{1}{4}\end{aligned}$$

17. 다음은 $1.\dot{3}5$ 를 분수로 나타내는 과정이다. 안에 알맞은 수를 차례대로 구하여라.

[과정] $1.\dot{3}5$ 를 x 라 두면,

$$x = 1.3535\cdots \textcircled{1}$$

$$\textcircled{\hspace{1cm}} x = 135.3535\cdots \textcircled{2}$$

②-① 을 계산하면

$$\textcircled{\hspace{1cm}} x = \textcircled{\hspace{1cm}}$$

$$\therefore x = \frac{\textcircled{\hspace{1cm}}}{\textcircled{\hspace{1cm}}}$$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 100

▷ 정답: 99

▷ 정답: 134

▷ 정답: 134

▷ 정답: 99

해설

$1.\dot{3}5$ 를 x 라 두면,

$$x = 1.3535\cdots \textcircled{1}$$

$$100x = 135.3535\cdots \textcircled{2}$$

②-① 을 계산하면

$$99x = 134$$

$$\therefore x = \frac{134}{99}$$

18. $x = 0.\dot{5}8\dot{3}$ 일 때, $x \times (10^3 - 1)$ 은 몇 자리 정수인가?

- ① 한 자리 정수
- ② 두 자리 정수
- ③ 세 자리 정수
- ④ 네 자리 정수
- ⑤ 다섯 자리 정수

해설

$$x = 0.\dot{5}8\dot{3} = \frac{583}{999}$$
$$x \times (10^3 - 1) = \frac{583}{999} \times 999 = 583$$

19. 다음 중 순환소수를 x 로 놓고 분수로 고칠 때, $1000x - x$ 가 가장 편리하게 사용되는 것은?

- ① $0.5\bar{2}i$ ② $0.52i$ ③ $5.\bar{2}i$ ④ $5.2i$ ⑤ $5.5\bar{2}i$

해설

② $1000x$ 와 x 의 소숫점 아래 부분이 일치하는 $0.52i$ 을 분수로 고칠 때 가장 편리한 식이 된다.

20. $x = \frac{4}{7}$ 일 때, $10^6x - x$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 571428

해설

$x = \frac{4}{7} = 0.571428571428 \dots$ 이고

$10^6x = 571428.571428 \dots$ 이므로

$10^6x - x = 571428$ 이다.

21. $x = 3.4\overline{52}$ 일 때, $10^3x - 10x$ 의 값은?

- ① 3413 ② 3414 ③ 3415 ④ 3417 ⑤ 3418

해설

$$\begin{array}{r} 1000x = 3452.5252\cdots \\ -) 10x = 34.5252\cdots \\ \hline 990x = 3418 \end{array}$$

따라서 $10^3x - 10x = 1000x - 10x = 990x = 3418$ 이다.

22. $0.15\bar{8} = a \times 0.00\bar{1}$, $0.0\bar{5} = 5 \times b$ 일 때, ab 를 분수로 나타내어라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{143}{90}$

해설

$$\begin{aligned}\frac{158 - 15}{900} &= a \times \frac{1}{900}, & a &= 143 \\ \frac{5}{90} &= 5 \times b, & b &= \frac{1}{90} \\ \therefore ab &= \frac{143}{90}\end{aligned}$$