1. 다음 보기 중 평행사변형이 되는 것을 모두 고르면?

보기

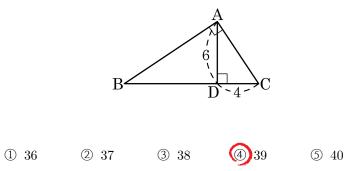
- ⊙ 두 쌍의 대변이 각각 평행한 사각형
- ⓒ 이웃하는 두 변의 길이가 같은 사각형
- © 두 대각선의 길이가 같은 사각형

② 한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같은 사각형

③¬, ⊜

평행사변형이 되는 조건에 해당하는 것은 ⋽, ② 이다.

2. 다음 그림과 같이 $\angle A=90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC 의 꼭짓점 A 에서 변 \overline{BC} 에 내린 수선의 발을 D 라고 할 때, $\triangle ABC$ 의 넓이는?

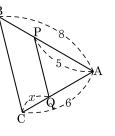


 $\triangle ADB$ 와 $\triangle CDA$ 가 닮음이고 $6^2 = \overline{BD} \times 4$ 이다. 따라서 $\overline{BD} = 9$

해설

이므로 $\triangle ABC$ 의 넓이는 $13 \times 6 \times \frac{1}{2} = 39$ 이다.

- $oldsymbol{3}$. 그림과 같이 $\overline{ ext{PQ}}$ 와 $\overline{ ext{BC}}$ 가 평행할 때, $\overline{ ext{QC}}$ 의 길이를 구하여라.



ightharpoonup 정답: $rac{9}{4}$

▶ 답:

8:5=6:(6-x)

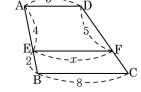
 $\therefore x = \frac{9}{4}$

다음 그림에서 $\overline{
m AD}$ $/\!/\,\,\overline{
m EF}$ $/\!/\,\,\overline{
m BC}$ 일 때, x 의 **4.** 값은?

② 5.5 ① 5

3 6

37 4 6.5



해설 $\overline{
m DC}$ // $\overline{
m AH}$ 인 직선 AH 를 그으면

 $\overline{\mathrm{EG}} = x - 5$

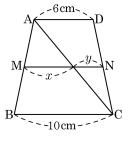
 $\overline{BH} = 3$

 $\overline{\mathrm{AB}}:\overline{\mathrm{AE}}=\overline{\mathrm{BH}}:\overline{\mathrm{EG}}$

6:4=3:(x-5)

 $\therefore x = 7$

5. 다음 그림과 같이 \overline{AD} $/\!/\overline{BC}$ 인 사다리꼴 ABCD 에서 \overline{AB} , \overline{CD} 의 중점을 각각 M, N 라 할 때, x+y의 길이를 구하여라.



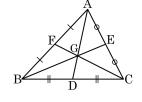
정답: 8 cm

▶ 답:

 $x = \frac{1}{2}\overline{BC} = 5 \text{ (cm)}$ $y = \frac{1}{2}\overline{AD} = 3 \text{ (cm)}$ x + y = 8 (cm)

 $\underline{\mathrm{cm}}$

6. 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것을 고르시오.



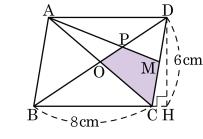
- ① 삼각형의 한 꼭짓점과 그 대변의 중점을 이은 선분을 삼각형의 중선이라고 한다.② 삼각형의 세 중선이 만나는 점을 무게중심이라고 한다.
- ③ 위의 그림에서 $\triangle ABD = \triangle ACD$ 이다.
- ④ 삼각형의 무게중심은 세 중선의 길이를 각 변으로부터 2 : 1 로
- 나눈다. ⑤ 정삼각형의 무게중심, 내심, 외심은 일치한다.

④ 삼각형의 무게중심은 세 중선의 길이를 각 꼭짓점으로부터

해설

2 : 1 로 나눈다.

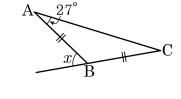
다음 그림의 평행사변형 ABCD 에서 $\overline{BC}=8 \mathrm{cm}, \ \overline{DH}=6 \mathrm{cm}, \ \overline{CM}=\overline{DM}$ 일 때, □OCMP 의 넓이는? 7.



- \bigcirc 6cm² 4 12cm^2
- 28cm^2 \bigcirc 14cm²
- $3 10 \text{cm}^2$

점 P 는 \triangle ACD 의 무게중심이므로 $\square OCMP = \frac{1}{3} \triangle ACD = \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \square ABCD = \frac{1}{6} \times 48 = 8(cm^2)$

8. 다음 그림과 같이 $\overline{AB}=\overline{BC}$ 인 이등변삼각형 ABC 에서 $\angle A=27^\circ$ 일 때, ∠x 의 크기는?



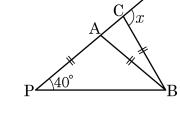
① 54°

② 56° ③ 58° ④ 60°

⑤ 62°

 $\angle x = 27^{\circ} + 27^{\circ} = 54^{\circ}$

9. 다음 그림에서 $\angle P=40^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는? (단, $\overline{AP}=\overline{AB}=\overline{BC}$



4 105°

⑤ 110°

③100°

△APB 는 이등변삼각형이므로

해설

① 90°

 $\angle P = \angle ABP = 40^{\circ}$ $\angle BAC = 40^{\circ} + 40^{\circ} = 80^{\circ}$ ΔABC 는 이등변삼각형이므로

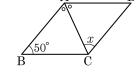
② 95°

 $\angle BAC = \angle BCA = 80^{\circ}$ $\therefore \angle x = 180^{\circ} - 80^{\circ} = 100^{\circ}$

10. 평행사변형 ABCD 에서 $\angle x = ($)° 이다. () 안에 알맞은 수를 구하여라.

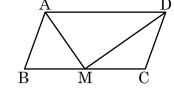






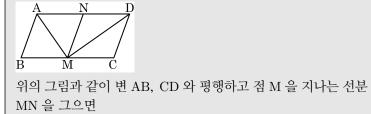
$$\angle x = \frac{1}{2} \angle A \ ()$$
 ()
 $\angle A = 130^{\circ}$
 $\therefore \angle x = 65^{\circ}$

11. 다음과 같이 $\overline{AD}=2\overline{AB}$ 인 평행사변형 ABCD 에서 점 M 은 변 BC 의 중점일 때, $\angle BMA+\angle CMD$ 의 값을 구하여라.



답:

➢ 정답: 90°



 $\overline{AB} = \overline{BM} = \overline{CM} = \overline{DC}$ 이므로 $\triangle ABM$ 과 $\triangle CDM$ 은 이등변삼 각형이다.

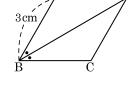
각의 총합은 360°이므로 ∠BAM + ∠BMA + ∠CMD + ∠CDM = 180°

 ΔABM 과 ΔCDM 에서 $\angle B + \angle C = 180$ ° 이고 두 삼각형의 내

∠BAM = ∠BMA, ∠CMD = ∠CDM 이므로 2(∠BMA + ∠CMD) = 180°

 $\therefore \angle BMA + \angle CMD = 90^{\circ}$

12. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에서 대각선 BD 를 그었더니 $\angle ABD = \angle DBC$ 가 되었다. $\overline{AB} = 3 \mathrm{cm}$ 일 때, \overline{AD} 의 길이를 구하여라.



정답: 3<u>cm</u>

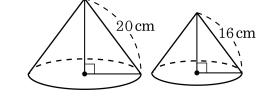
 $\overline{\mathrm{AD}} \ /\!\!/ \ \overline{\mathrm{BC}}$ 이므로 $\angle \mathrm{DBC} = \angle \mathrm{BDA} \ (\because \ orall \ \Upsilon)$ 이므로

▶ 답:

∠ABD = ∠ADB 이므로 △ABD 는 이등변삼각형 ∴ $\overline{AB} = \overline{AD} = 3 \mathrm{cm}$

 $\underline{\mathrm{cm}}$

13. 다음 그림에서 두 원뿔이 서로 닮은 도형일 때, 두 원뿔의 밑면의 지름의 길이의 비가 a:b 이다. 이때, a+b의 값을 구하여라. (단, a,b는 서로소)



 답:

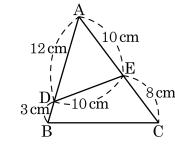
 ▷ 정답:
 9

해설

두 원뿔이 닮음이므로 모선의 길이의 비와 밑면의 지름의 길이의

비가 같으므로 20 : 16 = 5 : 4이다. 따라서 a+b=9 이다.

14. 다음 그림에서 \overline{BC} 의 길이는?



① 13cm

② 14cm

③15cm

4 16cm

⑤ 17cm

∠A가 공통이고,

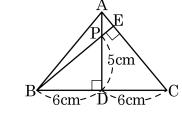
 $\overline{AB} : \overline{AE} = \overline{AC} : \overline{AD} = 3 : 2$ 이므로

 $\triangle ABC \hookrightarrow AED (SAS 닮음)$ $3:2 = \overline{BC}:10$

 $\overline{\mathrm{BC}} = 15 (\mathrm{cm})$

20 10(011)

15. 아래 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AD} \bot \overline{BC}$, $\overline{AC} \bot \overline{BE}$ 이고, \overline{BE} 와 \overline{AD} 의 교점을 P 라고 한다. $\overline{BD} = \overline{DC} = 6 \mathrm{cm}$, $\overline{PD} = 5 \mathrm{cm}$ 일 때, \overline{AP} 의 길이는?



4 2.2cm

① 1cm

② 1.8cm

③ 2cm

 \bigcirc 2.35cm

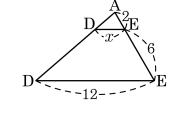
△BDP 와 △ADC 에서

 $\angle PBD = \angle CAD$, $\angle PDB = \angle CDA = 90^{\circ}$ 이므로

△BDP ∽ △ADC (AA 닮음) $\overline{\mathrm{BD}}:\overline{\mathrm{PD}}=\overline{\mathrm{AD}}:\overline{\mathrm{CD}}$ 이므로 $6:5=\overline{\mathrm{AD}}:6$

 $\overline{AD} = \frac{36}{5}$ $\therefore \overline{AP} = \frac{36}{5} - 5 = \frac{11}{5} = 2.2 \text{ (cm)}$

 ${f 16}$. 다음 그림에서 ${\overline {
m BC}}//{\overline {
m DE}}$ 가 되도록 하려면 x 의 길이는 얼마로 정하 여야 하는가?



① 2

3 4 4 5 5 6

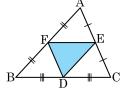
 $\overline{\mathrm{BC}}//\overline{\mathrm{DE}}$ 가 되려면 $\overline{\mathrm{AE}}:\overline{\mathrm{AC}}=\overline{\mathrm{DE}}:\overline{\mathrm{BC}}$ 이다.

해설

2:8=x:128x = 24

 $\therefore x = 3$

17. 다음 그림에서 △ABC 의 세 변의 중점이 각각
 D, E, F 이다. △ABC 의 넓이가 52 cm² 일
 때, △DEF 의 넓이를 구하여라.

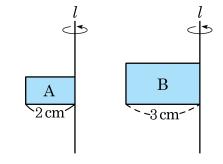


답: <u>cm²</u>
 > 정답: 13<u>cm²</u>

ΔABC 와 ΔDEF 의 닮음비가 2 : 1 이므로 넓이의 비는 4 : 1

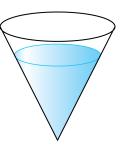
이다. $\therefore \triangle DEF = \frac{1}{4} \times 52 = 13 \text{ (cm}^2\text{)}$

18. 서로 닮음인 두 직사각형을 회전시킨 회전체 A 와 B 에 대하여 B 의 부피가 $15\pi {
m cm}^3$ 일 때, A 의 부피는 얼마인가?



두 회전체의 닮음비는 2:3 이므로 부피의 비는 8:27이다. A를 회전시킨 입체도형의 부피를 $x\pi\,\mathrm{cm}^3$ 라 하면 $x: 15\pi = 8: 27$ $\therefore x = \frac{40}{9}\pi (\text{cm}^3)$

19. 다음 그림은 부피가 $192 \, \mathrm{cm}^3$ 인 원뿔 모양의 그릇이다. 이 그릇의 $\frac{3}{4}$ 높이까지 물을 채웠을 때, 물의 부피를 구하여라.



▷ 정답: 81 cm³

 $\underline{\mathrm{cm}^3}$

▶ 답:

 $4^3:3^3=64:27$

64 : 27 = 192 : (물의 부피)

∴ (물의 부피)= 81 (cm³)

20. 다음은 「세 내각의 크기가 같은 삼각형은 정삼각형이다.」를 보이는 과정이다.

△ABC 에서 세 내각의 크기가 같으므로 (가) $\angle B = \angle C$ 이므로 $\overline{AB} = \boxed{(\downarrow)} \cdots \bigcirc$ $\angle A = \boxed{(다)}$ 이므로 $\overline{\overline{BA}} = \overline{\overline{BC}} \cdots \bigcirc$ ①, 🕒 에 의해서 (라) 따라서 △ABC 는 (마) 이다. (개~따에 들어갈 것으로 옳지 않은 것을 모두 고르면?

③ (CH) ∠C

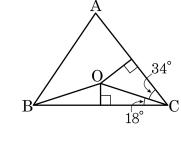
⑤ (마) 정삼각형

 $\triangle ABC$ 에서 세 내각의 크기가 같으므로 ($\angle A=\angle B=\angle C$) $\angle B = \angle C$ 이므로 $\overline{AB} = (\overline{AC}) \cdots$

 $\angle A = (\ \angle C\)$ 이므로 $\overline{BA} = \overline{BC} \cdots$ © ①, \bigcirc 에 의해서 ($\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CA}$)

따라서 △ABC 는 (정삼각형)이다.

21. 다음 그림의 ABC 에서 점 O 는 외심이다. ∠OCA = 34°, ∠OCB = 18°일 때, ∠OBA 의 크기는?



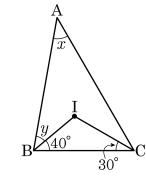
① 18° ② 34° ③ 36°

해설

438°

 \bigcirc 52 $^{\circ}$

 $\angle OBA + \angle OCB + \angle OCA = 90^{\circ}$ $\angle OBA = 90^{\circ} - \angle OCB - \angle OCA = 38^{\circ}$ **22.** 다음 그림에서 점 I가 삼각형의 내심일 때, $\angle x + \angle y$ 의 값은?



 $\angle x = 180^{\circ} - 2 \times (40^{\circ} + 30^{\circ}) = 40^{\circ}$

① 60° ② 65° ③ 70° ④ 75°

∴ ∠x = 40° みょわ みわ

점 I가 삼각형의 내각이므로 점 I와 삼각형의 꼭짓점을 이은 선분은 각을 이등분한다.

 $\therefore \angle y = 40^{\circ}$

 $\therefore \angle x + \angle y = 40^{\circ} + 40^{\circ} = 80^{\circ}$

23. 평행사변형 ABCD 에서 ∠x = ()°이 다. () 안에 알맞은 수는?

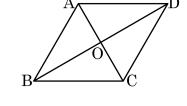
① 90 ② 85 ③ 80 ④ 75 ⑤ 70

 $\angle A + \angle D = 180^{\circ}$

해설

 $\frac{1}{2}(\angle A + \angle D) = 90^{\circ}$ $\therefore x = 180^{\circ} - 90^{\circ} = 90^{\circ}$

 ${f 24.}$ 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에 대하여 다음 중 옳지 ${\bf \underline{cc}}$ 것은?

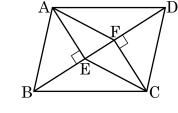


- ① $\overline{AD} = \overline{BC}$ ③ $\overline{BO} = \overline{DO}$

- © 2B110 21101

 $\overline{\mathrm{AD}} /\!/ \overline{\mathrm{BC}}$ 이므로 $\angle \mathrm{ADB} = \angle \mathrm{CBD}$

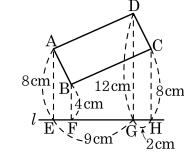
25. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD 의 두 꼭짓점 A, C 에서 대각선 BD 에 내린 수선의 발을 각각 E, F 라 할 때, □AECF 는 평행사변형이다. 이용되는 평행사변형이 되는 조건은?



- 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.
 두 대각선이 다른 것을 이등분한다.
- ③ 두 쌍의 대변이 각각 평행하다.
- ④ 한 쌍의 대변이 평행하고, 그 길이가 같다.
- ⑤ 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.

$\triangle ABE \equiv \triangle CDF(RHA 합동)$ 이므로 $\overline{AE} = \overline{CF}$

∠AEF = ∠CFE = 90° (엇각)이므로 ĀĒ//CF 따라서 한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같으므로 □AECF 는 평행사변형이다. 26. 다음 그림에서 □ABCD 는 평행사변형이다. 네 꼭짓점 A,B,C,D 와 직선 *l* 사이의 거리가 각각 8cm, 4cm, 12cm, 8cm 일 때, □ABCD 의 넓이로 옳은 것은?



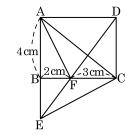
 44cm^2

- \bigcirc 29cm²
- $33 \, \mathrm{cm}^2$

$\square ABCD$ $= (\Box AEGD + \Box DGHC) - (\Box AEFB + \Box BFHC)$

- $=\left\{ \left(8+12\right)\times 9\times \frac{1}{2}+\left(8+12\right)\times 2\times \frac{1}{2}\right\}$
- $-\left\{ (4+8) \times 2 \times \frac{1}{2} + (8+4) \times 9 \times \frac{1}{2} \right\}$
- = (90 + 20) (12 + 54)
- $= 44 (cm^2)$

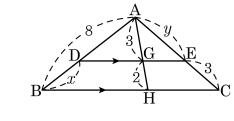
- 27. 다음 그림에서 직사각형 ABCD 에서 점 E 는 \overline{AB} 의 연장선 위의 점이고 \overline{DE} 와 \overline{BC} 의 교점이 F 이다. 이때 ΔFEC 의 넓이는?
 - ① 1 cm^2 ② 1.5 cm^2 ③ 2 cm^2 ④ 3 cm^2
 - U Jem (J)4en



그림에서 $\overline{\mathrm{BD}}$ 를 그으면, $\Delta\mathrm{BFD} = \Delta\mathrm{FEC}$ 이므로

 $\triangle FEC = \frac{1}{2} \times 2 \times 4 = 4 \text{ (cm}^2)$

28. 다음 그림에서 $\overline{\mathrm{BC}}\,/\!/\,\overline{\mathrm{DE}}$ 일 때, xy 의 값은?



① $\frac{72}{5}$ ② $\frac{73}{5}$ ③ $\frac{74}{5}$ ④ 15 ⑤ $\frac{82}{5}$

 $\overline{BH} / / \overline{DG}$ 이므로 8: x = (3+2):2 5x = 16 $x = \frac{16}{5}$

 $\overline{\mathrm{HC}} \ /\!/ \ \overline{\mathrm{GE}}$ 이므로 $3 \ : \ 2 = y \ : \ 3$ $y = \frac{9}{2}$ $\therefore xy = \frac{16}{5} \times \frac{9}{2} = \frac{72}{5}$

29. 어떤 직각삼각형 ABC의 외접원의 원의 넓이가 36π cm² 이라고 할때, 이 직각삼각형의 빗변의 길이는?

① 4cm ② 6 cm ③ 9cm ④ 12cm ⑤ 18cm

해설 직각삼각형의 외심은 빗변의 중심에 위치하므로

ΔABC의 외접원의 중심은 빗변의 중점이다. 외접원의 넓이가 36πcm² 이므로 반지름의 길이는 6cm이다. 따라서 이 삼각형의 빗변의 길이는 외접원의 지름의 길이와 같 으므로 12cm이다. **30.** 다음 그림에서 점 I 는 $\triangle ABC$ 의 내심이다. $\overline{AB}=15cm, \ \overline{AE}=7cm, \ \overline{BC}=13cm$ 일 때, \overline{GD} 의 길이를 구하여라.

15 cm F 7 cm
T E
T C

 $\underline{\mathrm{cm}}$

ightharpoonup 정답: $\frac{7}{9}$ $\underline{\text{cm}}$

v

▶ 답:

원 밖의 한 점에서 원에 그은 두 접선의 길이는 같다. $\overline{\rm AE}=\overline{\rm AF}=7{
m cm}$ 이므로 $\overline{\rm BF}=15-7=8{
m cm}$

 $\overline{BF} = \overline{BD} = 8 \text{cm}$ 이므로 $\overline{DC} = 13 - 8 = 5 \text{cm}$ $\overline{CE} = \overline{CD} = 5 \text{cm}$

 $\therefore \overline{AC} = 12cm$

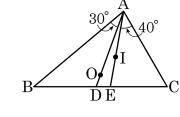
또한, $\overline{GD}=x$ cm 라 하면 $\overline{BD}=8$ cm, $\overline{DC}=5$ cm 이므로 $\overline{BG}=8-x$ (cm), $\overline{GC}=x+5$ (cm)

 $\overline{AB} : \overline{AC} = \overline{BG} : \overline{GC}$

15: 12 = (8 - x): (x + 5) ∴ $x = \frac{7}{9}$

따라서 $\overline{\mathrm{GD}} = \frac{7}{9} \mathrm{cm}$ 이다.

31. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 점 O 와 I 는 각각 삼각형의 외심과 내심이다. $\angle BAD = 30^\circ$, $\angle CAE = 40^\circ$ 일 때, $\angle ADE = (\)^\circ$ 이다. () 안에 알맞은 수를 구하여라.

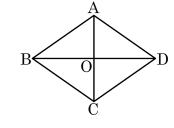


 ► 답:

 ▷ 정답:
 70

 $\angle BAE = \angle CAE$ 이므로 $\angle DAE = 10^{\circ}$, $\angle OBA = \angle OAB = 30^{\circ}$

∠OBC + ∠OBA + ∠OAC = 90°이므로 ∠OBC = 10° ∴ ∠ADE = ∠ABD + ∠BAD = 70° $oldsymbol{32}$. 다음 중 마름모 ABCD가 정사각형이 되기 위한 조건은?



 $\textcircled{4} \ \overline{BO} = \overline{DO} \qquad \qquad \textcircled{5} \ \overline{AD} // \overline{BC}$

 \bigcirc $\overline{AC} = \overline{BD}$ \bigcirc \bigcirc $\overline{AB} = \overline{BC}$

마름모의 대각선은 서로 다른 것을 수직이등분한다. 정사각형의

두 대각선은 길이가 같고, 서로 다른 것을 수직 이등분한다. $\therefore \ \overline{\mathrm{AC}} = \overline{\mathrm{BD}}$

33. 다음 보기 중에서 서로 닮은 도형은 모두 몇 개인가? 보기

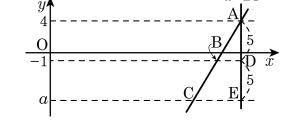
두 구, 두 정사면체, 두 정팔각기둥, 두 원뿔, 두 정육면체, 두 정육각형, 두 마름모, 두 직각삼각형, 두 직육면체, 두 원기둥, 두 직각이등변삼각형

① 5 7H ② 6 7H ③ 7 7H ④ 8 7H ⑤ 4 7H

서로 닮은 도형은 구와 정사면체, 정육각형, 정육면체, 직각이등

변삼각형이다.

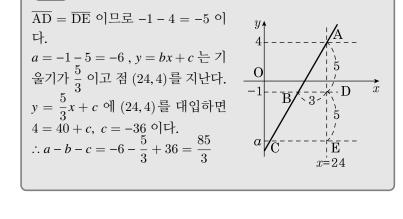
34. 세 직선 $y=4,\ y=-1,\ y=a(a<0)$ 와 직선 $y=bx+c\ (b>0)$ 의 교점을 각각 A, B, C 라 하고, 점 A 를 지나는 직선 x=24 와 $y=-1,\ y=a$ 의 교점을 각각 D, E 라 할 때, $\overline{AD}=5,\ \overline{DE}=5,\ \overline{BD}=3$ 이다. 이때, a-b-c 의 값을 구하여라.



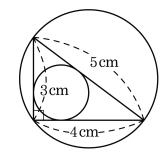
▷ 정답:

00.

답:



35. 다음 그림과 같이 세 변의 길이가 3cm, 4cm, 5cm 인 직각삼각형의 외접원과 내접원의 넓이의 비는?



② 25:4 ③ 4:25 ④ 4:21 ⑤ 21:4

외접원의 지름은 $5\,\mathrm{cm}$ 이다.

해설

① 3:5

내접원의 반지름을 $r \operatorname{cm}$ 라 하면 $\frac{r}{2}(3+4+5) = \frac{1}{2} \times 3 \times 4$ 이고,

r = 1 , 내접원의 반지름이 1 cm 이므로 지름은 2 cm 이다. 따라서 두 원의 닮음비는 5 : 2 이므로 넓이의 비는 25 : 4 이다.