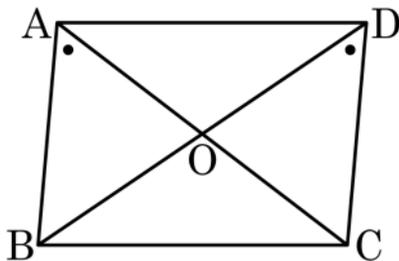


1. 평행사변형 ABCD 에서 $\angle BAC = \angle BDC$ 일 때, 이 사각형은 어떤 사각형인가?



- ① 사다리꼴 ② 마름모 ③ 직사각형
④ 정사각형 ⑤ 등변사다리꼴

해설

$\angle BAC = \angle DCA$ (엇각)이고 $\overline{OC} = \overline{OD}$ 이므로 대각선의 길이가 같다.

따라서 직사각형이다.

2. 다음 도형의 성질에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

① 마름모의 두 대각선은 직교한다.

② 직사각형의 두 대각선의 길이는 같다.

③ 등변사다리꼴의 두 대각선은 수직으로 만난다.

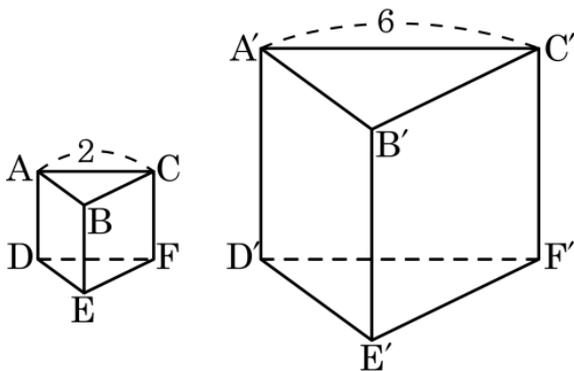
④ 등변사다리꼴의 평행하지 않은 두 변의 길이는 같다.

⑤ 정사각형의 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.

해설

③ 등변사다리꼴의 두 대각선의 길이가 같고, 대각선은 수직으로 만나지 않는다.

3. 다음 그림에서 두 삼각기둥은 서로 닮은 도형일 때, 닮음비가 나머지와 다른 것을 골라라.



- ㉠ \overline{EF} 와 $\overline{E'F'}$ 의 길이의 비
- ㉡ 삼각형 ABC 와 삼각형 $A'B'C'$ 의 둘레의 길이의 비
- ㉢ 사각형 BEFC 와 사각형 $B'E'F'C'$ 의 넓이의 비
- ㉣ \overline{AD} 와 $\overline{A'D'}$ 의 길이의 비

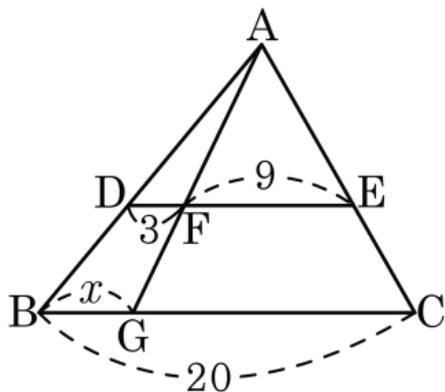
▶ 답 :

▷ 정답 : ㉢

해설

닮음인 두 도형에서 대응하는 변의 길이의 비와 둘레의 비가 닮음비이고, 넓이의 비는 아니므로 ㉢이 답이다.

4. 다음 그림에서 $\overline{DE} \parallel \overline{BC}$ 이다. 이때, x 의 값은?



① 4

② 5

③ 6

④ 7

⑤ 8

해설

$\overline{DF} : \overline{DE} = \overline{BF} : \overline{BC}$ 이므로

$$3 : 12 = x : 20 \therefore x = 5$$

5. 다음 그림과 같이 $\square BDEC$ 가 사다리꼴이 되기 위한 \overline{AE} 의 길이는?

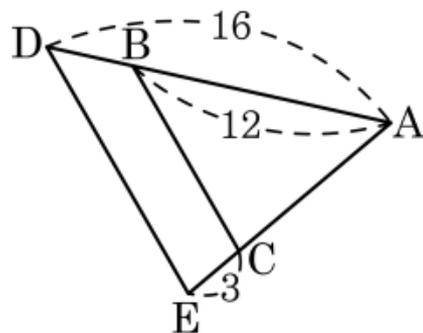
① 11

② 12

③ 13

④ 14

⑤ 15



해설

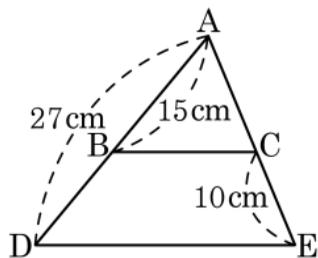
$\overline{AB} : \overline{BD} = \overline{AC} : \overline{CE}$ 이면 $\overline{BC} \parallel \overline{DE}$ 이므로 $\square BDEC$ 가 사다리꼴이 된다.

$$12 : (16 - 12) = \overline{AC} : 3$$

$$\overline{AC} = 9$$

$$\therefore \overline{AE} = 9 + 3 = 12$$

6. 다음 그림에서 $\square BDEC$ 가 사다리꼴이 되기 위한 \overline{AC} 의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▶ 정답: $\frac{25}{2}$ cm

해설

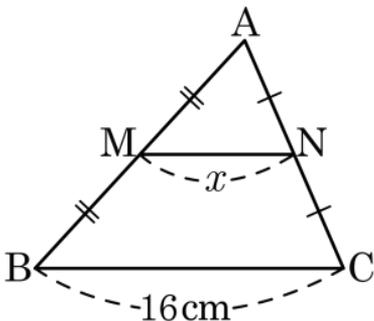
$\overline{BC} \parallel \overline{DE}$ 이어야 하므로
 $\overline{AB} : \overline{AD} = \overline{AC} : \overline{AE}$ 이다.

$$15 : 12 = \overline{AC} : 10$$

$$12\overline{AC} = 150$$

$$\overline{AC} = \frac{25}{2} \text{ (cm)}$$

7. $\triangle ABC$ 에서 점 M, N 은 각각 \overline{AB} , \overline{AC} 의 중점일 때, x 의 값을 바르게 구한 것은?



- ① 6cm ② 8cm ③ 9cm ④ 10cm ⑤ 12cm

해설

삼각형의 중점연결정리에 의해,

$$\overline{MN} = \frac{1}{2}\overline{BC} \text{ 이므로}$$

$$x = 16 \div 2 = 8(\text{cm})$$

8. 다음 그림에서 점D는 \overline{AB} 의 중점이고 $\overline{AC} = 16, \overline{BC} = 14, \overline{DE} \parallel \overline{BC}, \overline{AB} \parallel \overline{EF}$ 일 때, $x + y$ 의 길이를 구하면?

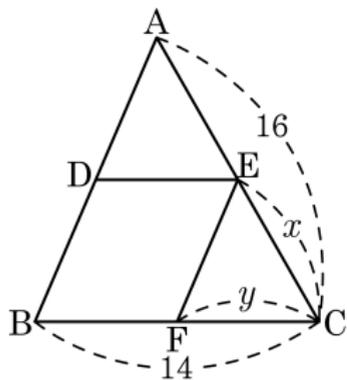
① 12

② 15

③ 17

④ 19

⑤ 21



해설

$$\overline{AD} = \overline{DB}, \overline{DE} \parallel \overline{BC} \text{ 이므로}$$

$$\overline{AE} = \overline{EC}$$

$$\therefore x = 8$$

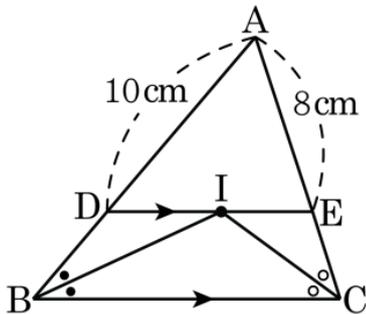
$$\overline{AE} = \overline{EC}, \overline{AB} \parallel \overline{EF} \text{ 이므로}$$

$$\overline{CF} = \overline{FB}$$

$$\therefore y = 7$$

$$\text{그러므로 } x + y = 15$$

10. $\angle ECI = \angle BCI$, $\angle DBI = \angle CBI$, $\overline{BC} \parallel \overline{DE}$ 이고, $\triangle ADE$ 의 둘레의 길이가 27cm, $\overline{AD} = 10\text{cm}$, $\overline{AE} = 8\text{cm}$ 일 때, $\overline{BD} + \overline{CE} = (\quad)\text{cm}$ 이다. (\quad)안에 알맞은 수를 써 넣어라.



▶ 답 :

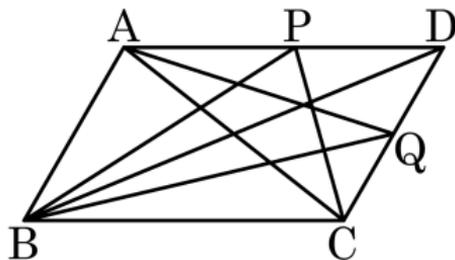
▷ 정답 : 9

해설

점 I가 삼각형의 내심이고 $\overline{DE} \parallel \overline{BC}$ 일 때, $\triangle ADE$ 의 둘레가 27cm 이므로

$\overline{DB} + \overline{CE} = \overline{DE} = 27 - (10 + 8) = 9(\text{cm})$ 이다.

11. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 평행사변형이다. 이 때, $\triangle ACP$ 와 넓이가 같은 삼각형은?



① $\triangle ABC$

② $\triangle ACQ$

③ $\triangle ABP$

④ $\triangle PBC$

⑤ $\triangle PCD$

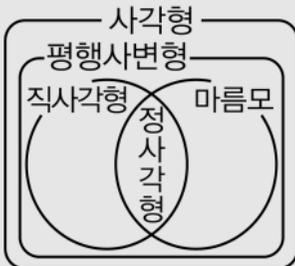
해설

$\triangle ACP$ 와 $\triangle ABP$ 는 밑변을 공통으로 하고, 높이가 같으므로 넓이가 같다.

12. 평행사변형, 직사각형, 마름모, 정사각형의 관계를 옳게 나타낸 것은?

- ① 평행사변형은 마름모이다.
- ② 정사각형은 평행사변형이다.
- ③ 직사각형은 마름모이다.
- ④ 평행사변형은 정사각형이다.
- ⑤ 평행사변형은 직사각형이다.

해설



13. 다음 사각형 중에서 두 대각선의 길이가 같은 사각형을 모두 고르면?
(정답 2개)

① 사다리꼴

② 평행사변형

③ 직사각형

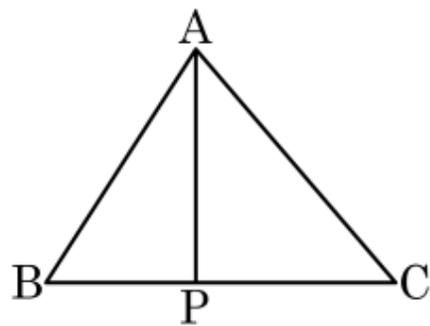
④ 정사각형

⑤ 마름모

해설

대각선의 길이가 같은 사각형은 직사각형, 정사각형이다.

14. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{BP} : \overline{PC} = 3 : 4$ 이고, $\triangle ABC$ 의 넓이가 49 cm^2 일 때, $\triangle APC$ 의 넓이는?



- ① 14 cm^2 ② 21 cm^2 ③ 28 cm^2
④ 30 cm^2 ⑤ 42 cm^2

해설

$\triangle ABP$ 와 $\triangle APC$ 의 높이는 같으므로

$$\triangle APC = 49(\text{cm}^2) \times \frac{4}{7} = 28(\text{cm}^2)$$

15. 다음 도형 중 항상 닮은 도형인 것은?

① 두 직육면체

② 두 이등변삼각형

③ 두 정삼각형

④ 두 원뿔

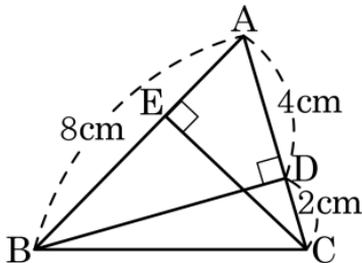
⑤ 두 마름모

해설

평면도형에서 항상 닮음이 되는 도형은 모든 원, 중심각의 크기가 같은 부채꼴, 모든 직각이등변삼각형, 모든 정다각형이다.

입체도형에서 항상 닮음이 되는 도형은 모든 구와 모든 정다면체이다.

16. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 가 있다. 점 B, C 에서 \overline{AC} , \overline{AB} 에 내린 수선의 발을 각각 D, E 라고 할 때, \overline{BE} 의 길이는?



① 3cm

② 4cm

③ 5cm

④ 6cm

⑤ 7cm

해설

$\triangle ABD$ 와 $\triangle ACE$ 에서 $\angle A$ 는 공통,

$\angle ADB = \angle AEC = 90^\circ$

$\therefore \triangle ABD \sim \triangle ACE$ (AA 닮음)

$\overline{AB} : \overline{AC} = \overline{AD} : \overline{AE}$ 이므로

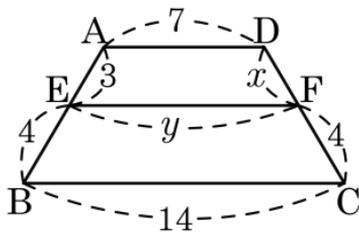
$8 : 6 = 4 : \overline{AE}$

$8\overline{AE} = 24$

$\therefore \overline{AE} = 3$ (cm)

$\therefore \overline{BE} = \overline{AB} - \overline{AE} = 8 - 3 = 5$ (cm)

17. 다음 그림에서 $\overline{AD} \parallel \overline{EF} \parallel \overline{BC}$ 일 때, $x + y$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 13

해설

$$\overline{AE} : \overline{EB} = \overline{DF} : \overline{FC} \text{ 이므로 } x = 3,$$

점 A 와 점 C 를 연결할 때 \overline{EF} 와 만나 생긴 교점을 G 라고 하자.

$$\overline{AE} : \overline{AB} = 3 : 7$$

$$\overline{AE} : \overline{AB} = \overline{EG} : \overline{BC}$$

$$3 : 7 = \overline{EG} : 14$$

$$\overline{EG} = 6$$

$$\overline{CF} : \overline{CD} = 4 : 7$$

$$\overline{CF} : \overline{CD} = \overline{FG} : \overline{AD}$$

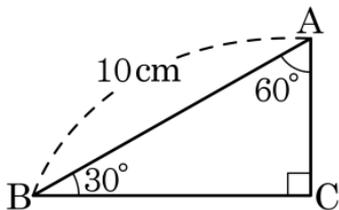
$$4 : 7 = \overline{FG} : 7$$

$$\overline{FG} = 4$$

$$\therefore \overline{EF} = 6 + 4 = 10$$

따라서 $x + y = 3 + 10 = 13$ 이다.

18. 다음 그림의 직각삼각형 ABC에서 $\overline{AB} = 10\text{cm}$ 일 때, \overline{AC} 의 길이는?



① 3cm

② 4cm

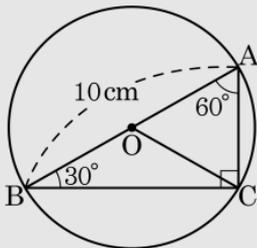
③ 5cm

④ 6cm

⑤ 7cm

해설

외심원 O를 그리면



$$\overline{OA} = \overline{OC} = \overline{OB} = 5\text{cm}$$

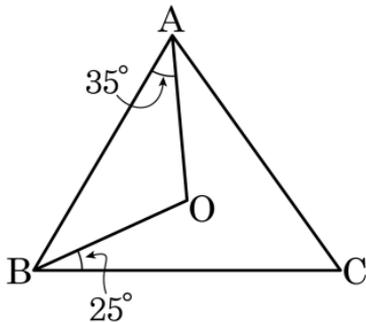
$\triangle AOC$ 에서 $\overline{OA} = \overline{OC}$ 이고,

$\angle A = 60^\circ$ 이므로

$\triangle AOC$ 는 정삼각형이다.

$$\therefore \overline{AC} = 5(\text{cm})$$

19. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 점 O 는 외심이다. $\angle OAB = 35^\circ$, $\angle OBC = 25^\circ$ 일 때, $\angle C$ 의 크기는?



① 40°

② 45°

③ 50°

④ 55°

⑤ 60°

해설

$\angle C = \angle x$ 라 할 때, $\triangle OBC$ 가 이등변삼각형이므로 $\angle OBC = \angle OCB$

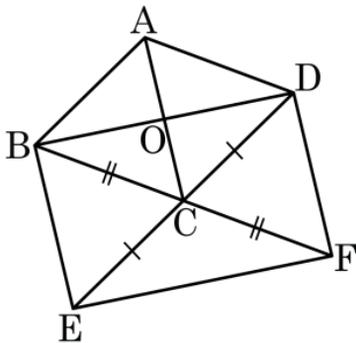
따라서 $\angle x = 25^\circ + \angle OCA$,

$\angle OAC + 35^\circ + 25^\circ = 90^\circ$

$\angle OAC = \angle OCA = 30^\circ$

$\therefore \angle x = 55^\circ$

20. 다음 그림의 평행사변형 ABCD 에 대하여 $\overline{BC} = \overline{FC}$, $\overline{DC} = \overline{EC}$ 일 때, 다음 그림에서 평행사변형은 모두 몇 개인가?



① 1개

② 2개

③ 3개

④ 4개

⑤ 5개

해설

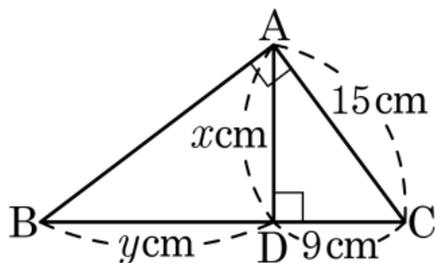
□ABCD (주어진 평행사변형)

□ABEC ($\overline{AB} \parallel \overline{CE}$, $\overline{AB} = \overline{CE}$)

□ACFD ($\overline{AD} \parallel \overline{CF}$, $\overline{AD} = \overline{CF}$)

□BEFD ($\overline{BC} = \overline{CF}$, $\overline{DC} = \overline{CE}$)

21. 다음 그림과 같이 $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC의 꼭짓점 A에서 밑변 BC에 내린 수선의 발을 D라고 할 때, $x + y$ 의 값은?



① 14

② 20

③ 28

④ 32

⑤ 40

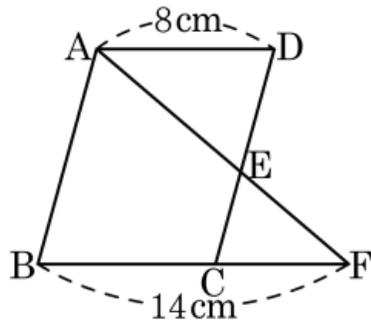
해설

$$\overline{AC}^2 = \overline{DC} \times \overline{BC} , 15^2 = 9(y + 9) \therefore y = 16$$

$$\overline{AD}^2 = \overline{BD} \times \overline{DC} , x^2 = 9y \therefore x = 12$$

$$\therefore x + y = 12 + 16 = 28$$

22. 다음 평행사변형 ABCD 에서 \overline{AE} , \overline{BC} 의 연장선의 교점을 F 라 할 때, $\overline{AD} = 8\text{cm}$, $\overline{BF} = 14\text{cm}$, $\triangle ECF = 4.5\text{cm}^2$ 이면 $\triangle AED$ 의 넓이는?



- ① 6.5cm^2 ② 7cm^2 ③ 7.5cm^2
 ④ 8cm^2 ⑤ 8.5cm^2

해설

$\triangle AED \sim \triangle FEC$ (AA 닮음)

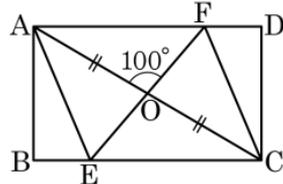
닮음비는 4 : 3 이므로 넓이의 비는 16 : 9 이다.

$\triangle AED$ 의 넓이를 x 라 하면

$$16 : 9 = x : 4.5$$

$$\therefore x = 8(\text{cm}^2)$$

23. 다음 그림에서 직사각형 ABCD의 대각선 \overline{AC} 의 이등분선이 \overline{BC} , \overline{AD} 와 만나는 점을 각각 E, F라고 할 때, 다음 보기에서 옳지 않은 것을 모두 골라라.



보기

- | | |
|---------------------------------------|-----------------------------------|
| ㉠ $\angle FAO = \angle EAO$ | ㉡ $\overline{AF} = \overline{CF}$ |
| ㉢ $\overline{AF} = \overline{CE}$ | ㉣ $\overline{AE} = \overline{AO}$ |
| ㉤ $\triangle FAO \cong \triangle ECO$ | ㉥ $\angle FOC = \angle EOA$ |

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 정답 : ㉠

▶ 정답 : ㉡

▶ 정답 : ㉣

해설

$\triangle AFO$ 와 $\triangle OEC$ 에서, $\overline{OA} = \overline{OC}$, $\angle AOF = \angle EOC$, $\angle OAF = \angle OCE$ 이므로 ASA 합동이다.

그러므로 $\overline{OE} = \overline{OF}$ 이다.

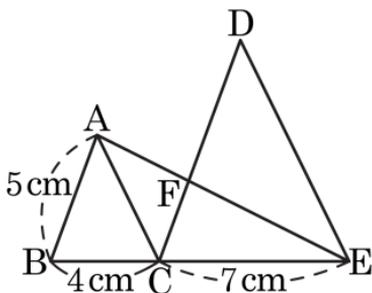
또, $\square AECF$ 의 두 대각선은 다른 대각선을 이등분하므로 $\square AECF$ 는 평행사변형이다.

㉠. 평행사변형에서 항상 $\angle FAO = \angle EAO$ 는 아니다.

㉡. $\overline{AF} = \overline{EC}$, $\overline{AE} = \overline{FC}$ 이지만 항상 $\overline{AF} = \overline{CF}$ 는 아니다.

㉣. 평행사변형에서 $\overline{AE} = \overline{AO}$ 는 성립할 필요 없다.

24. 다음 그림에서 $\triangle ABC \sim \triangle DCE$ 이고, 점 C는 \overline{BE} 위에 있다. $\overline{AB} = 5\text{cm}$, $\overline{BC} = 4\text{cm}$, $\overline{CE} = 7\text{cm}$ 일 때, \overline{DF} 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : $\frac{245}{44}$ cm

해설

$\triangle ABC \sim \triangle DCE$ 이므로 $\overline{AB} : \overline{DC} = \overline{BC} : \overline{CE}$

$$5 : \overline{DC} = 4 : 7 \text{ 이므로 } \overline{DC} = \frac{35}{4}$$

$\triangle EAB$ 와 $\triangle EFC$ 에서 $\angle E$ 는 공통, $\angle B = \angle FCE$ ($\because \triangle ABC \sim \triangle DCE$)이므로 $\triangle EAB \sim \triangle EFC$ (AA 닮음)

$\overline{EB} : \overline{EC} = \overline{AB} : \overline{FC}$ 이므로

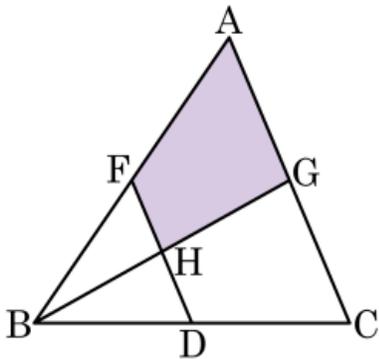
$$11 : 7 = 5 : \overline{CF}$$

$$\overline{CF} = \frac{35}{11}$$

따라서 $\overline{DF} = \frac{35}{4} - \frac{35}{11} = \frac{245}{44}$ (cm)이다.

25. $\triangle ABC$ 에서 점 D, F, G 는 각각 세 변의 중점이다. $\triangle FBH = 6 \text{ cm}^2$ 일 때, $\square AFHG$ 의 넓이는?

- ① 12 cm^2 ② 15 cm^2 ③ 16 cm^2
 ④ 18 cm^2 ⑤ 20 cm^2



해설

점 F, G 는 각각 \overline{AB} , \overline{AC} 의 중점이므로 $\overline{FG} \parallel \overline{BC}$ 이고 $\triangle HFG \cong \triangle HDB$ 이다.

따라서 $\overline{BH} = \overline{HG}$ 이므로

$\triangle FBH = \triangle FHG = 6 (\text{cm}^2)$ 이다.

그리고 $\triangle GFB = \triangle GFA = 12 \text{ cm}^2$

따라서 $\square AFHG = \triangle HFG + \triangle GFA = 18 \text{ cm}^2$