

1. 다음을 계산하시오.

$$\frac{5}{6} + \frac{3}{7}$$

- ① $1\frac{11}{42}$ ② $1\frac{2}{7}$ ③ $1\frac{13}{42}$ ④ $1\frac{1}{3}$ ⑤ $1\frac{5}{14}$

해설

$$\frac{5}{6} + \frac{3}{7} = \frac{35}{42} + \frac{18}{42} = \frac{53}{42} = 1\frac{11}{42}$$

2. 다음을 계산하시오.

$$4\frac{2}{7} + 3\frac{1}{2}$$

- ① $7\frac{5}{7}$ ② $7\frac{11}{14}$ ③ $7\frac{6}{7}$ ④ $8\frac{11}{14}$ ⑤ $8\frac{6}{7}$

해설

$$4\frac{2}{7} + 3\frac{1}{2} = 4\frac{4}{14} + 3\frac{7}{14} = (4+3) + (\frac{4}{14} + \frac{7}{14}) = 7 + \frac{11}{14} = 7\frac{11}{14}$$

3. 다음 중 분수의 합이 1 보다 큰 식은 어느 것입니까?

① $\frac{1}{4} + \frac{3}{5}$
④ $\frac{5}{8} + \frac{3}{10}$

② $\frac{7}{9} + \frac{1}{18}$
⑤ $\frac{1}{4} + \frac{5}{7}$

③ $\frac{1}{3} + \frac{5}{7}$

해설

① $\frac{1}{4} + \frac{3}{5} = \frac{5}{20} + \frac{12}{20} = \frac{17}{20}$

② $\frac{7}{9} + \frac{1}{18} = \frac{14}{18} + \frac{1}{18} = \frac{15}{18} = \frac{5}{6}$

③ $\frac{1}{3} + \frac{5}{7} = \frac{7}{21} + \frac{15}{21} = \frac{22}{21} = 1\frac{1}{21}$

④ $\frac{5}{8} + \frac{3}{10} = \frac{25}{40} + \frac{12}{40} = \frac{37}{40}$

⑤ $\frac{1}{4} + \frac{5}{7} = \frac{7}{28} + \frac{20}{28} = \frac{27}{28}$

4. 수경이의 가방은 $\frac{2}{5}$ kg이고, 연정의 가방은 $\frac{3}{4}$ kg입니다. 두 사람의 가방 무게는 모두 몇 kg입니까?

▶ 답: kg

▷ 정답: $1\frac{3}{20}$ kg

해설

$$\frac{2}{5} + \frac{3}{4} = \frac{2 \times 4}{5 \times 4} + \frac{3 \times 5}{4 \times 5} = \frac{8}{20} + \frac{15}{20} = \frac{23}{20} = 1\frac{3}{20} \text{ (kg)}$$

5. 분모가 다른 진분수의 뺄셈을 할 때는 무엇을 가장 먼저 해야 하나?

- ① 분자끼리 뺍니다.
- ② 분모끼리 뺍니다.
- ③ 공통분모를 구합니다.
- ④ 분모의 최대공약수를 구합니다.
- ⑤ 분자의 최대공약수를 구합니다.

해설

분모가 다른 진분수의 뺄셈은 먼저 분모의 최소공배수나 분모의 곱을 공통분모로 하여 통분해야 합니다.

6. 다음을 계산하시오.

$$7\frac{1}{8} - 4\frac{1}{3}$$

- ① $1\frac{19}{24}$ ② $2\frac{19}{24}$ ③ $3\frac{19}{24}$ ④ $3\frac{9}{24}$ ⑤ $2\frac{9}{24}$

해설

$$7\frac{1}{8} - 4\frac{1}{3} = 7\frac{3}{24} - 4\frac{8}{24} = 6\frac{27}{24} - 4\frac{8}{24} = 2\frac{19}{24}$$

7. 다음을 계산하시오.

$$4\frac{5}{6} - 3\frac{1}{8}$$

▶ 답:

▶ 정답: $1\frac{17}{24}$

해설

$$4\frac{5}{6} - 3\frac{1}{8} = 4\frac{20}{24} - 3\frac{3}{24} = 1\frac{17}{24}$$

8. 다음을 계산하시오.

$$\frac{6}{7} - \frac{3}{14} - \frac{2}{21}$$

▶ 답:

▶ 정답: $\frac{23}{42}$

해설

$$\begin{aligned} \frac{6}{7} - \frac{3}{14} - \frac{2}{21} &= \left(\frac{12}{14} - \frac{3}{14} \right) - \frac{2}{21} \\ &= \frac{9}{14} - \frac{2}{21} = \frac{27}{42} - \frac{4}{42} = \frac{23}{42} \end{aligned}$$

9. 분수의 덧셈과 뺄셈을 하시오.

$$5\frac{1}{3} + 2\frac{4}{5} - 3\frac{5}{7}$$

▶ 답:

▶ 정답: $4\frac{44}{105}$

해설

$$\begin{aligned} 5\frac{1}{3} + 2\frac{4}{5} - 3\frac{5}{7} &= 5\frac{35}{105} + 2\frac{84}{105} - 3\frac{75}{105} \\ &= 7\frac{119}{105} - 3\frac{75}{105} = 4\frac{44}{105} \end{aligned}$$

10. ○ 안에 >, =, < 를 알맞게 써넣으시오.

$$4\frac{3}{8} + 1\frac{9}{20} \bigcirc 2\frac{3}{4} + 3\frac{7}{10}$$

▶ 답:

▷ 정답: <

해설

$$4\frac{3}{8} + 1\frac{9}{20} = 4\frac{15}{40} + 1\frac{18}{40} = 5\frac{33}{40},$$

$$2\frac{3}{4} + 3\frac{7}{10} = 2\frac{15}{20} + 3\frac{14}{20} = 5\frac{29}{20} = 6\frac{9}{20}$$

$$\rightarrow 5\frac{33}{40} < 6\frac{9}{20} (= 6\frac{18}{40})$$

11. 다음을 계산할 때, 에 알맞은 수의 합을 구하시오.

$$(1) \frac{2}{9} + \frac{8}{27} = \frac{\square}{27}$$

$$(2) \frac{1}{4} + \frac{1}{7} = \frac{\square}{28}$$

▶ 답:

▷ 정답: 25

해설

$$(1) \frac{2}{9} + \frac{8}{27} = \frac{6}{27} + \frac{8}{27} = \frac{14}{27}$$

$$(2) \frac{1}{4} + \frac{1}{7} = \frac{7}{28} + \frac{4}{28} = \frac{11}{28}$$

그러므로 $14 + 11 = 25$ 입니다.

12. 빈 칸에 알맞은 수를 차례대로 써넣으시오.

$\frac{3}{4}$	$+$	$\frac{5}{6}$		$+$	$2\frac{5}{7}$	
---------------	-----	---------------	--	-----	----------------	--

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $1\frac{7}{12}$

▷ 정답: $4\frac{25}{84}$

해설

$$\frac{3}{4} + \frac{5}{6} = \frac{9}{12} + \frac{10}{12} = \frac{19}{12} = 1\frac{7}{12}$$

$$1\frac{7}{12} + 2\frac{5}{7} = 1\frac{49}{84} + 2\frac{60}{84} = 3\frac{109}{84} = 4\frac{25}{84}$$

13. 계산 결과가 $\frac{1}{2}$ 보다 큰 것을 모두 찾아 기호를 쓰시오.

$\textcircled{\text{A}} \frac{3}{10} + \frac{4}{15}$	$\textcircled{\text{B}} \frac{1}{6} + \frac{2}{9}$	$\textcircled{\text{C}} \frac{2}{5} + \frac{1}{4}$
--	--	--

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $\textcircled{\text{A}}$

▷ 정답: $\textcircled{\text{C}}$

해설

$$\textcircled{\text{A}} \frac{3}{10} + \frac{4}{15} = \frac{17}{30}$$

$$\textcircled{\text{B}} \frac{1}{6} + \frac{2}{9} = \frac{7}{18}$$

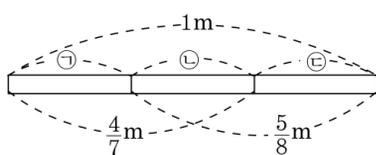
$$\textcircled{\text{C}} \frac{2}{5} + \frac{1}{4} = \frac{13}{20}$$

$$\rightarrow \frac{17}{30} > \frac{1}{2} (= \frac{15}{30}),$$

$$\frac{7}{18} < \frac{1}{2} (= \frac{9}{18}),$$

$$\frac{13}{20} > \frac{1}{2} (= \frac{10}{20})$$

14. 그림에서 ㉠, ㉡, ㉢의 길이를 긴 것부터 차례로 기호를 쓰시오.



▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 정답: ㉢

▶ 정답: ㉠

▶ 정답: ㉡

해설

$$\text{㉡의 길이는 } \frac{4}{7} + \frac{5}{8} - 1 = \frac{32}{56} + \frac{35}{56} - 1 = \frac{11}{56} \text{ (m)}$$

$$\text{㉠의 길이는 } \frac{4}{7} - \frac{11}{56} = \frac{28}{56} - \frac{11}{56} = \frac{17}{56} \text{ (m)}$$

$$\text{㉢의 길이는 } \frac{5}{8} - \frac{11}{56} = \frac{35}{56} - \frac{11}{56} = \frac{24}{56} = \frac{3}{7} \text{ (m)}$$

15. 고구마가 $\frac{17}{24}$ kg 있고, 감자는 고구마보다 $\frac{1}{16}$ kg 더 많이 있습니다.
감자와 고구마는 모두 몇 kg 이 있습니까?

▶ 답: kg

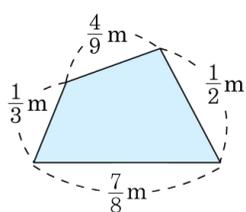
▷ 정답: $1\frac{23}{48}$ kg

해설

$$(\text{고구마의 무게}) = \frac{17}{24} + \frac{1}{16} = \frac{34}{48} + \frac{3}{48} = \frac{37}{48}(\text{kg})$$

$$(\text{감자와 고구마의 무게}) = \frac{17}{24} + \frac{37}{48} = \frac{34}{48} + \frac{37}{48} = \frac{71}{48} = 1\frac{23}{48}(\text{kg})$$

16. 사각형의 네 변의 길이의 합은 몇 m 입니까?



▶ 답: m

▶ 정답: $2\frac{11}{72}m$

해설

$$\begin{aligned}\frac{4}{9} + \frac{7}{8} + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} &= \left(\frac{32}{72} + \frac{63}{72}\right) + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} \\ &= \left(1\frac{23}{72} + \frac{36}{72}\right) + \frac{1}{3} = 1\frac{59}{72} + \frac{1}{3} \\ &= 1\frac{59}{72} + \frac{24}{72} = 1\frac{83}{72} = 2\frac{11}{72}(\text{m})\end{aligned}$$

17. 분수를 쓴 3장의 카드 중 한 장이 지워졌습니다. 카드 세 장의 합이 $2\frac{11}{36}$ 이라면 지워진 카드의 수는 얼마입니까?

$$\boxed{1\frac{1}{4}} \quad \boxed{\frac{7}{18}} \quad \boxed{}$$

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{2}{3}$

해설

$$\begin{aligned} 2\frac{11}{36} - 1\frac{1}{4} - \frac{7}{18} &= \left(2\frac{11}{36} - 1\frac{9}{36}\right) - \frac{7}{18} \\ &= 1\frac{2}{36} - \frac{7}{18} \\ &= 1\frac{2}{36} - \frac{14}{36} \\ &= \frac{24}{36} - \frac{12}{36} \\ &= \frac{12}{36} = \frac{1}{3} \end{aligned}$$

18. 어떤 수에 $17\frac{7}{9}$ 을 더하고 $12\frac{3}{4}$ 을 빼야 할 것을 잘못하여 $12\frac{3}{4}$ 을 더하고 $17\frac{7}{9}$ 을 빼었더니 25 가 되었습니다. 바르게 계산한 답을 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: $35\frac{1}{18}$

해설

어떤 수를 \square 라고 하면

$$\square + 12\frac{3}{4} - 17\frac{7}{9} = 25$$

$$\square = 25 + 17\frac{7}{9} - 12\frac{3}{4} = 42\frac{7}{9} - 12\frac{3}{4}$$

$$= 42\frac{28}{36} - 12\frac{27}{36} = 30\frac{1}{36}$$

바르게 계산하면

$$30\frac{1}{36} + 17\frac{7}{9} - 12\frac{3}{4}$$

$$= 30\frac{1}{36} + 17\frac{28}{36} - 12\frac{27}{36} = 47\frac{29}{36} - 12\frac{27}{36}$$

$$= 35\frac{2}{36} = 35\frac{1}{18}$$

19. $\frac{5}{31}$ 와 $\frac{2}{7}$ 사이에 있는 분수 중에서 분자가 1인 분수를 모두 구하시오.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{1}{4}$

▷ 정답: $\frac{1}{5}$

▷ 정답: $\frac{1}{6}$

해설

$$\frac{5}{31} < \frac{1}{\square} < \frac{2}{7}$$

$$\frac{5 \div 5}{31 \div 5} < \frac{1}{\square} < \frac{2 \div 2}{7 \div 2}$$

$$\frac{1}{6.2} < \frac{1}{\square} < \frac{1}{3.5}$$

$6.2 > \square > 3.5$ 이므로 $\square = 4, 5, 6$ 입니다.

따라서, $\frac{1}{4}, \frac{1}{5}, \frac{1}{6}$ 입니다.

22. 형진이와 혜영이는 함께 딸기를 따왔습니다. 형진이는 $\frac{7}{9}$ kg을 따고, 혜영이는 $\frac{3}{5}$ kg을 따왔습니다. 두 사람이 딴 딸기 중에서 $\frac{8}{15}$ kg을 팔았다면 남은 딸기는 몇 kg입니까?

① $\frac{1}{15}$ kg

② $\frac{11}{45}$ kg

③ $\frac{38}{45}$ kg

④ $1\frac{1}{15}$ kg

⑤ $1\frac{17}{45}$ kg

해설

$$\begin{aligned} \frac{7}{9} + \frac{3}{5} - \frac{8}{15} &= \left(\frac{35}{45} + \frac{27}{45} \right) - \frac{8}{15} \\ &= \frac{62}{45} - \frac{8}{15} = \frac{62}{45} - \frac{24}{45} = \frac{38}{45} (\text{kg}) \end{aligned}$$

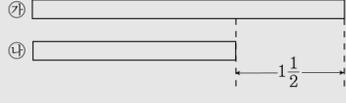
24. 분모가 8인 대분수가 두 개 있습니다. 두 대분수의 합을 기약분수로 나타내면 $6\frac{1}{4}$ 이고, 차를 기약분수로 나타내면 $1\frac{1}{2}$ 입니다. 두 대분수 중 큰 대분수를 $\textcircled{\ominus}$ 이라 할 때, $\textcircled{\ominus} + \textcircled{\oplus}$ 의 값을 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 10

해설

두 대분수 중에서 큰 대분수를 $\textcircled{\ominus}$, 작은 대분수를 $\textcircled{\oplus}$ 로 하여 그림으로 나타내면 다음과 같습니다.



$\textcircled{\ominus}$ 와 $\textcircled{\oplus}$ 의 합이 $6\frac{1}{4}$ 이고, $\textcircled{\ominus}$ 와 $\textcircled{\oplus}$ 의 차가 $1\frac{1}{2}$ 이므로,

$\textcircled{\ominus}$ 와 $\textcircled{\oplus}$ 의 합은

$$6\frac{1}{4} + 1\frac{1}{2} = 6\frac{1}{4} + 1\frac{2}{4} = 7\frac{3}{4}$$

$7\frac{3}{4}$ 을 분모가 8인 분수로 만들면 $7\frac{6}{8}$ 이고,

$$7\frac{6}{8} = \frac{62}{8} \text{ 이므로, } \textcircled{\ominus} \text{는 } \frac{31}{8} = 3\frac{7}{8} \text{ 입니다.}$$

따라서, 큰 대분수는 $3\frac{7}{8}$ 이고, $\textcircled{\ominus}=3$, $\textcircled{\oplus}=7$ 이 되므로,

$$\textcircled{\ominus} + \textcircled{\oplus} = 3 + 7 = 10 \text{ 이 됩니다.}$$

해설

두 대분수 중에서 큰 대분수를 $\textcircled{\ominus}$, 작은 대분수를 $\textcircled{\oplus}$ 라 하면

$$\textcircled{\ominus} + \textcircled{\oplus} = 6\frac{1}{4}, \textcircled{\ominus} - \textcircled{\oplus} = 1\frac{1}{2} \text{ 입니다.}$$

$$\textcircled{\ominus} + \textcircled{\oplus} + \textcircled{\ominus} - \textcircled{\oplus} = 6\frac{1}{4} + 1\frac{1}{2} \text{ 이므로, } \textcircled{\ominus} + \textcircled{\ominus} = 6\frac{1}{4} + 1\frac{1}{2} \text{ 입니다.}$$

$$\textcircled{\ominus} + \textcircled{\ominus} = 6\frac{1}{4} + 1\frac{1}{2} = 6\frac{1}{4} + 1\frac{2}{4} = 7\frac{3}{4} = 7\frac{6}{8} = \frac{62}{8} \text{ 이므로, } \textcircled{\ominus} \text{는}$$

$$\frac{31}{8} = 3\frac{7}{8} \text{ 입니다.}$$

따라서, 큰 대분수는 $3\frac{7}{8}$ 입니다.

25. 석유통에 석유를 가득 넣고 무게를 달아 보니 $11\frac{18}{25}$ kg 이고, 전체의 $\frac{1}{2}$ 만큼 석유를 쓰고 난 후 무게를 달아 보니 $6\frac{21}{50}$ kg 이었습니다. 석유통만의 무게는 몇 kg입니까?

▶ 답: kg

▷ 정답: $1\frac{3}{25}$ kg

해설

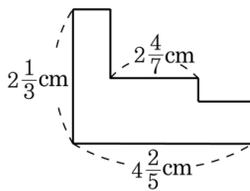
석유의 $\frac{1}{2}$ 을 쓰고 무게를 재었을 때 석유통과 석유 무게의 $\frac{1}{2}$ 이

$6\frac{21}{50}$ kg 이므로

$$\text{석유 절반의 무게} : 11\frac{18}{25} - 6\frac{21}{50} = 5\frac{3}{10}$$

$$\text{석유통의 무게} : 11\frac{18}{25} - \left(5\frac{3}{10} + 5\frac{3}{10}\right) = 1\frac{3}{25} \text{ kg}$$

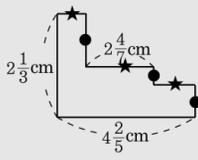
26. 다음 도형의 둘레의 길이를 구하시오.



▶ 답: cm

▷ 정답: $13\frac{7}{15}$ cm

해설



●선의 길이의 합은 $2\frac{1}{3}$ cm 과 같고 ★선의 길이의 합은 $4\frac{2}{5}$ cm

와 같습니다.

따라서 도형의 둘레의 길이는

$$\begin{aligned} & 2\frac{1}{3} + 2\frac{1}{3} + 4\frac{2}{5} + 4\frac{2}{5} \\ &= 4\frac{2}{3} + 8\frac{4}{5} \\ &= 4\frac{10}{15} + 8\frac{12}{15} \\ &= 12\frac{22}{15} = 13\frac{7}{15} \text{ (cm) 입니다.} \end{aligned}$$

27. 어떤 수에서 $\frac{5}{14}$ 를 빼야 할 것을 잘못하여 더하였더니 $\frac{7}{8}$ 이 되었습니다. 바르게 계산한 답과 잘못 계산한 답을 더하면 얼마입니까?

▶ 답:

▷ 정답: $1\frac{1}{28}$

해설

$$(\text{어떤 수}) + \frac{5}{14} = \frac{7}{8},$$

$$(\text{어떤 수}) = \frac{7}{8} - \frac{5}{14} = \frac{49}{56} - \frac{20}{56} = \frac{29}{56}$$

따라서, 바르게 계산하면

$$\frac{29}{56} - \frac{5}{14} = \frac{29}{56} - \frac{20}{56} = \frac{9}{56} \text{입니다.}$$

$$\rightarrow \frac{9}{56} + \frac{7}{8} = \frac{9}{56} + \frac{49}{56} = \frac{58}{56} = 1\frac{2}{56} = 1\frac{1}{28}$$

29. 다음 식이 성립하도록 \textcircled{A} , \textcircled{B} 의 값을 차례대로 구하시오. (단, $\textcircled{A} < \textcircled{B}$)

$$\frac{9}{10} = \frac{1}{2} + \frac{1}{\textcircled{A}} + \frac{1}{\textcircled{B}}$$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 3

▷ 정답: 15

해설

$$\frac{1}{2} = \frac{5}{10} \text{ 이므로}$$

$$\frac{1}{\textcircled{A}} + \frac{1}{\textcircled{B}} = \frac{4}{10} \text{ 에서}$$

$$\frac{4}{10} = \frac{2}{5} = \frac{6}{15} = \frac{5}{15} + \frac{1}{15} = \frac{1}{3} + \frac{1}{15}$$

$$\textcircled{A}=3, \textcircled{B}=15$$

30. 민정이는 재활용 할 종이류를 묶는데 끈 전체의 $\frac{4}{9}$ 를 사용하였습니다. 남은 부분의 길이를 재었더니 사용한 끈의 길이보다 15cm 가 더 길었습니다. 민정이가 처음에 가지고 있던 끈의 길이를 구하시오.

▶ 답: cm

▷ 정답: 135cm

해설

$$1 - \frac{4}{9} = \frac{9}{9} - \frac{4}{9} = \frac{5}{9} \text{ 이므로}$$

남은 끈의 길이가 전체의 $\frac{5}{9}$ 이고,

사용한 끈의 길이가 전체의 $\frac{4}{9}$ 이므로

$$\text{전체의 } \frac{5}{9} - \frac{4}{9} = \frac{1}{9} \text{ 이 15cm 입니다.}$$

따라서 처음에 가지고 있던 끈의 길이는

$$15 \times 9 = 135(\text{cm}) \text{ 입니다.}$$

31. $\frac{1}{7}, \frac{2}{7}, \frac{3}{7}, \frac{4}{7} \cdots \frac{39}{7}, \frac{40}{7}$ 과 같이 40개의 분수가 나열되어 있습니다.
이 분수들 중 약분되지 않는 분수들의 합은 얼마입니까?

▶ 답:

▷ 정답: $102\frac{1}{7}$

해설

$$\begin{aligned} & \frac{1+2+\cdots+40}{7} - (1+2+\cdots+5) \\ &= \frac{820}{7} - \frac{105}{7} = \frac{715}{7} = 102\frac{1}{7} \end{aligned}$$

32. 다음 ㉠, ㉡, ㉢에 알맞은 수를 차례대로 구하시오. (단, ㉢ > ㉡ > ㉠)

$$\frac{25}{28} = \frac{1}{\text{㉠}} + \frac{1}{\text{㉡}} + \frac{1}{\text{㉢}}$$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 2

▷ 정답: 4

▷ 정답: 7

해설

28의 약수: 1, 2, 4, 7, 14, 28

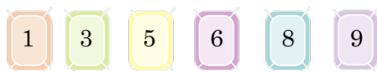
$$4 + 7 + 14 = 25$$

$$\frac{25}{28} = \frac{4}{28} + \frac{7}{28} + \frac{14}{28} = \frac{1}{7} + \frac{1}{4} + \frac{1}{2}$$

입니다.

따라서 ㉠=2, ㉡=4, ㉢=7

33. 다음 6장의 숫자 카드를 한 번씩 사용하여 2개의 대분수를 만들었다. 두 대분수의 차가 가장 작을 때 그 차를 구하시오.



▶ 답:

▶ 정답: $\frac{17}{30}$

해설

두 수의 차가 가장 작은 두 수는 5와 6, 8과 9입니다. 두 대분수의 차가 가장 작게 하기 위해서는 진분수끼리의 뺄셈이 (가장 작은 진분수) - (가장 큰 진분수) 이어야 합니다.

이와 같은 방법으로

8과 9를 자연수 부분에 쓰는 경우는

$$9\frac{1}{6} - 8\frac{3}{5} = 9\frac{5}{30} - 8\frac{18}{30} = 8\frac{35}{30} - 8\frac{18}{30} = \frac{17}{30}$$

5와 6을 자연수 부분에 쓰는 경우는

$$6\frac{1}{9} - 5\frac{3}{8} = 6\frac{8}{72} - 5\frac{27}{72} = 5\frac{80}{72} - 5\frac{27}{72} = \frac{53}{72}$$

$\frac{17}{30} < \frac{53}{72}$ 이므로,

$$9\frac{1}{6} - 8\frac{3}{5} = 9\frac{5}{30} - 8\frac{18}{30} = 8\frac{35}{30} - 8\frac{18}{30} = \frac{17}{30} \text{ 이 가장 작습니다.}$$