

1. 비의 값이 같은 것을 찾아 비례식으로 나타내시오.

1:3 2:4 3:9 4:15

▶ 답:

▷ 정답: $3:9 = 1:3$

해설

비의 값이 같은 두 비를 등식으로 나타낸 식이 비례식입니다.

$$2:4 = 1:2$$

$$3:9 = 1:3$$

따라서 1:3과 3:9의 비의 값이 같습니다.

비례식으로 나타내면 $1:3 = 3:9$ 입니다.

2. 다음 \ominus 과 \oslash 의 합을 구하시오.

$$7 : 9 = (7 \times 2) : (9 \times \ominus) = 14 : \oslash$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 20

해설

$$7 : 9 = (7 \times 2) : (9 \times 2) = 14 : 18$$

$$\ominus = 2, \oslash = 18 \rightarrow \ominus + \oslash = 20$$

3. 비의 값이 $\frac{3}{4}$ 보다 큰 비는 어느 것인지 고르시오.

- ① 3:4 ② 4:3 ③ 5:7 ④ 6:8 ⑤ 2:7

해설

$$(\text{비의값}) = \frac{(\text{비교하는양})}{(\text{기준량})} = \frac{(\text{전항})}{(\text{후항})}$$

$$\textcircled{1} \ 3:4 = \frac{3}{4}$$

$$\textcircled{2} \ 4:3 = \frac{4}{3}$$

$$\textcircled{3} \ 5:7 = \frac{5}{7}$$

$$\textcircled{4} \ 6:8 = \frac{6}{8} = \frac{3}{4}$$

$$\textcircled{5} \ 2:7 = \frac{2}{7}$$

따라서 $\frac{3}{4}$ 보다 큰 비는 4:3이다.

4. 다음 비를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내시오.

$$0.8 : 3.2$$

▶ 답:

▷ 정답: 1 : 4

해설

전항과 후항에 10 을 곱한 다음, 최대 공약수로 나눈다.

$$0.8 : 3.2 = 8 : 32 = (8 \div 8) : (32 \div 8) = 1 : 4$$

5. $16:24$ 를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내시오.

▶ 답:

▷ 정답: $2:3$

해설

전항과 후항을 최대공약수 8로 나눈다.

$$16:24 = (16 \div 8) : (24 \div 8) = 2:3$$

6. 다음 두 비의 값을 보고, 비례식으로 나타낸 것으로 바르지 않은 것을 고르시오.

$$\frac{1}{5} = \frac{2}{10}$$

- ① $1:5 = 2:10$ ② $2:10 = 1:5$ ③ $1:2 = 5:10$
④ $2:5 = 1:10$ ⑤ $5:10 = 1:2$

해설

$$\frac{1}{5} = \frac{2}{10}$$

$$\rightarrow 1 \times 10 = 2 \times 5 \rightarrow 1:2 = 5:10 \rightarrow 2:10 = 1:5$$

④는 비례식이 성립하지 않는다.

$$2 \times 10 \neq 5 \times 1$$

7. 다음 비례식이 참이면 '참', 거짓이면 '거짓'이라고 쓰시오.

$$9 : 10 = 18 : 20$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 참

해설

내항의 곱 : 180, 외항의 곱 : 180
내항의 곱과 외항의 곱이 같으므로 참이다.

8. 안에 들어갈 수가 가장 큰 것의 기호를 쓰시오.

㉠ $40 : 30 = 4 : \square$

㉡ $5 : \square = 2.5 : 4$

㉢ $0.5 : 3 = 1.5 : \square$

㉣ $24 : 64 = 3 : \square$

▶ 답:

▶ 정답: ㉢

해설

㉠ $40 : 30 = (40 \div 10) : (30 \div 10) = 4 : 3$

㉡ $2.5 : 4 = (2.5 \times 2) : (4 \times 2) = 5 : 8$

㉢ $0.5 : 3 = (0.5 \times 3) : (3 \times 3) = 1.5 : 9$

㉣ $24 : 64 = (24 \div 8) : (64 \div 8) = 3 : 8$

9. 가로와 세로의 비가 16 : 9인 직사각형 모양의 깃발을 만들려고 합니다. 가로를 48cm로 하면, 세로는 몇 cm로 해야 하는지 구하시오.

▶ 답: cm

▷ 정답: 27 cm

해설

(가로):(세로) = 16 : 9

세로의 길이를 □라 하면

$$16 : 9 = 48 : \square$$

$$16 \times \square = 9 \times 48$$

$$\square = 432 \div 16$$

$$\square = 27(\text{cm})$$

10. 공책 4권을 600원에 샀습니다. 1500원을 가지면 이 공책을 몇 권 살 수 있는지 구하시오.

▶ 답: 권

▷ 정답: 10권

해설

1500원으로 살 수 있는 공책을 □권이라 하면

$$4 : 600 = \square : 1500$$

$$1 : 150 = \square : 1500$$

$$150 \times \square = 1500$$

$$\square = 1500 \div 150$$

$$\square = 10(\text{권})$$

11. 사과 38개를 사면 3개의 바구니를 준다고 합니다. 바구니를 9개 얻으려면 사과를 몇 개 사야 하는지 구하시오.

▶ 답: 개

▶ 정답: 114개

해설

(사과의 갯수):(바구니의 갯수)= 38 : 3

사과의 갯수를 라 하면

$$38 : 3 = \input{type="text"} : 9$$

$$3 \times \input{type="text"} = 38 \times 9$$

$$\input{type="text"} = 342 \div 3$$

$$\input{type="text"} = 114(\text{개})$$

12. 21을 2 : 5로 비례배분하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 6, 15

해설

$$21 \times \frac{2}{2+5} = 6$$

$$21 \times \frac{5}{2+5} = 15$$

13. 다음 중 5 : 2와 다른 것은 어느 것인지 고르시오.

- ① 1 : 0.4 ② $\frac{1}{5} : \frac{1}{2}$ ③ 15 : 6
④ 0.5 : 0.2 ⑤ 50 : 20

해설

$$\textcircled{2} \quad \frac{1}{5} \times 10 : \frac{1}{2} \times 10 = 2 : 5$$

14. 다음 식을 만족하는 가와 나가 있습니다. 나에 대한 가의 비를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내시오.

$$\text{가} \times 3\frac{3}{5} = \text{나} \times 5\frac{1}{4}$$

▶ 답:

▷ 정답: 35 : 24

해설

비례식에서 외항의 곱과 내항의 곱이 같으므로

가 : 나 = $5\frac{1}{4}$: $3\frac{3}{5}$ 이다.

$$5\frac{1}{4} : 3\frac{3}{5} = \frac{21}{4} : \frac{18}{5}$$

$$= \left(\frac{21}{4} \times 20\right) : \left(\frac{18}{5} \times 20\right)$$

$$= (105 \div 3) : (72 \div 3)$$

$$= 35 : 24$$

15. 형은 2400 원, 동생은 1800 원을 가지고 있습니다. 형이 가진 돈에 대한 동생이 가진 돈의 비를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 3 : 4

해설

형이 가지고 있는 돈을 기준량으로 생각한다.
(동생) : (형) = 1800 : 2400 = 18 : 24 = 3 : 4

16. 다음 중 참인 비례식을 모두 찾으시오.

① $4:5 = 8:10$

② $0.2:0.3 = 10:12$

③ $0.3:\frac{1}{4} = 3:4$

④ $\frac{3}{5}:\frac{7}{2} = 6:35$

⑤ $4:8 = 22:84$

해설

비례식에서 '내항의 곱과 외항의 곱은 같다'는 성질을 이용해서 등식이 성립하는 비례식을 찾습니다.

① $4 \times 10 = 5 \times 8$

② $0.2 \times 12 \neq 0.3 \times 10$

③ $0.3 \times 4 \neq \frac{1}{4} \times 3$

④ $\frac{3}{5} \times 35 = \frac{7}{2} \times 6$

⑤ $4 \times 84 \neq 8 \times 22$

17. 안에 알맞은 수를 써넣으시오.

$$4 : \frac{2}{5} = 20 : \square$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

$$4 \times \square = \frac{2}{5} \times 20$$

$$4 \times \square = 8$$

$$\square = 2$$

18. 다음 비례식에서 안의 값을 구하시오.

$$\square : 1\frac{2}{3} = \frac{3}{5} : 1$$

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

내항의 곱과 외항의 곱은 같습니다.

$$\square \times 1 = 1\frac{2}{3} \times \frac{3}{5}$$

$$\square = 1$$

19. 다음 비례식의 안에 알맞은 수를 써넣으시오.

$$\frac{1}{3} : \frac{3}{7} = 21 : \square$$

▶ 답:

▷ 정답: 27

해설

$$\frac{1}{3} : \frac{3}{7} = 21 : \square$$

$$\frac{1}{3} \times \square = \frac{3}{7} \times 21$$

$$\square = 27$$

20. 다음 비례식에서 안에 알맞은 수를 써넣으시오.

$$3 : 4 = \square : 32$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 24

해설

비례식에서 외항의 곱과 내항의 곱은 같다.

$$\square \times 4 = 3 \times 32$$

$$\square = 24$$

21. 어떤 삼각형의 밑변의 길이와 높이의 비는 5 : 3입니다. 밑변의 길이가 20 cm 이면, 삼각형의 넓이는 몇 cm^2 인가요?

▶ 답: $\underline{\text{cm}^2}$

▷ 정답: 120cm^2

해설

밑변의 길이 : 높이의 길이 = 5 : 3

높이를 \square cm라 하면,

$$5 : 3 = 20 : \square$$

$$5 \times \square = 3 \times 20$$

$$\square = 60 \div 5$$

$$\square = 12(\text{cm})$$

따라서 삼각형의 넓이는

$$12 \times 20 \times \frac{1}{2} = 120(\text{cm}^2)$$

22. 한 변의 길이가 4 : 3인 두 정사각형 (㉠), (㉡)가 있습니다. (㉠) 정사각형의 둘레가 80 cm이면, (㉡) 정사각형의 둘레의 길이는 몇 cm입니까?

▶ 답: cm

▷ 정답: 60 cm

해설

(㉠) 한 변의 길이 : $80 \div 4 = 20$ (cm)

(㉡)의 한 변의 길이를 \square cm라 하면

$$4 : 3 = 20 : \square$$

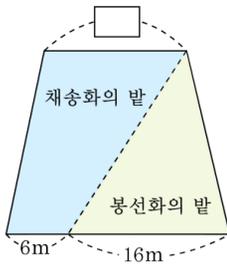
$$4 \times \square = 3 \times 20$$

$$\square = 60 \div 4$$

$$\square = 15 \text{ (cm)}$$

따라서 (㉡)의 둘레는 $15 \times 4 = 60$ (cm)입니다.

23. 다음과 같은 사다리꼴 모양의 화단의 넓이가 5 : 4가 되도록 사다리꼴 모양과 삼각형 모양으로 나누어 각각 채송화와 봉선화를 심었습니다. 채송화 밭의 윗변의 길이는 몇 m입니까?



▶ 답: m

▶ 정답: 14m

해설

$$(6 + \square) \times (\text{높이}) \times \frac{1}{2} : 16 \times (\text{높이}) \times \frac{1}{2} = 5 : 4$$

$$(6 + \square) : 16 = 5 : 4$$

$$(6 + \square) \times 4 = 16 \times 5$$

$$6 \times 4 + \square \times 4 = 80$$

$$\square \times 4 = 80 - 24$$

$$\square \times 4 = 56$$

$$\square = 14(\text{m})$$

24. 40m의 철사로 새장을 4개 만들 수 있습니다. 새장 36개를 만들려면 철사는 몇 m가 있어야 하는지 구하시오.

▶ 답: m

▷ 정답: 360m

해설

새장 36개를 만들기 위해 필요한 철사의 길이를

m라고 하면

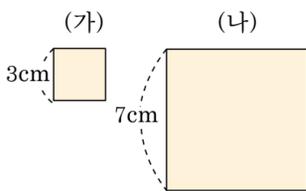
$$40 : 4 = \square : 36$$

$$10 : 1 = \square : 36$$

$$\square = 36 \times 10$$

$$\square = 360(\text{m})$$

25. 다음 정사각형 (가), (나)에서 (가)와 (나)의 넓이의 비는 얼마입니까?



▶ 답:

▷ 정답: 9 : 49

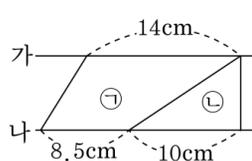
해설

(가)의 넓이 : $3 \times 3 = 9(\text{cm}^2)$

(나)의 넓이 : $7 \times 7 = 49(\text{cm}^2)$

따라서 (가)와 (나)의 넓이의 비는 9 : 49입니다.

26. 다음 그림에서 직선 가와 나 는 서로 평행입니다. ㉠의 넓이에 대한 ㉡의 넓이의 비를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내시오.



▶ 답 :

▷ 정답 : 4 : 9

해설

사다리꼴과 삼각형의 높이가 같으므로
 ㉡의 밑변의 길이와 ㉠의 윗변과 아랫변의 길이의 합이 비가
 넓이의 비입니다.

$$(㉡의 넓이) : (㉠의 넓이)$$

$$= 10 : (14 + 8.5)$$

$$= 5 : 11.25$$

$$= 500 : 1125$$

$$= 4 : 9$$

27. 무를 작년에는 4 개 살 수 있었던 돈으로 올해는 12 개를 살 수 있습니다. 작년에 무 한 개의 값이 2400 원이었다면 올해 무 한 개의 값은 얼마인지 구하시오.

▶ 답: 원

▷ 정답: 800 원

해설

(작년의 무 1 개 값) : (올해의 무 1 개 값)

$$= \frac{1}{4} : \frac{1}{12} = 3 : 1$$

$$(\text{올해의 무 1 개 값}) = \frac{1}{3} \times 2400 = 800 \text{ (원)}$$

28. 길이가 140cm인 끈을 남김없이 사용하여 가로와 세로의 길이의 비가 9:5인 직사각형을 만들었습니다. 가로의 길이는 세로의 길이보다 몇 cm 더 긴지 구하시오.

▶ 답: cm

▷ 정답: 20 cm

해설

$$\text{직사각형의 (가로)+(세로)} = 140 \div 2 = 70(\text{cm})$$

$$\text{가로} : 70 \times \frac{9}{14} = 45(\text{cm})$$

$$\text{세로} : 70 \times \frac{5}{14} = 25(\text{cm})$$

$$\rightarrow 45 - 25 = 20(\text{cm})$$

29. ㉞ 상품의 정가를 3할 할인한 가격과 ㉜ 상품의 정가를 30%인상한 가격이 같다면, 두 상품 ㉞, ㉜의 정가의 비를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내시오.

▶ 답:

▷ 정답: 13 : 7

해설

$$\textcircled{㉞} \times 0.7 = \textcircled{㉜} \times 1.3$$

$$\rightarrow \textcircled{㉞} : \textcircled{㉜} = 1.3 : 0.7 = 13 : 7$$

30. 두 상품 ㉠, ㉡ 있습니다. ㉠의 정가에 2할 6푼을 더한 금액과 ㉡의 정가에서 18%로 할인한 금액이 같다고 합니다. ㉠, ㉡의 정가의 비를 가장 간단하게 나타낸 것은 어느 것입니까?

① 80 : 126

② 126 : 82

③ 41 : 63

④ 18 : 26

⑤ 126 : 118

해설

$$\text{㉠} \times (1 + 0.26) = \text{㉡} \times (1 - 0.18)$$

$$\text{㉠} \times 1.26 = \text{㉡} \times 0.82$$

$$\text{㉠} : \text{㉡} = 0.82 : 1.26$$

$$\text{㉠} : \text{㉡} = 82 : 126 \Rightarrow 41 : 63$$

31. 다음과 같이 두 직사각형 ㉠과 ㉡가 겹쳐져 있습니다. 겹쳐진 부분의 넓이는 ㉠의 넓이의 $\frac{3}{5}$ 이고, ㉡의 넓이의 $\frac{3}{4}$ 입니다. ㉠과 ㉡의 넓이의 비를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내시오.



▶ 답 :

▷ 정답 : 5 : 4

해설

$$\text{㉠} \times \frac{3}{5} = \text{㉡} \times \frac{3}{4} \text{ 이므로}$$

$$\text{㉠} : \text{㉡} = \frac{3}{4} : \frac{3}{5} \text{ 입니다.}$$

$$\text{㉠} : \text{㉡} = \frac{3}{4} : \frac{3}{5} = \left(\frac{3}{4} \times 20\right) : \left(\frac{3}{5} \times 20\right)$$

$$= 15 : 12 = (15 \div 3) : (12 \div 3) = 5 : 4$$

32. 다음 비례식에서 외항의 곱이 40 일 때, $\ominus \times \oslash$ 의 값을 구하시오. (단, \oslash 은 자연수입니다.)

$$(\oslash + 3) : \ominus = 2 : \oslash$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 100

해설

$$(\oslash + 3) : \ominus = 2 : \oslash$$

외항의 곱 : 40

내항의 곱 : 40

$$\ominus \times 2 = 40$$

$$\ominus = 40 \div 2$$

$$\ominus = 20$$

$$(\oslash + 3) \times \oslash = 40$$

⇒ 두 수의 곱이 40이면서 두 수의 차가 3인 두 수는 8.5입니다.

$$\oslash = 5 \quad (8 \times 5 = 40)$$

$$\ominus = 20, \oslash = 5$$

$$\ominus \times \oslash = 20 \times 5 = 100$$

33. 두 원 A, B가 있습니다. 지름의 길이의 비가 2:5일 때, A의 넓이가 62.8cm^2 이면 B의 넓이는 몇 cm^2 인지 소수로 나타내시오.

▶ 답: cm^2

▷ 정답: 392.5cm^2

해설

길이의 비가 2:5 이므로 넓이의 비를 구해보면

$$2 \times 2 \times 3.14 : 5 \times 5 \times 3.14$$

$$\Rightarrow 4 : 25$$

따라서 $4 : 25 = 62.8 : (\text{B의 넓이})$

$$4 \times (\text{B의 넓이}) = 62.8 \times 25$$

$$(\text{B의 넓이}) = 1570 \div 4$$

$$= 392.5(\text{cm}^2)$$

34. 하루에 12 분씩 빨라지는 시계가 있습니다. 어느 날 정오에 시계를 12 시에 맞추어 놓았습니다. 다음날 오후 4 시에 이 시계가 가리키는 시각은 몇 시 몇 분이겠습니까?

▶ 답:

▷ 정답: 오후 4시14분

해설

어느 날 정오부터 다음 날 오후 4 시까지는 모두 28 시간입니다.

빨라진 시간을 □분이라 하면

$$24 : 12 = 28 : \square$$

$$24 \times \square = 12 \times 28$$

$$24 \times \square = 336$$

$$\square = 14(\text{분})$$

따라서 14 분 빨라진 것이므로 시계는 4 시 14 분을 가리킵니다.

35. 파란 구슬, 노란 구슬, 흰 구슬이 620개 있습니다. 노란 구슬의 $\frac{1}{8}$ 과 흰 구슬의 $\frac{1}{6}$ 이 같고, 파란 구슬은 전체의 30%입니다. 노란 구슬은 모두 몇 개입니까?

▶ 답: 개

▷ 정답: 248 개

해설

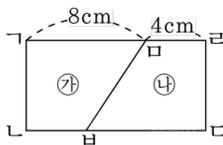
$$(\text{파란 구슬}) = 620 \times 0.3 = 186(\text{개})$$

$$(\text{노란 구슬}) \times \frac{1}{8} = (\text{흰 구슬}) \times \frac{1}{6}$$

$$(\text{노란 구슬}) : (\text{흰 구슬}) = \frac{1}{6} : \frac{1}{8} = 4 : 3$$

$$(\text{노란 구슬}) = \frac{4}{7} \times (620 - 186) = 248(\text{개})$$

36. 다음 직사각형에서 (변 나브): (변 바드) = $2\frac{1}{2} : 3\frac{1}{2}$ 입니다. 직사각형의 넓이가 120 cm^2 일 때, 사다리꼴 ㉔의 넓이를 cm^2 라 할 때 에 알맞은 수를 구하시오.



- ① 63 cm^2 ② 65 cm^2 ③ 67 cm^2
 ④ 69 cm^2 ⑤ 71 cm^2

해설

$$(\text{변 나브}) : (\text{변 바드}) = 2\frac{1}{2} : 3\frac{1}{2} = \frac{5}{2} : \frac{7}{2} = 5 : 7$$

변 바드의 길이는 12 cm 이므로,

$$\text{변 나브의 길이} : 12 \times \frac{5}{12} = 5(\text{ cm})$$

세로의 길이 : (넓이) \div (가로)

$$= 120 \div 12 = 10(\text{ cm})$$

$$\text{㉔의 넓이} : (8 + 5) \times 10 \div 2 = 65(\text{ cm}^2)$$

37. 의연이와 장연이가 가지고 있는 용돈의 비는 3 : 5이고, 의연이는 3000원을 가지고 있습니다. 두 사람이 똑같이 돈을 내어 부모님의 선물을 사고 나니 남은 돈의 비가 1 : 5가 되었습니다. 지금 장연이에게 남은 돈은 얼마인지 구하시오.

▶ 답: 원

▶ 정답: 2500 원

해설

의연이와 장연이의 용돈의 비 \Rightarrow 3 : 5
 장연이가 처음 갖고 있었던 돈을 \square 라 하면
 $3 : 5 = 3000 : \square$
 $3 \times \square = 5 \times 3000$
 $\square = 15000 \div 3$
 $\square = 5000$
 남은 돈의 비 \Rightarrow 1 : 5
 두 사람이 똑같이 쓴 돈을 \bigcirc 라 하면
 $1 : 5 = (3000 - \bigcirc) : (5000 - \bigcirc)$
 $1 \times (5000 - \bigcirc) = 5 \times (3000 - \bigcirc)$
 $5000 - \bigcirc = 5 \times 3000 - 5 \times \bigcirc$
 $5 \times \bigcirc - \bigcirc = 15000 - 5000$
 $4 \times \bigcirc = 10000$
 $\bigcirc = 10000 \div 4$
 $\bigcirc = 2500$
 따라서 장연이의 남은 용돈은 $5000 - 2500 = 2500$ (원)입니다.

38. 하루에 8분씩 늦게 가는 시계가 있습니다. 어느 날 오전 9시에 정확히 시계를 맞추고, 다음날 오전 6시에 이 시계가 가리키는 시간은 얼마인지 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: 오전 5시 53분

해설

오전 9시부터 다음날 오전 6시까지 21시간이며, 8분(480초)입니다.

$$24 : 480 = 21 : \square$$

$$\square = 480 \times 21 \div 24$$

$$\square = 420(\text{초}) \Rightarrow 7\text{분}$$

이 시계는 오전 6시에는 7분 느린 오전 5시 53분입니다.

39. 고모는 수박과 참외를 합하여 100 개를 64000 원을 주고 샀습니다. 수박과 참외의 개수의 비는 2 : 3 이고, 수박과 참외 1 개당 가격의 비는 5 : 2 라고 합니다. 수박 1 개와 참외 1 개의 가격의 합을 구하시오.

▶ 답 : 원

▷ 정답 : 1400 원

해설

수박과 참외의 개수

$$\text{수박} : 100 \times \frac{2}{5} = 40 \text{ (개)}, \text{참외} : 100 \times \frac{3}{5} = 60 \text{ (개)}$$

수박 1 개의 값을 1 이라고 하면, 참외 1 개의

값은 $\frac{2}{5}$ 이므로

$$(\text{수박 1 개의 값}) = 64000 \div \left(40 + 60 \times \frac{2}{5} \right) = 1000 \text{ (원)}$$

$$(\text{참외 1 개의 값}) = 1000 \times \frac{2}{5} = 400 \text{ (원)}$$

$$(\text{수박 1 개와 참외 1 개의 가격의 합}) = 1000 + 400 = 1400 \text{ (원)}$$

40. 소 5 마리가 운반하는 짐의 양과 말 4 마리가 운반하는 짐의 양은 같습니다. 말 15 마리가 20 회에 운반하는 양은 소 5 마리가 몇 번 나르면 되는지 구하시오.

- ① 69번 ② 71번 ③ 73번 ④ 75번 ⑤ 77번

해설

말 15 마리가 20 회 운반해야 하므로
말 1 마리가 하게 되면 300 회 운반해야 한다.
또 말 4 마리가 하게 되면 75 회 운반해야 한다.
말 4 마리가 운반하는 양은
소 5 마리가 운반하는 양과 같으므로
똑같은 양을 운반하기 위해서는
소 5 마리가 75 회 운반해야 한다.