

1. 등차수열  $a_n$ 의 일반항이  $a_n = 3n + 6$  일 때, 첫째 항  $a$ 와 공차  $d$ 는?

- ①  $a = 3, d = -3$
- ②  $a = 3, d = 3$
- ③  $a = 6, d = 3$
- ④  $a = 9, d = 3$
- ⑤  $a = 9, d = -3$

2.  $\sqrt[3]{-128}$  을 간단히 하면?

- ① 2      ② -2      ③  $-2\sqrt[3]{2}$   
④  $-2\sqrt{2}$       ⑤ 허수

3. 첫째항이 6, 공차가 -5인 등차수열  $\{a_n\}$ 에서 -44는 제 몇 항인가?

- ① 10      ② 11      ③ 12      ④ 13      ⑤ 14

4. 이차방정식  $x^2 - 6x + 4 = 0$  의 두 근을  $\alpha, \beta$ 라 할 때,  $\alpha, \beta$ 의 등차중항을 구하여라.

 답: \_\_\_\_\_

5. 수열  $-3, a, b, c, 13$ 이 순서로 등차수열을 이룰 때,  $a + b + c$ 의 값은?

- ① 10      ② 15      ③ 20      ④ 25      ⑤ 30

6. 수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제  $n$  항까지의 합  $S_n$ 이  $S_n = n^2 + 2n$  일 때,  
 $a_{10}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

7. 두 수 1과 64사이에 다섯 개의 수  $a_1, a_2, a_3, a_4, a_5$ 를 넣어서 만든  
수열이 등비수열을 이룰 때,  $a_3$ 의 값은?(단,  $a_3 > 0$ )

- ① 2      ② 4      ③ 8      ④ 16      ⑤ 32

8.  $3^x = 5$  일 때,  $(\frac{1}{81})^{-\frac{x}{4}}$ 의 값을 구하면?

- ① 3      ②  $\sqrt{3}$       ③ 5      ④  $\sqrt{5}$       ⑤  $\frac{1}{5}$

9.  $-3$ 과  $11$  사이에  $n$  개의 수를 나열한 수열  $-3, a_1, a_2, a_3, \dots, a_n, 11$ 이 등차수열을 이루고 그 합이  $32$  일 때 공차  $d$ 와 항수  $n$ 을 구하면?

- ①  $d = 2, n = 4$       ②  $d = 2, n = 5$       ③  $d = 2, n = 6$   
④  $d = 3, n = 4$       ⑤  $d = 3, n = 6$

10. 수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제  $n$  항까지의 합  $S_n$ 이  $|S_n = -n^2 + 2n|$  일 때,  
 $a_{11} + a_{12} + a_{13} + \dots + a_{20}$  을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

11. 등차수열  $\{a_n\}$ 에서  $a_1 = 6$ ,  $a_5 = -2$  일 때,  $|a_1| + |a_2| + |a_3| + \cdots + |a_{20}|$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

12. 첫째항부터 제3항까지의 합이 7, 제4항부터 제6항까지의 합이 56인 등비수열이 있다. 이 수열의 첫째항부터 제9항까지의 합은? (단, 공비는 실수이다.)

① 498      ② 502      ③ 511      ④ 512      ⑤ 524

13.  $f(n) = \sum_{k=1}^n \frac{1}{k}$  일때,  $\sum_{k=1}^n \frac{1}{2k-1} \stackrel{?}{=} f(n) \neq f(2n)$  으로 나타내면?

- |                    |                             |
|--------------------|-----------------------------|
| ① $f(2n) - f(n)$   | ② $f(2n) - \frac{1}{2}f(n)$ |
| ③ $2f(n) - f(2n)$  | ④ $f(n) - \frac{1}{2}f(2n)$ |
| ⑤ $3f(n) - 2f(2n)$ |                             |

14. 1에서 10까지의 자연수 중에서 서로 다른 두 자연수의 곱을 모두 더한 값을  $S$  라 할 때,  $\frac{S}{10}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

15. 수열  $\{a_n\}$ 이 1, 3, 7, 15, 31, … 일 때, 계차수열  $\{b_n\}$ 의 일반항이  $b_n = \alpha^n$  이므로 수열  $\{a_n\}$ 의 일반항은  $a_n = \beta^n + \gamma$ 이다. 이때, 실수  $\alpha, \beta, \gamma$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

16. 수열의 합  $S = 1 + 2x + 3x^2 + 4x^3 + \cdots + nx^{n-1}$  을 간단히 하면? (단,  $x \neq 1$ )

$$\begin{array}{ll} ① S = \frac{n(1-x^n)}{2} & ② S = \frac{1-x^n}{2} \\ ③ S = \frac{1-x^n}{2} - \frac{2x^n}{x} & ④ S = \frac{1-x^n}{1+x} - \frac{1-x^n}{(1-x)^2} \\ ⑤ S = \frac{1-x^n}{(1-x)^2} - \frac{nx^n}{1-x} \end{array}$$

17.  $a_1 = 1$ ,  $4a_n a_{n+1} = a_n - a_{n+1}$  ( $n = 1, 2, 3, \dots$ )로 정의된 수열  $\{a_n\}$ 에서 일반항  $a_n$ 을 구하면?

①  $\frac{1}{n}$       ②  $\frac{1}{2n-1}$       ③  $\frac{1}{3n-2}$   
④  $\frac{1}{4n-3}$       ⑤  $\frac{1}{5n-4}$

18.  $a_1 = 1$ ,  $a_{n+1} = a_n + 2^n$  ( $n = 1, 2, 3, \dots$ ) 과 같이 정의된 수열  $\{a_n\}$ 에  
대하여  $a_9$ 의 값은?

- ① 511      ② 512      ③ 513      ④ 1023      ⑤ 1025

19.  $a_1 = 110$ 인 수열  $\{a_n\}$ 은 다음을 만족한다.

$$a_1 + a_2 + \cdots + a_n = n^2 a_n \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

$a_{10}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

20. 다음은 모든 자연수  $n$ 에 대하여  
 $1 \cdot 2 + 2 \cdot 2^2 + 3 \cdot 2^3 + \cdots + n \cdot 2^n = (n - 1) \cdot 2^{n+1} + 2$ 가 성립함을 수학적 귀납법으로 증명한 것이다.

(i)  $n = 1$  일 때, (좌변) =  $1 \cdot 2 = 2$ , (우변) =  $(1 - 1) \cdot 2^2 + 2 = 2$  이므로 주어진 등식이 성립한다.

(ii)  $n = k$  일 때, 등식이 성립한다고 가정하면

$$1 \cdot 2 + 2 \cdot 2^2 + 3 \cdot 2^3 + \cdots + k \cdot 2^k$$

$$= (k - 1) \cdot 2^{k+1} + 2$$

이 식의 양변에  $\boxed{(가)}$ 을 더하면

$$1 \cdot 2 + 2 \cdot 2^2 + 3 \cdot 2^3 + \cdots + k \cdot 2^k + \boxed{(가)}$$

$$= (k - 1) \cdot 2^{k+1} + 2 + \boxed{(가)}$$

$$= \boxed{(나)} \cdot 2^{k+2} + 2$$

따라서,  $n = k + 1$  일 때에도 등식은 성립한다.

(i), (ii)에 의하여 주어진 등식은 모든 자연수  $n$ 에 대하여 성립 한다.

위의 증명에서 (가), (나)에 알맞은 것은?

- ① (가) :  $k \cdot 2^{k+1}$ , (나) :  $k$
- ② (가) :  $k \cdot 2^{k+1}$ , (나) :  $k + 1$
- ③ (가) :  $(k + 1) \cdot 2^{k+1}$ , (나) :  $k$
- ④ (가) :  $k \cdot 2^{k+1}$ , (나) :  $k + 1$
- ⑤ (가) :  $(k + 1) \cdot 2^{k+1}$ , (나) :  $k + 1$

21.  $a = 2^{12}$  일 때,  $\sqrt{\frac{\sqrt[3]{a}}{\sqrt{a}}} \times \sqrt[4]{\frac{\sqrt{a}}{\sqrt[3]{a}}}$  의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

22. 다음은 등차중항과 등비중항, 조화중항 사이의 관계를 설명한 내용이다. ⑦ ⑨에 들어갈 내용이 알맞지 않은 것은?

두수  $a, b$ 에 대하여 등차중항을  $A$ , 등비중항을  $G$ , 조화중항을  $H$ 라고 하면

$$A = \frac{a+b}{2}, G = \sqrt{ab}, H = \frac{2ab}{a+b}$$

이때 세 수의 관계는 다음과 같다.

$$A \geq G \geq H(\text{단, 등호는 } a = b \text{ 일 때 성립}), G = H^2$$

따라서 등비중항  $G$ 는 등차중항  $A$ 와 조화중항  $H$ 의 ⑨이며, 세 수는 ⑨를 이룬다.

- ① (㉠) -  $\sqrt{ab}$       ② (㉡) -  $ab$   
③ (㉢) -  $A \times H$       ④ (㉣) - 등비중항  
⑤ (㉤) - 등비수열

23. 수열  $\{a_n\}$  을  $\log_3 a_1 a_2 a_3 \cdots a_n = n(n-1)$  ( $n = 1, 2, 3, \dots$ ) 로 정의할 때,  $\frac{a_{21}}{a_{20}}$  의 값은?

- ① 3      ② 6      ③ 9      ④ 12      ⑤ 15

24. 비어 있는 물탱크에 물을 채우려고 한다. 첫째 날은 7L의 불을 채우고, 다음 날부터 전날 채운 물의 양의  $\frac{4}{3}$  배보다 1L 적은 양을 채우기로 하였다. 열 번째 날 물탱크에 채우는 물의 양은?

①  $4\left(\frac{2}{3}\right)^{10} + 3L$     ②  $4\left(\frac{3}{4}\right)^9 + 3L$     ③  $4\left(\frac{3}{5}\right)^9 + 3L$

④  $4\left(\frac{4}{3}\right)^{10} + 3L$     ⑤  $4\left(\frac{5}{3}\right)^{10} + 3L$

25. 세 수  $\sqrt{2}$ ,  $\sqrt[3]{3}$ ,  $\sqrt[6]{6}$  중에서 두 수를 선택하여  $a, b$ 라고 할 때,  $\frac{b}{a}$ 의 최댓값은?

①  $\sqrt{\frac{3}{2}}$     ②  $\sqrt[3]{\frac{1}{2}}$     ③  $\sqrt[3]{\frac{3}{2}}$     ④  $\sqrt[6]{\frac{3}{2}}$     ⑤  $\sqrt[6]{\frac{1}{6}}$