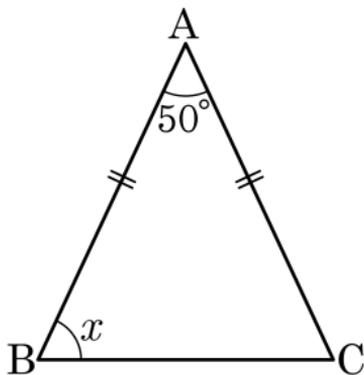


1. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 ABC 에서 $\angle A = 50^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



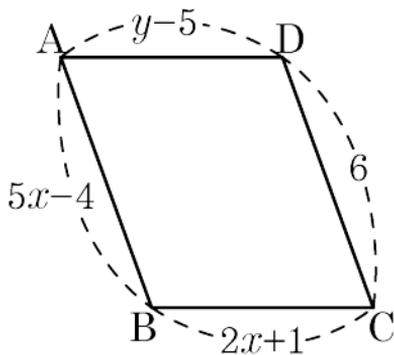
▶ 답: $\quad \quad \quad \circ$

▶ 정답: 65°

해설

$$\angle x = (180^\circ - 50^\circ) \div 2 = 65^\circ$$

2. 다음 그림과 같은 평행사변형에서 x, y 의 값은?



① $x = 1, y = 5$

② $x = 2, y = 10$

③ $x = 4, y = 4$

④ $x = 5, y = 7$

⑤ $x = 3, y = 2$

해설

대변의 길이가 같으므로 $5x - 4 = 6$ 이고 $2x + 1 = y - 5$ 이다.
따라서 $x = 2, y = 10$

3. 다음 중 답음이 아닌 것은?

- ① 두 정삼각형
- ② 꼭지각의 크기가 같은 두 이등변삼각형
- ③ 밑변과 다른 변의 길이의 비가 같은 두 이등변삼각형
- ④ 한 예각의 크기가 같은 두 이등변삼각형
- ⑤ 두 정사각형

해설

- ①, ⑤ 정삼각형과 정사각형인 경우는 대응각의 크기 (또는 각 대응변의 길이의 비)가 같으므로 AA(SSS) 답음
- ② 꼭지각의 크기가 같으면 다른 두 밑각의 크기가 같으므로 AA 답음
- ③ 밑변과 다른 변의 길이의 비가 같으면 세 변의 길이의 비가 같은 것이므로 SSS 답음

4. 다음 그림에서 점 G는 $\triangle ABC$ 의 무게중심이다. $\triangle ABC$ 의 넓이가 30 cm^2 일 때, $\square FBDG$ 의 넓이는?

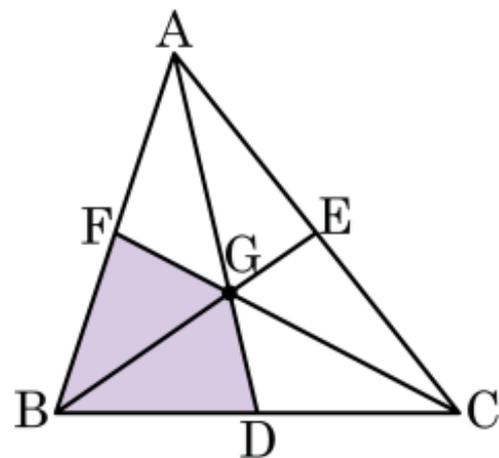
① 9 cm^2

② 10 cm^2

③ 11 cm^2

④ 12 cm^2

⑤ 13 cm^2

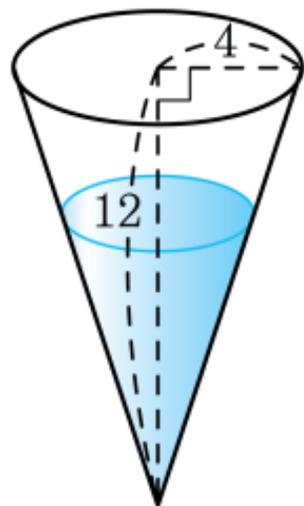


해설

$$\square FBDG = \frac{2}{6} \triangle ABC = \frac{1}{3} \times 30 = 10(\text{ cm}^2)$$

5. 다음 그림과 같은 원뿔 모양의 그릇에 물을 부어서 높이의 $\frac{2}{3}$ 만큼 채웠다고 할 때, 물이 채워진 부분의 원뿔의 높이를 알맞게 구한 것은?

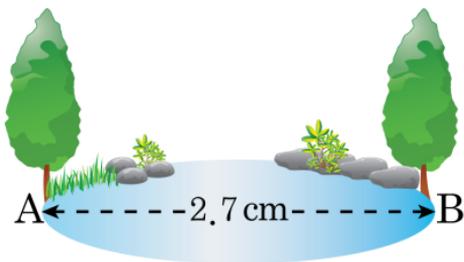
- ① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10



해설

$$12 \times \frac{2}{3} = 8$$

6. 연못가의 두 나무 A, B 사이의 거리를 알기 위하여 다음 그림과 같은 축도를 그려 선분 AB의 길이를 재었더니 2.7cm로 나타났다. 이 축도에서 실제 거리 100m가 3cm로 나타난다면 두 나무 사이의 실제 거리는 얼마인지 구하여라.



▶ 답 : m

▷ 정답 : 90 m

해설

100m가 3cm로 나타나므로 축척은

$3\text{cm} : 100\text{m} = 3\text{cm} : 10000\text{cm} = 3 : 10000$ 이다.

A, B 두 나무 사이의 실제 거리를 $x\text{cm}$ 라 하면 $\overline{AB} = 2.7\text{cm}$

이므로 $2.7 : x = 3 : 10000$

$x = 9000(\text{cm}) = 90(\text{m})$ 이다.

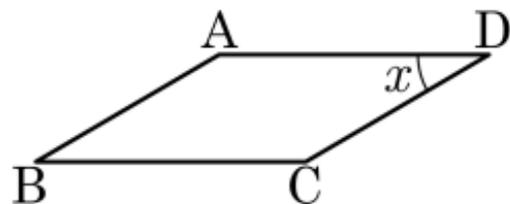
7. 다음 중 평행사변형의 정의를 바르게 나타낸 것은?

- ① 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.
- ② 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.
- ③ 한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같다.
- ④ 두 쌍의 대변이 각각 평행한 사각형이다.
- ⑤ 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.

해설

평행사변형은 두 쌍의 대변이 각각 평행한 사각형이다.

8. 평행사변형 ABCD 에서 $\angle A : \angle B = 5 : 1$
일 때, $\angle x = (\quad)^\circ$ 이다. (\quad) 안에
알맞은 수는 ?



① 15

② 20

③ 25

④ 30

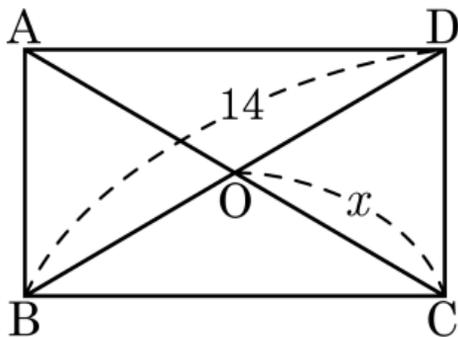
⑤ 35

해설

$$\angle A = 180^\circ \times \frac{5}{6} = 150^\circ$$

$$\therefore x = 180^\circ - 150^\circ = 30^\circ$$

9. □ABCD 가 직사각형일 때, x 의 길이를 구하여라.



① 5

② 6

③ 7

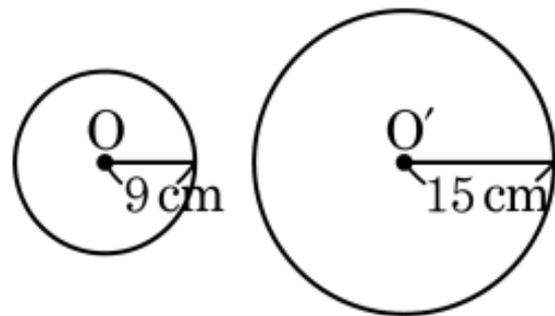
④ 8

⑤ 9

해설

직사각형은 두 대각선의 길이가 같고 이등분하기 때문에 $x = 14 \div 2 = 7$ 이다.

10. 다음 그림에서 두 원 O 와 O' 의 닮음비는?



① 1 : 2

② 1 : 3

③ 2 : 3

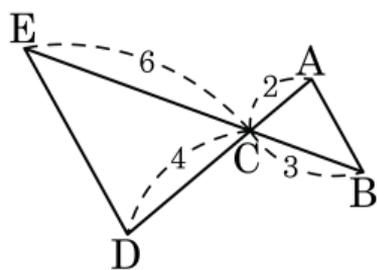
④ 3 : 5

⑤ 4 : 5

해설

두 원 O 와 O' 의 반지름의 길이가 각각 9 cm , 15 cm 이므로 닮음비는 $9 : 15 = 3 : 5$ 이다.

11. 다음의 그림에서 $\triangle ABC$ 와 닮음인 삼각형과 닮음 조건을 바르게 짝지어 놓은 것은?



- ① $\triangle EDC$ (SSS닮음)
 ② $\triangle DEC$ (AA닮음)
 ③ $\triangle CDE$ (SSS닮음)
 ④ $\triangle DEC$ (SSS닮음)
 ⑤ $\triangle DEC$ (SAS닮음)

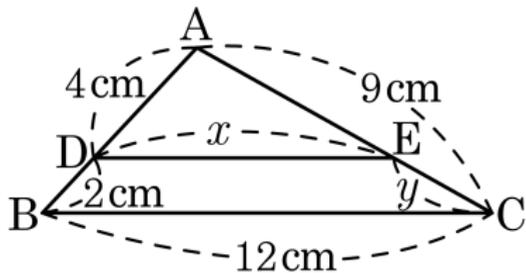
해설

$$\overline{BC} : \overline{CE} = 3 : 6 = 1 : 2, \quad \overline{CA} : \overline{CD} = 2 : 4 = 1 : 2$$

$$\angle ECD = \angle BCA (\text{맞꼭지각})$$

따라서 $\triangle ABC \sim \triangle DEC$ (SAS닮음) 이다.

12. 다음 그림에서 $\overline{BC} \parallel \overline{DE}$ 일 때, $x + y$ 를 구하면?



① 9

② 10

③ 10.5

④ 11

⑤ 11.5

해설

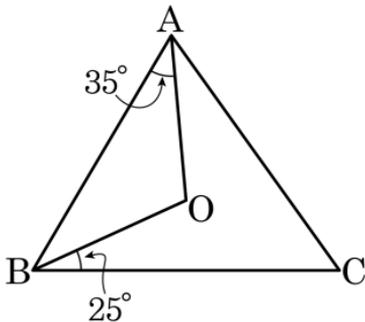
$$4 : 6 = x : 12 \text{ 이므로 } x = 8$$

$$\overline{AB} : \overline{DB} = \overline{AC} : \overline{EC} \text{ 이므로 } 6 : 2 = 9 : y$$

$$y = 3$$

$$\therefore x + y = 11$$

13. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 점 O 는 외심이다. $\angle OAB = 35^\circ$, $\angle OBC = 25^\circ$ 일 때, $\angle C$ 의 크기는?



① 40°

② 45°

③ 50°

④ 55°

⑤ 60°

해설

$\angle C = \angle x$ 라 할 때, $\triangle OBC$ 가 이등변삼각형이므로 $\angle OBC = \angle OCB$

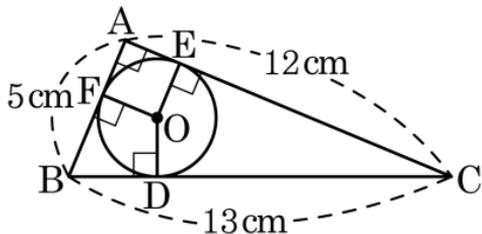
따라서 $\angle x = 25^\circ + \angle OCA$,

$\angle OAC + 35^\circ + 25^\circ = 90^\circ$

$\angle OAC = \angle OCA = 30^\circ$

$\therefore \angle x = 55^\circ$

14. 다음 그림과 같은 직각삼각형에서 내접원의 넓이는?



① $2\pi \text{ cm}^2$

② $4\pi \text{ cm}^2$

③ $9\pi \text{ cm}^2$

④ $16\pi \text{ cm}^2$

⑤ $25\pi \text{ cm}^2$

해설

내접원의 반지름의 길이를 $x \text{ cm}$ 라 하면,

$$\overline{AF} = \overline{AE} = x, \overline{BF} = \overline{BD} = 5 - x,$$

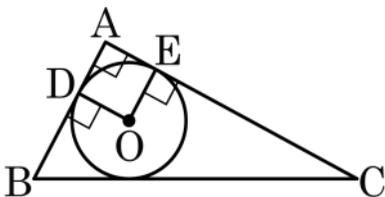
$$\overline{CE} = \overline{CD} = 12 - x \text{ 이므로}$$

$$(5 - x) + (12 - x) = 13$$

$$\therefore x = 2$$

따라서 내접원의 넓이는 $4\pi \text{ cm}^2$

15. $\triangle ABC$ 에서 점 O 는 내심이고 \overline{AE} 의 길이가 3이다. $\triangle ABC = 48$ 일 때, 세 변의 길이의 합은?



① 16

② 24

③ 28

④ 32

⑤ 36

해설

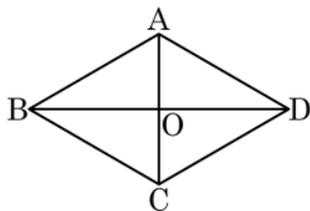
세 변의 길이를 각각 a, b, c 라 하면

\overline{AE} 는 내접원의 반지름의 길이와 같으므로 $\triangle ABC =$

$\frac{1}{2}r(a+b+c)$ 에서

$$a+b+c = 48 \times \frac{2}{3} = 32$$

16. 다음 그림의 평행사변형 ABCD 가 마름모일 때, 다음 설명 중 옳지 않은 것은?



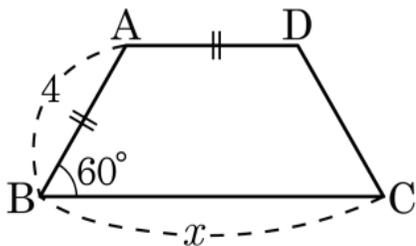
- ① \overline{AO} 와 \overline{OD} 는 직교한다.
- ② $\angle ABO = \angle OBC$
- ③ \overline{OA} 와 \overline{OB} 의 길이는 같다.
- ④ $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CD} = \overline{DA}$
- ⑤ \overline{OA} 와 \overline{OC} 의 길이는 같다.

해설

평행사변형이 마름모가 되려면 두 대각선이 직교하거나 이웃하는 두변의 길이가 같아야 한다.

③ \overline{OA} 와 \overline{OB} 의 길이는 같다는 것은 직사각형이 될 조건이다.

17. 등변사다리꼴 ABCD에서 x 의 길이를 구하여라.



① 6

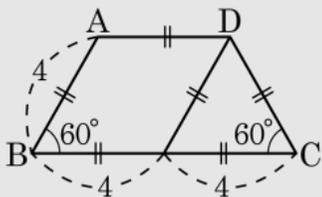
② 7

③ 8

④ 9

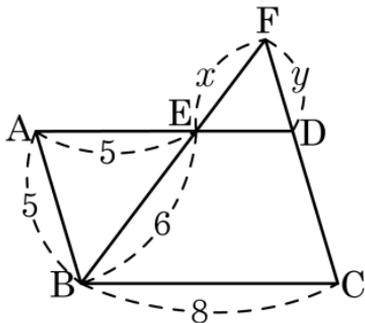
⑤ 10

해설



$\triangle DEC$ 는 정삼각형이므로 $x = 4 + 4 = 8$ 이다.

18. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD 에서 점 B 를 지나는 직선이 변 AD 와 만난 점을 E , 변 CD 의 연장선과 만난 점을 F 라 할 때, $5x + y$ 의 값은?



① 15

② 18

③ 21

④ 27

⑤ 30

해설

□ABCD 가 평행사변형이므로 $\overline{AD} = 8$

$$\therefore \overline{DE} = 8 - 5 = 3$$

$\triangle ABE \sim \triangle DFE$ 이므로

$$5 : 3 = 5 : y$$

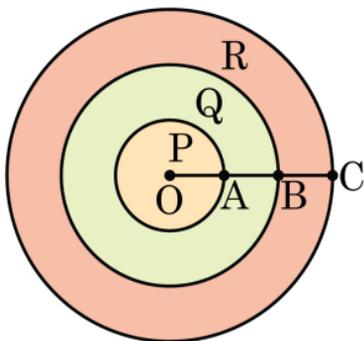
$$\therefore y = 3$$

$$5 : 6 = 3 : x$$

$$\therefore x = \frac{18}{5}$$

$$\therefore 5x + y = 5 \times \frac{18}{5} + 3 = 21$$

19. 다음 그림은 점 O가 중심인 세 원이며 $\overline{OA} = \overline{AB} = \overline{BC}$ 이다. 이 때, 세 부분 P, Q, R의 넓이의 비는?

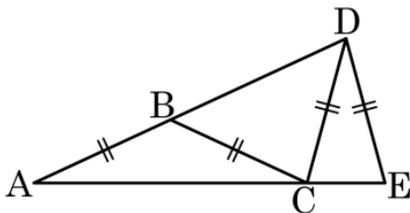


- ① 1 : 2 : 3 ② 1 : 4 : 6 ③ 1 : 4 : 9
 ④ 1 : 3 : 5 ⑤ 1 : 8 : 27

해설

세 원의 뒀음비는 1 : 2 : 3 이므로 넓이의 비는 1 : 4 : 9 이다.
 따라서 $P : Q : R = 1 : (4 - 1) : (9 - 4) = 1 : 3 : 5$ 이다.

20. 다음 그림과 같은 $\triangle ADE$ 에서 $\angle ADE = 80^\circ$ 이고 점 B, C 는 각각 $\overline{AD}, \overline{AE}$ 위에 있다. $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CD} = \overline{DE}$ 일 때, $\angle A$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: $\quad \quad \quad \circ$

▷ 정답: 25°

해설

$\angle A$ 의 크기를 $\angle x$ 라고 하면

$$\angle BAC = \angle BCA = \angle x, \angle CBD = \angle CDB =$$

$$2\angle x, \angle DCE = \angle DEC = 3\angle x$$

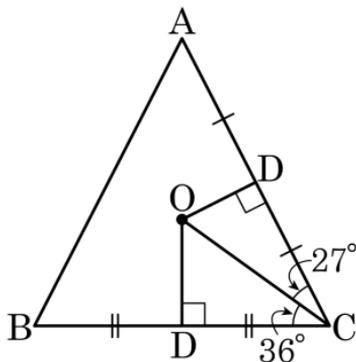
$\triangle ADE$ 에서

$$\angle DAE + \angle DEA + 80^\circ = 180^\circ$$

$$\angle x + 3\angle x = 100^\circ$$

$$\angle x = 25^\circ$$

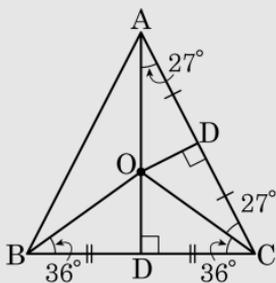
21. 다음 그림에서 점 O가 \overline{AC} , \overline{BC} 의 수직이등분선의 교점일 때, $\angle A$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\quad \quad \quad \circ$

▷ 정답 : $54 \underline{\quad}$

해설



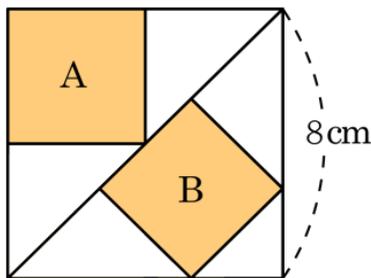
$$\angle OAD = \angle OCD = 27^\circ, \angle OBC = \angle OCB = 36^\circ$$

또, $\angle OAB = \angle OBA$ 이므로,

$$\angle OAB = \frac{1}{2} \{180^\circ - 2(36^\circ + 27^\circ)\} = 27^\circ$$

$$\therefore \angle A = 27^\circ + 27^\circ = 54^\circ$$

22. 다음은 한 변의 길이가 8cm 인 정사각형에서 하나의 대각선을 중심으로 두 개의 정사각형 A, B 를 그린 것이다. A 와 B 의 넓이의 합을 구하여라.

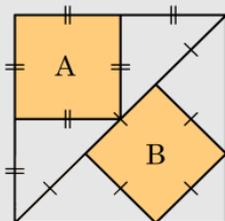


▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : $\frac{272}{9} \text{cm}^2$

해설

두 개의 직각삼각형의 넓이는 각각 $8 \times 8 \times \frac{1}{2} = 32(\text{cm}^2)$ 이고, 길이가 같은 것을 표시하면 다음 그림과 같다.



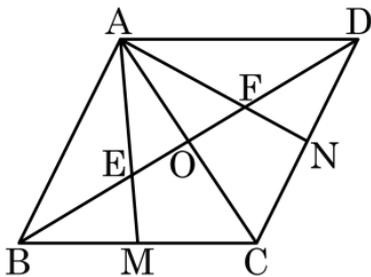
따라서 다음이 성립한다.

$$(A \text{의 넓이}) = 32 \times \frac{1}{2} = 16(\text{cm}^2)$$

$$(B \text{의 넓이}) = 32 \times \frac{4}{9} = \frac{128}{9}(\text{cm}^2)$$

\therefore 두 넓이의 합은 $\frac{272}{9} \text{cm}^2$ 이다.

24. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 의 변 BC, CD 의 중점을 각각 M, N 이라 하고, 대각선 BD 와 선분 AM, AN 의 교점을 각각 E, F 라 할 때, 선분 EF 의 길이는 13 이다. 이때 대각선 BD 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 39

해설

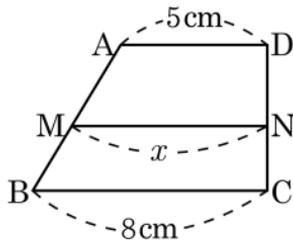
점 M, N 은 변 BC, CD 의 중점이고, 평행사변형의 대각선은 서로 이등분하므로

점 E 는 삼각형 ABC 의 무게중심이고, 점 F 는 삼각형 ACD 의 무게중심이다.

$$\overline{BE} = \overline{DF} = 2\overline{EO} = 2\overline{FO}$$

$$\therefore \overline{BD} = 39$$

25. 다음 그림에서 $\overline{AD} \parallel \overline{MN} \parallel \overline{BC}$, $\square AMND = \square MBCN$ 일 때, x^2 의 값을 구하면?



① 44

② 44.5

③ 45

④ 45.5

⑤ 46

해설

$$\triangle OAD : \triangle OBC = 5^2 : 8^2 = 25 : 64$$

$$\square AMND = \square MBCN$$

$$\triangle OAD : \triangle OMN = 5^2 : x^2$$

$$\triangle OMN = \triangle OAD + \frac{1}{2} \square ABCD$$

$$\begin{aligned} \triangle OAD : \triangle OMN &= 25 : 25 + \frac{(64 - 25)}{2} \quad \therefore \\ &= 25 : 44.5 \end{aligned}$$

$$x^2 = 44.5$$

