두 다항식 A, B에 대하여 연산 △, ▼를 A△B = 2A + B, A▼B = A - 3B 로 정의한다.
 A = 2 + 3x² - x³, B = x² + 3x + 1일 때 A▼(B△A)를 구하면?

①
$$2x^3 - 18x - 10$$
 ② $2x^3 - 12x^2 - 18x - 10$

해설
$$A \blacktriangledown (B \triangle A) = A \blacktriangledown (2B + A)$$

$$= A - 3(2B + A) = -2A - 6B$$
위와 같이 식을 간단히 정리한 후 A, B에 대입하여 정리한다.

2. 다항식 $x^5\left(x+\frac{1}{r}\right)\left(1+\frac{2}{r}+\frac{3}{r^2}\right)$ 의 차수는?

⑤ 8차

해설
$$x^{5}\left(x+\frac{1}{x}\right)\left(1+\frac{2}{x}+\frac{3}{x^{2}}\right)$$

$$=x^{2}(x^{2}+1)(x^{2}+2x+3)$$

$$\therefore 6차 다항석$$

3. $2x^4 - x^3 + 2x^2 + a = x^2 + x + 1$ 로 나누어 떨어지도록 하는 상수 a의 값을 구하면?

$$\bigcirc 1 - 3 \qquad \bigcirc 3 \qquad \bigcirc 3 - 6 \qquad \bigcirc 4 \ 6 \qquad \bigcirc 12$$

$$x^2 + x + 1 = 0$$
이 되는 x 값을 대입한다.
 $x^2 + x + 1 = 0$ 에서 $(x - 1)(x^2 + x + 1) = 0$, $x^3 - 1 = 0$
 $\therefore x^3 = 1$

준 식의 좌변에
$$x^3 = 1$$
, $x^2 = -x - 1$ 을 대입하면 $2x - 1 + 2(-x - 1) + a = 0$, $a - 3 = 0$

$$\therefore a = 3$$

1. $x^3 + x^2 + 2$ 를 다항식 $x^2 + 2x - 1$ 로 나누었을 때의 몫을 Q(x) 나머지를 R(x)라 할 때, Q(x) + R(x)의 값은?

①
$$2x - 3$$
 ② $2x$ ③ $3x + 2$ ④ $4x + 1$

해설
$$x^3 + x^2 + 2 \stackrel{d}{=} x^2 + 2x - 1 \stackrel{d}{=} 2 \stackrel{d}{=} 1$$
 모 직접 나누면
$$Q(x) = x - 1, \quad R(x) = 3x + 1$$

$$\therefore \quad Q(x) + R(x) = 4x$$

5. 사차식
$$3x^4 - 5x^2 + 4x - 7$$
을 이차식 A 로 나누었더니 몫이 $x^2 - 2$ 이고 나머지가 $4x - 5$ 일 때, 이차식 A 를 구하면?

(3) $3x^2$

(2) $3x^2 - 1$

(1) $3x^2 - 2$

해설
검산식:
$$3x^4 - 5x^2 + 4x - 7 = A(x^2 - 2) + 4x - 5$$

$$A = \frac{3x^4 - 5x^2 - 2}{x^2 - 2} = 3x^2 + 1$$

6. 다항식
$$A=2x^3-7x^2-4$$
 를 다항식 B 로 나눌 때, 몫이 $2x-1$, 나머지가 $-7x-2$ 이다. 다항식 $B=ax^2+bx+c$ 일 때, $a^2+b^2+c^2$ 의 값은?

① 3 ② 6 ③ 9 ④ 14 ⑤ 17

$$A = 2x^3 - 7x^2 - 4 = B(2x - 1) - 7x - 2$$
이다.

$$2x^3 - 7x^2 + 7x - 2 = B(2x - 1)$$

좌변을 $2x - 1$ 로 나누면

$$2x^3 - 7x^2 + 7x - 2 = (2x - 1)(x^2 - 3x + 2)$$

 $B = x^2 - 3x + 2$

7. $(-2x^3 + x^2 + ax + b)^2$ 의 전개식에서 x^3 의 계수가 -8일 때, a - 2b의 값은?

①
$$-6$$
 ② -4 ③ -2 ④ 0 ⑤ 2

전개할 때 삼차항은 일차항과 이차항의 곱, 삼차항과 상수항의 곱이 각각 2개씩 나온다.
$$(-2x^3 \times b) \times 2 + (x^2 \times ax) \times 2 = (-4b + 2a)x^3$$

$$2a - 4b = -8$$

 $\therefore a - 2b = -4$

8. 세 모서리의 길이의 합이 22이고 대각선의 길이가 14인 직육면체의 겉넓이는?

① 144 ② 196 ③ 288 ④ 308 ⑤ 496

세 모서리를
$$x$$
, y , z 라 하면 $x + y + z = 22 \cdots 1$ $\sqrt{x^2 + y^2 + z^2} = 14 \cdots 2$ 이고 겉넓이는 $2(xy + yz + zx)$ 이다. ①, ② 에서 $22^2 = 14^2 + 2(xy + yz + zx)$

 $\therefore 2(xy + yz + zx) = 288$

9. 다음 중에서 겉넓이가 22, 모든 모서리의 길이의 합이 24인 직육면체의 대각선의 길이는?

 $d = \sqrt{14}$

 $=6^2-22=14$

10.
$$x^2 - x + 1 = 0$$
일 때, $x^5 + \frac{1}{r^5}$ 의 값은?



(5) 2

$$x^2 - x + 1 = 0$$
, 양변에 $x + 1$ 을 곱하면,
 $(x + 1)(x^2 - x + 1) = 0$

$$x + 1 = 1$$

 $x + \frac{1}{r} = 1$

$$x^{3} + \frac{1}{x^{5}} = -\left(x^{2} + \frac{1}{x^{2}}\right) \cdot \cdots \cdot (1)$$

 $x^{2} - x + 1 = 0$ 를 x 로 나누어 정리한다.

$$x^2 + \frac{1}{x^2} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 2 = -1$$

① 에 대입하면,
$$x^5 + \frac{1}{x^5} = 1$$

11. x 에 대한 다항식 $A=2x^3+5x^2+4$ 를 다항식 B 로 나눌 때, 몫이 2x+1 이고, 나머지가 -6x+2 이다. 이 때, 다항식 B 를 구하면?

①
$$x^2 + 2x + 2$$
 ② $x^2 + x + 2$ ③ $x^2 - x + 2$
④ $x^2 - 2x + 2$ ⑤ $x^2 - 3x + 2$

$$A = B(2x+1) - 6x + 2 \text{ old}$$

$$B(2x+1) = 2x^3 + 5x^2 + 6x + 2$$

$$\therefore B = (2x^3 + 5x^2 + 6x + 2) \div (2x+1)$$

$$= x^2 + 2x + 2$$

12.
$$(2ax^2)^3 \times (-3a^2x)^2$$
을 간단히 하면?

$$\bigcirc 72a^7x^8$$

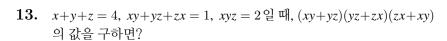
②
$$-72a^7x^8$$

$$3 72a^{12}x^{12}$$

$$(4) -72a^{12}x^{12}$$

$$\bigcirc 48a^8x^7$$

$$(2ax^2)^3 \times (-3a^2x)^2 = 8a^3x^6 \times 9a^4x^2 = 72a^7x^8$$



① 16 ② 8 ③ 4 ④ 2 ⑤ 1

${f 14.}$ $P=(2+1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1)$ 의 값을 구하면?

①
$$2^{32} - 1$$

② $2^{32} + 1$

 $3 2^{31} - 1$

$$(4) 2^{31} + 1$$

 $=(2^{16}-1)(2^{16}+1)$

 $= 2^{32} - 1$

 $\bigcirc 2^{17} - 1$

해설
주어진 식에
$$(2-1) = 1$$
을 곱해도 값은 변하지 않으므로
$$P = (2-1)(2+1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1)$$

$$= (2^2-1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1)$$

$$= (2^4-1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1)$$

15. 다항식 $(x^2 + 2x - 3)(3x^2 + x + k)$ 의 전개식에서 일차항의 계수가 15일 때, 상수 k의 값은?

16. $99 \times 101 \times (100^2 + 100 + 1) \times (100^2 - 100 + 1)$ 을 계산하면?

①
$$100^6 - 1$$

 $2 100^6 + 1$

 $3 100^9 - 1$

$$4 100^9 + 1$$

⑤ 1

17. $x^2 + \frac{1}{x^2} = 14(x > 0)$ 일 때, $x^3 + \frac{1}{x^3}$ 의 값은?

해설
$$x^{2} + \frac{1}{x^{2}} = (x + \frac{1}{x})^{2} - 2$$
이므로
$$x + \frac{1}{x} = 4 \ (\because x > 0)$$

$$x^{3} + \frac{1}{x^{3}} = (x + \frac{1}{x})^{3} - 3(x + \frac{1}{x}) = 52$$

해설
$$x^2 + \frac{1}{x^2} = (x + \frac{1}{x})^2 - 2$$
이므로

18.
$$x^2 + x + 1 = 0$$
일 때, $x^3 + \frac{1}{x^3}$ 의 값은?

$$x^2 + x + 1 = 0$$
에서 양변을 x 로 나누면
$$x + \frac{1}{x} = -1$$
$$\therefore x^3 + \frac{1}{x^3} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^3 - 3x \cdot \frac{1}{x}\left(x + \frac{1}{x}\right)$$
$$= -1 - 3 \cdot (-1) = 2$$

19. x+y+z=3, xy+yz+zx=-1 일 때 $x^2+y^2+z^2$ 의 값을 구하면?

② 12 ③ 13

(4) 14

$$x^{2} + y^{2} + z^{2} = (x + y + z)^{2} - 2(xy + yz + xz)$$
$$= 9 + 2 = 11$$

- **20.** x + y = 2, $x^3 + y^3 = 14$ 일 때, $x^5 + y^5$ 의 값을 구하면?
 - ① 12 ② 32 ③ 52 ④82 ⑤ 102

$$x^{5} + y^{5} = (x^{2} + y^{2})(x^{3} + y^{3}) - x^{2}y^{2}(x + y) \cdots (*)$$

$$x^{3} + y^{3} = (x + y)^{3} - 3xy(x + y)$$
∴ $14 = 8 - 6xy$
∴ $xy = -1 \cdots 0$

$$x^{3} + y^{3} = 14 \cdots 0$$

 $x^2 + y^2 = (x + y)^2 - 2xy = 4 - 2(-1) = 6 \cdots$ ③ ①, ②, ③을 (*)에 대입하면 $x^5 + y^5 = 6 \times 14 - 2 = 82$