

1. $-2x + 4 = ax + 2b$ 가 x 에 대한 항등식일 때, $a + b$ 의 값은?

① -3

② -2

③ -1

④ 0

⑤ 1

해설

항등식은 좌변과 우변이 같아야 한다.
따라서 $a = -2$, $b = 2$, $a + b = 0$ 이다.

2. 등식 $-4x + a = 2(bx - 1)$ 가 x 에 관한 항등식이 될 때, ab 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $ab = 4$

해설

$$-4x + a = 2(bx - 1)$$

$$-4x + a = 2bx - 2$$

항등식이므로 좌변과 우변의 x 의 계수가 같고, 상수항도 같아야 한다.

$$2b = -4 \quad \therefore b = -2$$

$$a = -2$$

$$\therefore ab = (-2) \times (-2) = 4$$

3. 등식 $2(x+1)-4=ax+b$ 가 x 에 대한 항등식일 때, $a+b$ 의 값은?

① -1

② 0

③ 1

④ -2

⑤ 2

해설

$2(x+1)-4=ax+b$ 가

x 에 대한 항등식이므로

$2x+2-4=ax+b$

$2x-2=ax+b$

$a=2, b=-2$

$\therefore a+b=2-2=0$

4. 학생들에게 연필을 나누어 주려고 한다. 한 사람당 5 자루를 가지면 3 자루가 남고, 6 자루씩 주면 1 자루가 남는다고 할 때, 연필은 모두 몇 자루인지 구하여라.

▶ 답 : 자루

▷ 정답 : 13자루

해설

학생 수를 x 명이라고 하면,
연필의 수는 $5x + 3 = 6x + 1$ 이므로 $x = 2$ 이다.
따라서 연필은 $5 \times 2 + 3 = 13$ (자루)이다.

5. x 명의 학생들에게 연필을 나누어 주려고 한다. 연필을 4 자루씩 나누어 주면 12 자루가 남고, 5 자루씩 나누어 주면 3 자루가 모자란다고 할 때, 연필의 개수에 대한 식으로 알맞은 것은?

① $4x - 12 = 5x + 3$

② $4x + 12 = 5x - 3$

③ $-4x - 12 = -5x - 3$

④ $-4x + 12 = -5x - 3$

⑤ $-4x + 12 = 5x - 3$

해설

연필을 4자루씩 나누어 줄 때는 $4x + 12$ 개이고,
연필을 5자루씩 나누어 줄 때는 $5x - 3$ 개이다.
 $\therefore 4x + 12 = 5x - 3$

6. 학생들 x 명에게 복숭아를 나누어 주는데 3 개씩 나누어 주면 8 개가 남고, 4 개씩 나누어 주면 54 개가 모자란다. 이때, 복숭아의 개수에 관한 식으로 바른 것은?

① $3x - 8 = 4x + 54$

② $-3x - 8 = 4x + 54$

③ $3x + 8 = 4x + 54$

④ $3x + 8 = 4x - 54$

⑤ $-3x + 8 = -4x - 54$

해설

x 명에게 3 개씩 나누어 주면 8 개가 남으므로 복숭아의 개수는 $3x + 8$ (개) 이다.

또 4 개씩 나누어 주면 54 개가 모자라므로 복숭아의 개수는 $4x - 54$ (개) 이다.

복숭아의 개수는 일정하므로 두 식의 값은 같다.

$$3x + 8 = 4x - 54$$

7. 다음은 뽀뽀이와 친구들의 대화이다. 뽀뽀이가 갖고 있는 연필의 개수를 a 개라고 할 때, 뽀뽀이의 친구들이 갖고 있는 연필의 개수를 문자를 사용하여 차례대로 나타내어라.

다정이 : 나는 성실이보다 4개 더 적어.
성실이 : 나는 뽀뽀이보다 6개 더 많아.
상냥이 : 나는 다정이의 2배야.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $(a + 2)$ 개

▷ 정답 : $(a + 6)$ 개

▷ 정답 : $(a + 2) \times 2$ 개

해설

뽀뽀이가 가지고 있는 연필의 개수는 a 개이므로
(성실이 가지고 있는 연필의 개수)
 $=$ (뽀뽀이가 가지고 있는 연필의 개수) $+ 6$
 $= a + 6$ (개)
(다정이가 가지고 있는 연필의 개수)
 $=$ (성실이 가지고 있는 연필의 개수) $- 4$
 $= a + 6 - 4 = a + 2$ (개)
(상냥이가 가지고 있는 연필의 개수)
 $=$ (다정이가 가지고 있는 연필의 개수) $\times 2$
 $= (a + 2) \times 2$ (개)

8. 다음 중 문자를 사용한 식으로 나타낸 것으로 옳지 않은 것은?

- ① 한 변의 길이가 $a\text{ cm}$ 인 정사각형의 넓이 : $(a \times a)\text{ cm}^2$
- ② a 원의 5할 : $\left(a \times \frac{1}{2}\right)$ 원
- ③ 백의 자리의 숫자가 a , 십의 자리의 숫자가 b , 일의 자리의 숫자가 c 인 세 자리의 자연수 : $a \times b \times c$
- ④ 한 권에 a 원하는 공책을 3권을 사고, 2000원을 냈을 때의 거스름돈 : $2000 - (a \times 3)$ 원
- ⑤ 농도가 $a\%$ 인 소금물 500g 에 들어 있는 소금의 양 : $\left(\frac{a}{100} \times 500\right)\text{ g}$

해설

③ 백의 자리의 숫자가 a 이면 $100 \times a$, 십의 자리의 숫자가 b 이면 $10 \times b$, 일의 자리의 숫자가 c 인 세 자리의 자연수는 $100 \times a + 10 \times b + c$

9. 백화점의 한 매장에서는 원가가 a 원인 화장품에 $r\%$ 의 이익을 붙여서 팔고, 화장품을 10 개 이상 사면 하나를 끼워준다고 한다. 이 매장에서 화장품 15 개를 한 사람에게 팔았을 때, 화장품 1 개당 얻는 순이익을 a 와 r 을 사용한 식으로 나타내어라.

▶ 답 : 원

▷ 정답 : $\left(\frac{ar}{100} - \frac{1}{15}a\right)$ 원

해설

화장품을 하나 팔아 남는 이익= $\frac{r}{100} \times a$ (원)

15 개를 팔면 하나를 끼워주므로, 15 개를 팔아서 남는 이익은 $15 \times \frac{r}{100} \times a - a$ (원) 이다.

따라서 15 개를 한 사람에게 팔았을 때, 화장품 1 개당 얻는 순 이익은 $(15 \times \frac{r}{100} \times a - a) \div 15 = \left(\frac{ar}{100} - \frac{1}{15}a\right)$ (원)

10. $\frac{3x^2y}{4a+b^2}$ 를 곱셈 기호와 나눗셈 기호를 사용하여 나타내면?

- ① $3 \times x \times x \times y \times (4 \times a + b + b)$
- ② $3 \times x \times x \times y \times (4 \times a \times b \times b)$
- ③ $3 \times x \times y \times y \div (4 \times a + b \times b)$
- ④ $3 \times x \times x \times y \div (4 \times a + b \times b)$
- ⑤ $3 \times x \times y \times y \div 4 \times a + b \times b$

해설

- ① $3 \times x \times x \times y \times (4 \times a + b + b) = 3x^2y \times (4a + 2b) = 3x^2y(4a + 2b)$
- ② $3 \times x \times x \times y \times (4 \times a \times b \times b) = 3x^2y \times (4ab^2) = 12ab^2x^2y$
- ③ $3 \times x \times y \times y \div (4 \times a + b \times b) = 3xy^2 \times \frac{1}{4a + b^2} = \frac{3xy^2}{4a + b^2}$
- ④ $3 \times x \times x \times y \div (4 \times a + b \times b) = \frac{3x^2y}{4a + b^2}$
- ⑤ $3 \times x \times y \times y \div 4 \times a + b \times b = \frac{3xy^2}{4a} + b^2$

11. 다음 식을 기호 $\times, \div$ 를 써서 나타내어라.

$$\frac{2x+y}{z} - \frac{ax}{4}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : $(2 \times x + y) \div z - (a \times x \div 4)$

해설

수와 문자, 문자와 문자 사이의 곱셈 기호는 생략이 가능하다.
따라서 $(2 \times x + y) \div z - (a \times x \div 4)$ 이다.

12. 다음 식에서 곱셈 기호, 나눗셈 기호를 생략하여 나타낸 것 중 옳은 것은?

- ①

 $2 \times x \div \left(\frac{3}{4} \times y\right) = \frac{8x}{3y}$
- ②

 $3 \times a \div b \times (-4) = -\frac{3a}{4b}$
- ③

 $x \times (y \div z) = \frac{x}{yz}$
- ④

 $x \div y \times z = \frac{x}{yz}$
- ⑤

 $a \times 6 \div x \times 7 = \frac{6a}{7x}$

해설

- ②

 $3a \times \frac{1}{b} \times -4 = -\frac{12a}{b}$
- ③

 $x \times \frac{y}{z} = \frac{xy}{z}$
- ④

 $\frac{x}{y} \times z = \frac{xz}{y}$
- ⑤

 $\frac{6a}{x} \times 7 = \frac{42a}{x}$

13. $3x^2 - \frac{1}{3}(3x+6) + 2\left(-x^2 + \frac{5}{2}\right) - x + 6$ 을 간단히 하였을 때, 다항식의 차수 a , x^2 의 계수 b , x 의 계수 c , 상수항 d 의 곱 $abcd$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -36

해설

$$\begin{aligned} & 3x^2 - \frac{1}{3}(3x+6) + 2\left(-x^2 + \frac{5}{2}\right) - x + 6 \\ &= (3x^2 - 2x^2) + (-x - x) + (-2 + 5 + 6) \\ &= x^2 - 2x + 9 \end{aligned}$$

$$\therefore a = 2, b = 1, c = -2, d = 9$$

$$\therefore abcd = -36$$

14. 다음을 간단히 하여라.

$$\frac{x+1}{2} - \frac{6x-3}{3} + \frac{-2x+6}{4}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : $-2x+3$

해설

$$\begin{aligned} & \frac{x+1}{2} - \frac{6x-3}{3} + \frac{-2x+6}{4} \\ &= \frac{2}{6x+6} - \frac{3}{24x+12} + \frac{4}{-6x+18} \\ &= \frac{-24x+36}{12} \\ &= -2x+3 \end{aligned}$$

15. $\frac{4x+a}{2} - \frac{bx-4}{3} = \frac{10x+23}{6}$ 일 때, $a+b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $a+b=6$

해설

$$\begin{aligned}\frac{4x+a}{2} - \frac{bx-4}{3} &= \frac{12x+3a-2(bx-4)}{6} \\ &= \frac{12x+3a-2bx+8}{6} \\ &= \frac{(12-2b)x+3a+8}{6} \\ &= \frac{10x+23}{6}\end{aligned}$$

이므로 $12-2b=10$, $3a+8=23$ 이다.

따라서 $2b=2$, $3a=15$

즉 $b=1$, $a=5$ 이므로 $a+b=6$ 이다.

16. 어떤 다항식에서 $2x+4$ 를 빼야 할 것을 잘못 계산하여 더했더니 $5x-1$ 이 되었다. 이 때 바르게 계산한 결과는?

① $x-9$

② $3x-5$

③ $5x+3$

④ $7x+3$

⑤ $9x+7$

해설

어떤 식을 A 라 하면 $A+2x+4=5x-1$

$$A=5x-1-2x-4$$

$$=3x-5$$

$\therefore$ 바르게 계산한 식은 $(3x-5)-(2x+4)=x-9$

17. 어떤 x 에 대한 일차식에서 $4x-3$ 를 더해야 할 것을 잘못하여 빼더니 $11x+5$ 가 되었다. 처음 식에서 $4x-3$ 을 더하여 옳게 계산한 식을 구하면?

① $x-7$

② $19x+5$

③ $15x+8$

④ $19x-1$

⑤ $3x+11$

해설

어떤 x 에 대한 일차식을 A 라 하면,

$$A - (4x - 3) = 11x + 5$$

$$A = 11x + 5 + (4x - 3) = 15x + 2$$

따라서 옳게 계산한 결과는

$$A + (4x - 3) = (15x + 2) + (4x - 3) = 19x - 1$$

$$\therefore 19x - 1$$

18. 어떤 식에서 $-x + 5$ 를 더해야 할 것을 잘못하여 빼었더니 $3x - 6$ 이 되었다. 옳은 답을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $x + 4$

해설

어떤 식을 A 라 하면 $A - (-x + 5) = 3x - 6$

$A = 3x - 6 + (-x + 5), A = 2x - 1$

$\therefore$ 옳은 답은 $2x - 1 + (-x + 5) = x + 4$

19. 세로의 길이가 가로 길이보다 4cm 만큼 짧은 직사각형의 둘레의 길이가 36cm 일 때, 이 직사각형의 넓이는?

- ① 64cm^2 ② 70cm^2 ③ 77cm^2
④ 81cm^2 ⑤ 88cm^2

해설

가로를 x , 세로를 $x - 4$ 라고 할 때,
직사각형의 둘레는 $2\{x + (x - 4)\} = 36$
 $2(2x - 4) = 36$
 $2x - 4 = 18$
 $x = 11$
따라서 가로 $x = 11$, 세로 $x - 4 = 11 - 4 = 7$
(직사각형의 넓이) $= 11 \times 7 = 77(\text{cm}^2)$

20. 가로 길이가 세로 길이의 2 배보다 3 cm 더 긴 직사각형의 둘레의 길이가 60 cm 일 때, 이 직사각형의 세로 길이를 구하여라.

▶ 답 : cm

▷ 정답 : 9cm

해설

세로 길이를 x cm 라 하면 직사각형의 가로 길이는 $(2x + 3)$ cm 이다.

이 방정식을 풀면

$$2(2x + 3 + x) = 60$$

$$6x + 6 = 60$$

$$6x = 54$$

$$\therefore x = 9$$

따라서, 세로 길이는 9 cm 이다.

21. 밑변의 길이가 6 cm이고, 높이가 3 cm인 삼각형이 있다. 밑변을 2 cm 늘이고 높이를 적당히 늘여서 넓이를 처음의 2 배가 되게 하였다. 높이를 얼마나 늘였는지 구하여라.

▶ 답 : cm

▷ 정답 : 1.5 cm

해설

늘인 높이를 x cm라 하면

$$6 \times 3 \times \frac{1}{2} \times 2 = (6 + 2) \times (3 + x) \times \frac{1}{2}$$

$$36 = 24 + 8x$$

$$x = \frac{3}{2}$$

즉, 높이를 1.5 cm 늘였다.

22. $kx+7=3x-5$ 가 x 에 대한 일차방정식이 되기 위한 상수 k 의 조건을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $k \neq 3$

해설

일차방정식은 방정식의 모든 항을 좌변으로 이항하여 정리한 식이 (일차식) $= 0$ 의 꼴로 되는 방정식이다.

$$kx+7=3x-5$$

$$kx-3x+7+5=0$$

$$kx-3x+12=0$$

따라서 좌변이 일차식이 되려면 $k \neq 3$ 이어야 한다.

23. 등식 $2x + 3 = ax - 1$ 이 x 에 대한 일차방정식이 되기 위한 a 의 조건은?

① $a \neq 2$

② $a \neq 3$

③ $a \neq -2$

④ $a \neq -3$

⑤ $a \neq 0$

해설

$$2x - ax + 3 + 1 = 0$$

$$(2 - a)x + 4 = 0$$

일차방정식이 되려면, $2 - a \neq 0$ 이어야 하므로 $a \neq 2$

24. 다음 등식이 x 에 관한 일차방정식일 때, a 의 값과 방정식의 해를 각각 구하여라.

$8x - ax^2 - 7 = 5x(a - 2x)$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $a = 10$

▷ 정답 : $x = -\frac{1}{6}$

해설

$$\begin{aligned}8x - ax^2 - 7 &= 5x(a - 2x) \\8x - ax^2 - 7 &= 5ax - 10x^2 \\(10 - a)x^2 + (8 - 5a)x &= 7 \\10 - a &= 0, \therefore a = 10 \\(8 - 50)x &= 7 \\-42x &= 7 \\\therefore x &= -\frac{1}{6}\end{aligned}$$

25. 다음 방정식을 풀어라.

$$\frac{2}{x-2} : \frac{3}{3x-2} = 3 : 2$$

▶ 답 :

▷ 정답 : $x = -\frac{10}{3}$

해설

$$\begin{aligned} \frac{2}{x-2} : \frac{3}{3x-2} &= 3 : 2 \\ \frac{3x-2}{3} \times 3 &= \frac{2}{x-2} \times 2 \\ 9(x-2) &= 4(3x-2) \\ 3x &= -10 \\ \therefore x &= -\frac{10}{3} \end{aligned}$$

26. 방정식 $0.1x - 1.6 = -0.2(0.1x - 1)$ 의 해를 a , $2(x-2) : 5 = (x-1) : 3$ 의 해를 b 라고 할 때, $a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 8

해설

$$0.1x - 1.6 = -0.2(0.1x - 1) \leftarrow \text{양변에 10을 곱}$$

$$x - 16 = -2(0.1x - 1)$$

$$x - 16 = -0.2x + 2$$

$$1.2x = 18$$

$$\therefore x = 15 = a$$

$$5x - 5 = 6x - 12$$

$$-x = -7$$

$$\therefore x = 7 = b \text{ 이므로 } a - b = 8 \text{ 이다.}$$

27. 다음 식을 만족하는 x 의 값은?

$$\frac{x+1}{x-1} = \frac{3}{2}$$

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}\frac{x+1}{x-1} &= \frac{3}{2} \\ 2(x+1) &= 3(x-1) \\ 2x+2 &= 3x-3 \\ 2+3 &= 3x-2x \\ \therefore x &= 5\end{aligned}$$

28. 평상시 지윤이는 오전 7시에 집에서 나와 분숙 40m로 걸어서 오전 8시에 학교에 도착한다. 오늘도 똑같은 시각에 집에서 나왔는데 분숙 50m로 걷다가 25분 동안 문구점에서 준비물을 사고 늦을 것 같아 분숙 100m로 달려서 평상시와 같은 시각에 학교에 도착했다. 문구점에서 학교까지의 거리를 구하여라.

▶ 답: m

▷ 정답 : 500m

해설

$$(\text{집에서 학교까지의 거리}) = 50 \times 40 = 2000(\text{m})$$

문구점에서 학교까지의 거리를 x m라 하면

$$\frac{2000 - x}{50} + \frac{x}{100} = 40$$

$$4000 - 2x + x = 3500$$

$x = 500$

따라서 문구점에서 학교까지의 거리는 500 m이다.

29. 학교에서 도서관까지 가는 데 시속 4km 로 걸어가면 시속 10km 로 뛰어가는 것보다 36분이 더 걸린다고 한다. 학교에서 도서관까지의 거리는?

① 2km

② 2.5km

③ 3km

④ 4km

⑤ 6km

해설

학교에서 도서관까지의 거리 : x km

시속 10km 로 뛰어갈 때 걸리는 시간은 시속 4km 로 걸어갈 때

걸리는 시간에서 $\frac{36}{60}$ 분을 빼야한다.

$$\frac{x}{10} = \frac{x}{4} - \frac{3}{5}$$

$$2x = 5x - 12$$

$$-3x = -12$$

$$x = 4(\text{km})$$

30. A 도시에서 B 도시까지 버스를 타고 갈 때는 시속 6km, 돌아올 때는 시속 4km로 왔더니 모두 3시간 30분이 걸렸다고 한다. A, B 두 도시 사이의 거리를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 8.4km

해설

갈 때 걸린 시간 : $\frac{x}{6}$ 시간

올 때 걸린 시간 : $\frac{x}{4}$ 시간

$$\frac{x}{6} + \frac{x}{4} = \frac{7}{2}$$

$$2x + 3x = 42$$

$$5x = 42$$

$$x = \frac{42}{5} = 8.4$$

31. 용기에는 8% 의 소금물 200g, B 용기에는 12% 의 소금물 300g 이 들어 있다. 이 두 용기에서 동시에 같은 양 만큼씩을 덜어내어, A 에서 덜어낸 소금물을 B 용기에, B 에서 덜어낸 소금물은 A 용기에 넣어 각각을 섞었더니, 두 그릇의 소금물의 농도가 같아졌다. 이때, 각 용기에서 덜어낸 소금물의 양은 얼마인지 구하여라.

▶ 답 : g

▷ 정답 : 120 g

해설

A, B 각각에서 덜어낸 소금물의 양을 x 라 할 때, 최종적으로 섞은 후 A 용기에 들어 있는 소금의 양은

$$\left(\frac{8}{100} \times 200 - \frac{8}{100} \times x\right) + \frac{12}{100} \times x = 16 + \frac{1}{25}x$$

B 용기에 들어 있는 소금의 양은

$$\left(\frac{12}{100} \times 300 - \frac{12}{100} \times x\right) + \frac{8}{100} \times x = 36 - \frac{1}{25}x$$

섞은 후 두 용기에 든 소금물의 농도가 같으므로

$$\left(16 + \frac{1}{25}x\right) \times \frac{100}{200} = \left(36 - \frac{1}{25}x\right) \times \frac{100}{300}$$

$$\text{간단히 하면 } 8 + \frac{x}{50} = 12 - \frac{x}{75}$$

$$5x = 4 \times 150$$

$$\therefore x = 120(\text{g})$$

32. 두 컵 A, B 에 각각 농도가 다른 소금물이 150 g 씩 들어 있다. 컵 B 에서 45 g 을 버리고, A 에서 45 g 을 들어내어 B 에 부은 후, A 에는 45 g 의 물을 붙는 과정을 2 회 반복하였더니 A, B 의 농도가 같아졌다. 처음에 두 컵 A, B 에 들어 있던 소금물의 농도의 비를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 7 : 1

해설

처음에 두 컵 A, B 에 들어 있던 소금물의 농도를 각각 a (%), b (%) 라 두면,

처음 A, B 에 들어 있는 소금의 양은 각각 $1.5a$ (g), $1.5b$ (g) 이다.

컵 A 의 변화한 소금의 양은 $1.5a - 0.3 \times 1.5a - 0.3 \times (1.5a - 0.3 \times 1.5a) = \frac{147}{200}a$ 이다.

한 번 했을 때 컵 B 의 소금의 양은 $1.5b - 0.3 \times 1.5b + 0.3 \times 1.5a = \frac{21}{20}b + \frac{9}{20}a$ 이다.

두 번 했을 때 컵 B 의 소금의 양은

$$\frac{21}{20}b + \frac{9}{20}a - 0.3 \left(\frac{21}{20}b + \frac{9}{20}a \right)$$

$$+ 0.3 \times (1.5a - 0.3 \times 1.5a)$$

$$= \frac{147}{200}b + \frac{63}{200}a + \frac{63}{200}a$$

$$= \frac{63}{100}a + \frac{147}{200}b$$

따라서 $\frac{147}{200}a = \frac{63}{100}a + \frac{147}{200}b$ 이고, $21a = 147b$, $a = 7b$ 이다.

따라서 처음에 두 컵 A, B 에 들어있던 소금물의 농도의 비는 7 : 1 이다.

33. 두 그릇 A, B 에 $a\%$ 의 소금물과 15% 의 소금물이 각각 들어 있다. 두 그릇의 소금물을 섞으면 13% 의 소금물이 되고, B 그릇의 소금물이 A 그릇의 소금물의 양의 2.5 배일 때, a 의 값을 구하면?

- ① 5
- ② 6
- ③ 7
- ④ 8
- ⑤ 9

해설

A 그릇의 소금물의 양을 xg 이라 하면, B 그릇의 소금물의 양을 $2.5xg$

$$\frac{a}{100} \times x + \frac{15}{100} \times 2.5x = \frac{13}{100}(x + 2.5x)$$

$$a + 37.5 = 45.5$$

$$\therefore a = 8$$