

1. -1 과 $\frac{7}{3}$ 사이에 분모가 3 인 정수가 아닌 유리수의 개수를 구하여라.

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 6 개

해설

$-1 = -\frac{3}{3}$ 이므로, 조건을 만족하는 분수의 분자는 -3 과 7 사이의 수 중 3 과 서로소인 정수이다.

$\therefore -\frac{2}{3}, -\frac{1}{3}, \frac{1}{3}, \frac{2}{3}, \frac{4}{3}, \frac{5}{3} \rightarrow 6$ 개

2. $-\frac{7}{4}$ 에 가장 가까운 정수를 a , $+\frac{8}{3}$ 에 가장 가까운 정수를 b 라 할 때,
 a 와 b 의 절댓값의 합은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$-\frac{7}{4}$ 에 가장 가까운 정수는 $a = -2$

$+\frac{8}{3}$ 에 가장 가까운 정수는 $b = 3$

$$|a| + |b| = |-2| + |3| = 5$$

3. $[x]$ 는 x 보다 크지 않은 최대의 정수를 의미한다. 이때, 다음 값을 구하여라.

$$\left[1 \times \frac{2}{7}\right] + \left[2 \times \frac{3}{7}\right] + \left[3 \times \frac{4}{7}\right] + \cdots + \left[8 \times \frac{9}{7}\right] + \left[9 \times \frac{10}{7}\right]$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 43

해설

$$\left[1 \times \frac{2}{7}\right] = \left[2 \times \frac{3}{7}\right] = 0, \quad \left[3 \times \frac{4}{7}\right] = 1,$$

$$\left[4 \times \frac{5}{7}\right] = 2, \quad \left[5 \times \frac{6}{7}\right] = 4, \quad \left[6 \times \frac{7}{7}\right] = 6,$$

$$\left[7 \times \frac{8}{7}\right] = 8, \quad \left[8 \times \frac{9}{7}\right] = 10,$$

$$\left[9 \times \frac{10}{7}\right] = 12$$

$$\therefore 0 + 0 + 1 + 2 + 4 + 6 + 8 + 10 + 12 = 43$$

4. 네 정수 a, b, c, d 에 대하여 $-4 < a < b < 0 < c < d < 10$ 일 때,
 $\frac{1}{a}, \frac{1}{b}, \frac{1}{c}, \frac{1}{d}$ 을 큰 것부터 순서대로 써라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{1}{c}$

▷ 정답 : $\frac{1}{d}$

▷ 정답 : $\frac{1}{a}$

▷ 정답 : $\frac{1}{b}$

해설

$a = -3, b = -2, c = 2, d = 5$ 라고 하면

$\frac{1}{a} = -\frac{1}{3}, \frac{1}{b} = -\frac{1}{2}, \frac{1}{c} = \frac{1}{2}, \frac{1}{d} = \frac{1}{5}$ 이다.

따라서 $\frac{1}{2} > \frac{1}{5} > -\frac{1}{3} > -\frac{1}{2}$ 이므로

$\frac{1}{c}, \frac{1}{d}, \frac{1}{a}, \frac{1}{b}$ 이다.

5. $\frac{a}{5}$ 의 절댓값이 1보다 작게 되는 정수 a 의 값은 모두 몇 개인가?

① 3개

② 4개

③ 7개

④ 8개

⑤ 9개

해설

$$\left| \frac{a}{5} \right| < 1 \Rightarrow -1 < \frac{a}{5} < 1, \quad -5 < a < 5$$

$$\therefore a = -4, -3, \dots, 3, 4 \text{ (9개)}$$

6. 다음의 수 중에서 수직선에 나타냈을 때 가장 왼쪽에서 3번째 수는?

$$0.3, \frac{1}{3}, -0.9, \frac{17}{20}, -\frac{7}{17}$$

① 0.3

② $\frac{1}{3}$

③ -0.9

④ $\frac{17}{20}$

⑤ $-\frac{7}{17}$

해설

$$-0.9 < -\frac{7}{17} < 0.3 < \frac{1}{3} < \frac{17}{20}$$

7. 네 유리수 $\frac{2}{3}, -2, -1\frac{1}{3}, -\frac{7}{2}$ 중에서 서로 다른 세 수를 뽑아 곱할 때, 최댓값을 M , 최솟값을 m 이라 할 때, $M - m$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 14

해설

서로 다른 세 수를 뽑아 곱할 때, 최댓값이 되려면 곱해서 만들어진 수의 부호가 양수이어야

한다. 따라서, 양수 1개, 음수 2개를 뽑는다.

이때, 음수 2개는 절댓값이 큰 수 2개이다.

$$M = \frac{2}{3} \times (-2) \times \left(-\frac{7}{2}\right) = \frac{14}{3}$$

최솟값이 되려면 음수 3개를 뽑는다.

$$m = (-2) \times \left(-1\frac{1}{3}\right) \times \left(-\frac{7}{2}\right) = -\frac{28}{3}$$

$$\therefore M - m = \frac{14}{3} - \left(-\frac{28}{3}\right) = \frac{42}{3} = 14$$

8. 네 유리수 $\frac{5}{3}$, $-\frac{2}{15}$, -8 , $-\frac{3}{7}$ 중에서 서로 다른 세 수를 뽑아 곱한 값 중 가장 작은 수는?

① -8

② $-\frac{40}{7}$

③ $-\frac{16}{9}$

④ $-\frac{16}{35}$

⑤ $-\frac{2}{21}$

해설

주어진 네 유리수 중에서 세 수를 뽑아 곱할 때,

그 결과가 가장 작으려면 $-\frac{2}{15}$, -8 , $-\frac{3}{7}$ 을 곱하면 되고, 그

결과는

$$\begin{aligned} & \left(-\frac{2}{15}\right) \times (-8) \times \left(-\frac{3}{7}\right) \\ &= \left(-\frac{2}{15}\right) \times \left(-\frac{3}{7}\right) \times (-8) \\ &= \left(+\frac{2}{35}\right) \times (-8) \\ &= -\frac{16}{35} \end{aligned}$$

9. 6 개의 유리수 -2 , $-\frac{5}{2}$, $\frac{1}{2}$, -5 , 3 , 4 중에서 세 수를 뽑아 곱한 값 중에서 가장 큰 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 50 또는 +50

해설

$$\text{가장 큰 값은 } (-5) \times 4 \times \left(-\frac{5}{2}\right) = 50$$

$\therefore 50$

10. A, B, C, D, E, F 6 명의 학생의 키 차이가 다음과 같다.

A	-5 cm	B
---	-------	---

는 B 가 A 보다 5cm 작은 것을 나타낼 때, 가장 큰 학생과 가장 작은 학생의 키는 몇 cm 차이가 나겠는지 구하여라.

A	-2.5 cm	B	+4.2 cm	C	-7 cm	D	+3.2 cm	E	-1.5 cm	F
---	---------	---	---------	---	-------	---	---------	---	---------	---

▶ 답 : cm

▷ 정답 : 7 cm

해설

A 의 키가 100cm 라 하면

$$(B\text{의 키}) = 100 - 2.5 = 97.5 \text{ (cm)}$$

$$(C\text{의 키}) = 97.5 + 4.2 = 101.7 \text{ (cm)}$$

$$(D\text{의 키}) = 101.7 - 7 = 94.7 \text{ (cm)}$$

$$(E\text{의 키}) = 94.7 + 3.2 = 97.9 \text{ (cm)}$$

$$(F\text{의 키}) = 97.9 - 1.5 = 96.4 \text{ (cm)}$$

$$\therefore 101.7 - 94.7 = 7 \text{ (cm)}$$

11. $A * B = A \div B - B \div A$ 라고 정의할 때, 다음을 계산하여라.

$$\left\{ \frac{4}{5} * \left(-\frac{2}{3} \right) \right\} \div \left\{ \frac{1}{6} * \frac{3}{4} \right\}$$

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{3}{35}$

해설

$$\begin{aligned} \frac{4}{5} * \left(-\frac{2}{3} \right) &= \frac{4}{5} \div \left(-\frac{2}{3} \right) - \left(-\frac{2}{3} \right) \div \frac{4}{5} = -\frac{11}{30} \\ \frac{1}{6} * \frac{3}{4} &= \frac{1}{6} \div \frac{3}{4} - \frac{3}{4} \div \frac{1}{6} = -\frac{77}{18} \\ \therefore \left(-\frac{11}{30} \right) \div \left(-\frac{77}{18} \right) &= \frac{3}{35} \end{aligned}$$

12. $A * B = A \times B$ 라고 정의할 때, 다음을 계산하여라.

$$\left\{ \frac{7}{12} * \left(-\frac{15}{14} \right) \right\} \div \left\{ \frac{1}{3} * \frac{9}{2} \right\}$$

▶ 답:

▷ 정답: $-\frac{5}{12}$

해설

$$\begin{aligned} & \left\{ \frac{7}{12} * \left(-\frac{15}{14} \right) \right\} \div \left\{ \frac{1}{3} * \frac{9}{2} \right\} \\ &= \left(\frac{7}{12} \times -\frac{15}{14} \right) \div \left(\frac{1}{3} \times \frac{9}{2} \right) \\ &= -\frac{5}{8} \div \frac{3}{2} = -\frac{5}{8} \times \frac{2}{3} = -\frac{5}{12} \end{aligned}$$