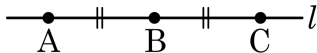


1. 다음과 같이 직선 l 위에서 세 점 A, B, C 가 $\overline{AB} = \overline{BC}$ 가 되도록 작도할 때, 사용하는 작도 도구는?



① 눈금 있는 자

② 눈금 없는 자

③ 컴퍼스

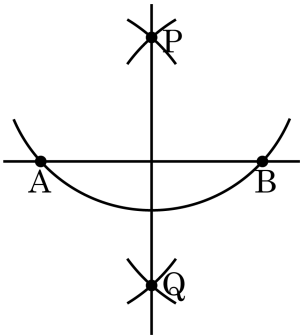
④ 삼각자

⑤ 각도기

해설

길이가 같은 선분을 작도하기 위해서는 컴퍼스를 이용해서 작도한다.

2. 다음 그림에서 선분 PQ는 선분 AB의 무엇이라고 하는가?



① 길이의 이등분선

② 각의 삼등분선

③ 각 옮기기

④ 길이의 삼등분선

⑤ 수선

해설

선분 PQ는 선분 AB의 수선을 나타낸 것이다.

3. 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수가 12 개인 다각형의 대각선의 총수는 몇 개인가?

① 70 개

② 75 개

③ 80 개

④ 85 개

⑤ 90 개

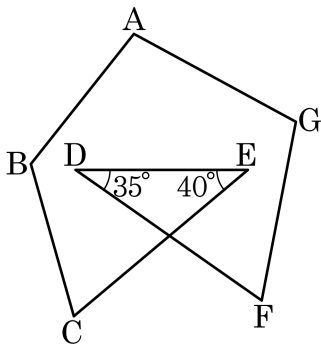
해설

$$n - 3 = 12, n = 15$$

∴ 십오각형

$$\frac{n(n-3)}{2} = \frac{15(15-3)}{2} = 90 \text{ (개)}$$

4. 다음 그림에서 $\angle A + \angle B + \angle C + \angle F + \angle G$ 의 크기는?



① 460°

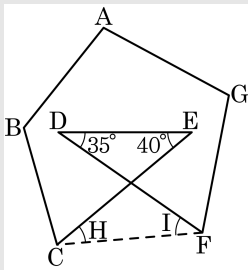
② 465°

③ 470°

④ 475°

⑤ 480°

해설



$35^\circ + 40^\circ = \angle H + \angle I$ 이다.

오각형의 내각의 합이 540° 이므로

$\angle A + \angle B + \angle C + \angle F + \angle G + 35^\circ + 40^\circ = 540^\circ$ 이다.

따라서 $\angle A + \angle B + \angle C + \angle F + \angle G = 465^\circ$ 이다.

5. 삼각형의 세 변의 길이가 각각 $4+2x$, $6-x$, 4 일 때, x 의 값의 범위를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $-2 < x < 2$

해설

세 변의 길이는 모두 양수이어야 하므로

$$4+2x > 0, 6-x > 0$$

$$\text{즉, } -2 < x < 6 \cdots \textcircled{㉠}$$

가장 긴 변은 $4+2x$ 이고, 삼각형의 두 변의 길이의 합이 나머지 한 변의 길이보다 커야 하므로

$$(6-x) + 4 > 4+2x$$

$$\therefore x < 2 \cdots \textcircled{㉡}$$

$\textcircled{㉠}$, $\textcircled{㉡}$ 에 의하여 x 의 값의 범위는 $-2 < x < 2$

6. 합동인 두 도형에 대한 설명으로 옳지 않은 것은 ?

① 대응하는 선분의 길이가 같다.

② 넓이가 같은 두 삼각형은 합동이다.

③ 직각을 낀 두 변의 길이가 같은 두 직각삼각형은 합동이다.

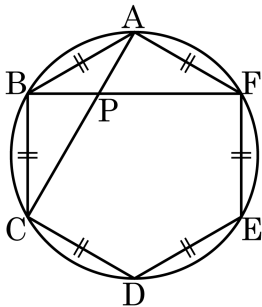
④ 반지름의 길이가 같은 두 원은 합동이다.

⑤ 한 변의 길이가 같은 정다각형은 합동이다.

해설

② 합동인 두 도형의 넓이는 같지만 두 도형의 넓이가 같다고 해서 두 도형이 합동인 것은 아니다.

7. 다음 그림은 정육각형 ABCDEF에서 $\angle AFB$ 의 크기를 구하면?



① 25°

② 30°

③ 35°

④ 40°

⑤ 45°

해설

$\overline{AB}$ 는 공통,

$\overline{BC} = \overline{AF}$, $\angle BAF = \angle ABC$ (SAS합동)

따라서 $\triangle ABC \cong \triangle BAF$ 이다.

정육각형의 한 내각의 크기는

$$\frac{180^\circ \times (6 - 2)}{6} = 120^\circ \text{ 이고,}$$

$\triangle ABF$ 는 이등변삼각형이므로

$$\angle AFB = (180^\circ - 120^\circ) \div 2 = 30^\circ \text{ 이다.}$$

8. 다음 8 개의 도시를 통신망으로 연결하려고 한다. 모든 도시들 사이에 서로 직통으로 연결하는 회선을 설치한다면 모두 몇 개의 회선이 필요한지 구하여라.

서울 • • 속초

대전 • • 대구

전주 • • 경주

광주 • • 부산

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 28 개

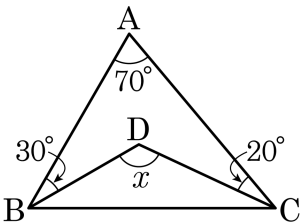
해설

이웃하는 도시들 사이의 회선은 팔각형의 변과 같고, 그 개수는 8 개이다.

이웃하지 않는 도시들 사이의 회선은 팔각형의 대각선과 같고, 그 개수는 $\frac{8 \times (8-3)}{2} = 20(\text{개})$ 이다.

$\therefore 8 + 20 = 28(\text{개})$

9. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?



① 150°

② 140°

③ 130°

④ 120°

⑤ 110°

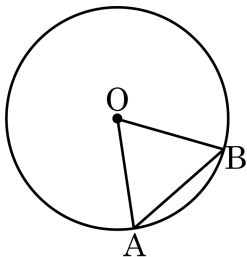
해설

$70^\circ + 30^\circ + \angle DBC + 20^\circ + \angle DCB = 180^\circ$ 이므로

$\angle DBC + \angle DCB = 60^\circ$

$\therefore \angle x = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$

10. 다음 그림과 같이 반지름 OA, OB 와 현 AB 로 이루어진 $\triangle AOB$ 는 어떤 삼각형인가?



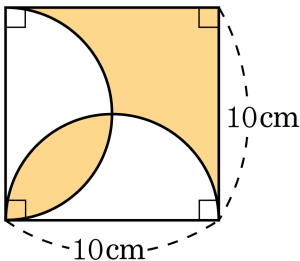
▶ 답 :

▶ 정답 : 이등변삼각형

해설

$\overline{OA} = \overline{OB}$ 이므로 $\triangle AOB$ 는 이등변삼각형이다.

11. 다음 그림에서 색칠한 부분의 둘레의 길이는?



① 10π cm

② $(10\pi + 5)$ cm

③ $(10\pi + 10)$ cm

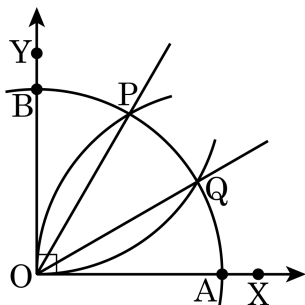
④ $(10\pi + 15)$ cm

⑤ $(10\pi + 20)$ cm

해설

둘레 : $(2\pi \times 5) + (10 \times 2) = 10\pi + 20$ (cm)

12. 다음 그림에서 $\angle XOY = 90^\circ$ 일 때, $5.0\text{pt}\widehat{AP} : 5.0\text{pt}\widehat{BP} = 2 : 1$ 이고 $5.0\text{pt}\widehat{AQ} : 5.0\text{pt}\widehat{BQ} = 1 : 2$ 가 되도록 점 P 를 그렸을 때, 옳은 것은?



- ① $\overline{OB} = \overline{BP}$ ② $5.0\text{pt}\widehat{PQ} = 25.0\text{pt}\widehat{AP}$
 ③ $\angle BOQ = 2\angle AOQ$ ④ $25.0\text{pt}\widehat{BP} = 5.0\text{pt}\widehat{AB}$
 ⑤ $\angle AOQ = 3\angle AOB$

해설

$5.0\text{pt}\widehat{AP} : 5.0\text{pt}\widehat{BP} = 2 : 1$ 이고 $5.0\text{pt}\widehat{AQ} : 5.0\text{pt}\widehat{BQ} = 1 : 2$ 이므로 $\overline{OP}$, $\overline{OQ}$ 는 $\angle XOY = 90^\circ$ 의 삼등분선이다.

$\overline{BP} = \overline{PQ} = \overline{QA}$, $\overline{OB} \neq \overline{BP}$ 이다.

$5.0\text{pt}\widehat{AP} = 25.0\text{pt}\widehat{PQ}$ 이고, $35.0\text{pt}\widehat{BP} = 5.0\text{pt}\widehat{AB}$ 이고, $\angle 3AOQ = \angle AOB$ 이다.

13. 다음 중 삼각형이 결정되는 개수가 다른 것을 고르면?

① $\angle A = 50^\circ$, $\overline{AB} = 5\text{cm}$, $\overline{AC} = 4\text{cm}$

② $\angle A = 60^\circ$, $\overline{BC} = 5\text{cm}$, $\angle B = 55^\circ$

③ $\angle B = 60^\circ$, $\overline{BC} = 6\text{cm}$, $\angle C = 55^\circ$

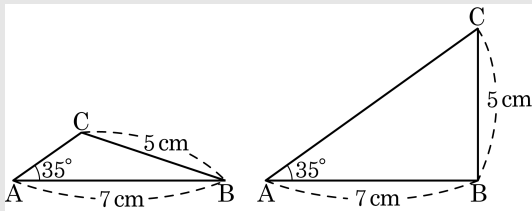
④ $\overline{AB} = 7\text{cm}$, $\angle A = 35^\circ$, $\overline{BC} = 5\text{cm}$

⑤ $\overline{AB} = 3\text{cm}$, $\overline{BC} = 4\text{cm}$, $\overline{AC} = 5\text{cm}$

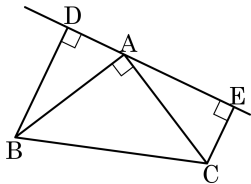
해설

④ $\overline{AB} = 7\text{cm}$, $\angle A = 35^\circ$, $\overline{BC} = 5\text{cm}$

주어진 조건으로 두 개의 삼각형이 만들어 진다.



14. 다음 그림과 같이 직각이등변삼각형 ABC의 꼭짓점 B, C에서 꼭짓점 A를 지나는 직선에 내린 수선의 발을 각각 D, E라 할 때, 다음 중 옳지 않은 것을 고르면?



① $\overline{DB} \parallel \overline{EC}$

② $\angle DAB = \angle ECA$

③ $\overline{BD} + \overline{CE} = \overline{DE}$

④ $\triangle DBA \cong \triangle EAC$

⑤ $\angle BAD = \angle ABC = 45^\circ$

해설

$\triangle DBA$ 와 $\triangle EAC$ 에서

$\angle DAB + \angle DBA = 90^\circ \dots\dots \textcircled{㉠}$

$\angle DAB + \angle EAC = 90^\circ \dots\dots \textcircled{㉡}$

$\textcircled{㉠}$, $\textcircled{㉡}$ 에서

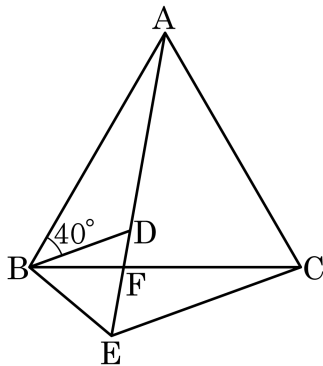
$\angle DBA = \angle EAC$, $\angle DAB = \angle ECA$, $\overline{AB} = \overline{CA}$

$\therefore \triangle DBA \cong \triangle EAC$ (ASA 합동)

⑤ $\angle BAD \neq \angle ABC$

$\angle ABC = 45^\circ$

15. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 와 $\triangle BDE$ 는 정삼각형이고, $\angle ABD = 40^\circ$ 라고 할 때, $\angle BCE$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

°

▷ 정답 : 20°

해설

$\triangle ABC$ 가 정삼각형이므로 $\overline{AB} = \overline{CB} \dots \textcircled{A}$

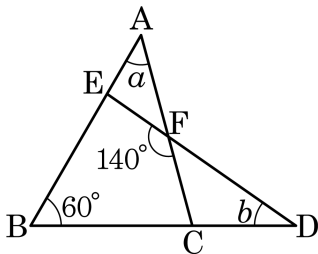
$\triangle BDE$ 가 정삼각형이므로 $\overline{BD} = \overline{BE} \dots \textcircled{B}$

$\angle ABD = 60^\circ - \angle DBE = \angle CBE \dots \textcircled{C}$

$\textcircled{A}$, $\textcircled{B}$, $\textcircled{C}$ 에 의하여 $\triangle ABD \cong \triangle CBE$ (SAS 합동)

$\therefore \angle BCE = \angle BAD = \angle BDE - \angle ABD = 60^\circ - 40^\circ = 20^\circ$

16. 다음 그림에서 $\angle a + \angle b$ 의 크기는?



① 70°

② 80°

③ 90°

④ 100°

⑤ 110°

해설

$$\angle AFE = \angle CFD = 40^\circ$$

$$\angle BEF = \angle a + 40^\circ$$

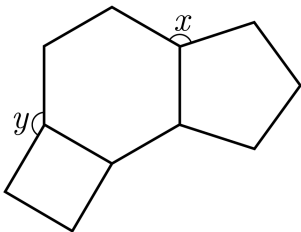
$$\angle BCF = \angle b + 40^\circ$$

□BCFE 에서

$$60^\circ + \angle b + 40^\circ + 140^\circ + \angle a + 40^\circ = 360^\circ$$

$$\angle a + \angle b = 80^\circ$$

17. 다음 그림은 한 변의 길이가 같은 정육각형에 정사각형과 정오각형의 한 변을 붙여놓은 것이다. 이 때, $\angle x$ 와 $\angle y$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}^{\circ}$

▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}^{\circ}$

▷ 정답 : $\angle x = 132^{\circ}$

▷ 정답 : $\angle y = 150^{\circ}$

해설

정육각형의 한 외각의 크기 : $\frac{360^{\circ}}{6} = 60^{\circ}$

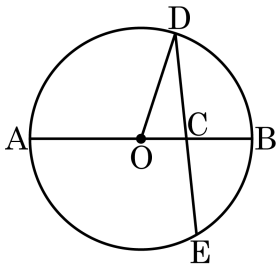
정오각형의 한 외각의 크기 : $\frac{360^{\circ}}{5} = 72^{\circ}$

정사각형의 한 외각의 크기 : $\frac{360^{\circ}}{4} = 90^{\circ}$

$$\therefore \angle x = 60^{\circ} + 72^{\circ} = 132^{\circ}$$

$$\therefore \angle y = 60^{\circ} + 90^{\circ} = 150^{\circ}$$

18. 다음 그림에서 $\widehat{AB}$ 는 원O 의 지름으로 $\angle DOC = 3\angle ODC$ 이다.
5.0pt $\widehat{AE} : \widehat{BD}$ 를 구하면?



① 3 : 2

② 3 : 5

③ 5 : 2

④ 5 : 3

⑤ 5 : 7

해설

O 와 E 를 연결한다.

$$\angle ODC = a \text{ 라 하면, } \angle DOC = 3a, \angle OCE = 4a$$

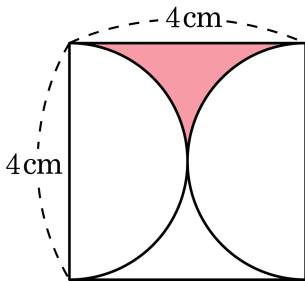
$$\widehat{OD} = \widehat{OE} \text{ (반지름) 에서 } \angle OEC = \angle ODC = a$$

$$\text{따라서, } \angle AOE = \angle OCE + \angle OEC = 5a$$

$$5.0\text{pt} \widehat{AE} : 5.0\text{pt} \widehat{BD} = \angle AOE : \angle DOB = 5a : 3a$$

$$\therefore 5.0\text{pt} \widehat{AE} : 5.0\text{pt} \widehat{BD} = 5 : 3$$

19. 다음 그림과 같이 한 변의 길이가 4 cm 인 정사각형 안에 지름의 길이가 4 cm 인 두 개의 반원이 내접하고 있다. 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

cm²

▷ 정답 : $8 - 2\pi$ cm²

해설

변의 길이가 4 cm, 2 cm 인 직사각형에서 지름이 4 cm 인 반원의 넓이를 뺀다.

$$\therefore 4 \times 2 - \pi \times 2^2 \times \frac{1}{2} = 8 - 2\pi \text{ (cm}^2\text{)}$$

20. 다음 <보기>의 도형을 작도할 때, 컴퍼스를 2 번 사용하는 것의 개수는 a 개, 컴퍼스를 3 번 사용하는 것의 개수는 b 개, 컴퍼스를 4 번 사용하는 것의 개수는 c 개, 컴퍼스를 5 번 사용하는 것의 개수는 d , 컴퍼스를 6 번 사용하는 것의 개수는 e 일 때, $2a + b + c - (d + e)$ 의 값을 구하여라.

보기

- ㉠ 각의 이등분선의 작도
- ㉡ 평행선의 작도
- ㉢ 크기가 같은 각의 작도
- ㉣ 선분의 수직이등분선의 작도
- ㉤ 직각의 삼등분선의 작도
- ㉥ 크기가 45° 인 각의 작도
- ㉦ 수선의 작도
- ㉧ 선분의 삼등분선의 작도

① 3

② 4

③ 5

④ 6

⑤ 7

해설

컴퍼스를 2 번 사용하는 작도는 ㉣. 선분의 수직이등분선의 작도
 $\therefore a = 1$

컴퍼스를 3 번 사용하는 작도는 ㉠. 각의 이등분선의 작도 ㉤. 직각의 삼등분선의 작도 ㉦. 수선의 작도 $\therefore b = 3$

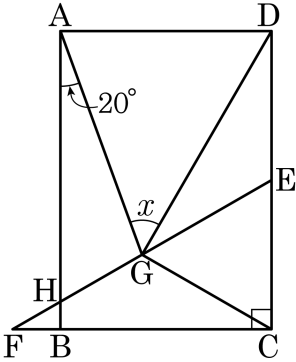
컴퍼스를 4 번 사용하는 작도는 ㉡. 평행선의 작도 ㉢. 크기가 같은 각의 작도 $\therefore c = 2$

컴퍼스를 5 번 사용하는 작도는 없다. $\therefore d = 0$

컴퍼스를 6 번 사용하는 작도는 ㉧. 선분의 삼등분선의 작도
 $\therefore e = 1$

$$\therefore 2a + b + c - (d + e) = 2 \times 1 + 3 + 2 - (0 + 1) = 6$$

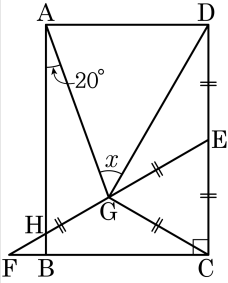
21. 직사각형 ABCD 와 $\overline{CE} = 2\overline{EF}$ 인 직각삼각형 EFC 가 직각 ECB 를 공유하며 다음 그림과 같이 겹쳐져 있다. $\overline{EF}$ 의 중점 G 를 점 A, D 와 연결하고, $\overline{CD} = 2\overline{CE}$, $\angle GAH = 20^\circ$ 라 할 때 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$

▷ 정답 : 50°

해설



$\overline{EG} = \overline{GC} = \overline{CE}$ 이므로 $\triangle EGC$ 는 정삼각형이고 $\angle CEG = 60^\circ$ 이다.

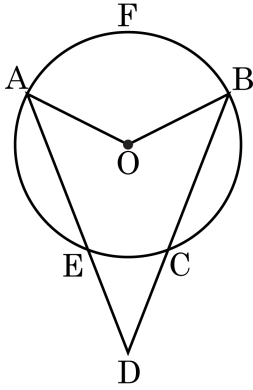
$\angle DEG = 120^\circ$ 이고, $\triangle DEG$ 는 이등변삼각형이므로 $\angle DGE = \frac{180^\circ - 120^\circ}{2} = 30^\circ$ 이다.

$\triangle AGD$ 에서 $\angle GAD = 90^\circ - 20^\circ = 70^\circ$

$\angle GDA = 90^\circ - 30^\circ = 60^\circ$

$\therefore \angle x = 180^\circ - 70^\circ - 60^\circ = 50^\circ$

22. 다음 그림에서 점 A, E, D 는 한 직선 위에 있고, B, C, D 도 한 직선 위에 있다. $\overline{OA} = \overline{ED} = \overline{CD}$ 일 때, $\frac{\angle AOB}{\angle EDC}$ 의 값을 구하여라.

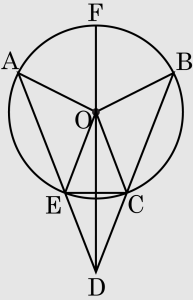


▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

그림과 같이 연장선을 그을 때,



$\overline{OA} = \overline{ED} = \overline{CD}$ 이므로 $\square OEDC$ 는 마름모이다.

따라서 $\triangle OCD$, $\triangle OED$ 는 이등변삼각형이다.

$\angle CDE = a$ 라 하면 $\angle OCB = 2a$ (외각)

$\triangle OCB$ 에서 $\overline{OC} = \overline{OB}$ 이므로

$\angle OCB = \angle OBC = 2a$

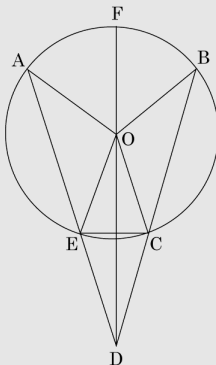
$\triangle OBD$ 에서 $\angle FOB = 3a$ (외각)

$\triangle OCD \cong \triangle OED$ (SSS 합동) 이므로 같은 방법으로 하면

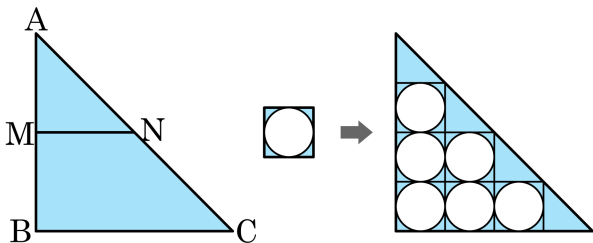
$\angle AOF = 3a$

따라서 $\angle EDC = 2a$, $\angle AOB = 6a$

$$\therefore \frac{\angle AOB}{\angle EDC} = \frac{6a}{2a} = 3$$



23. 다음 그림과 같이 왼쪽의 직각이등변삼각형 ABC 에 한 변의 길이가 2 인 정사각형 타일을 채워서 오른쪽과 같은 모양을 만들려고 한다. $\overline{AB}$ 의 중점 M 과 $\overline{AC}$ 의 중점 N 을 연결한 선분의 길이가 6 이고, 타일은 최대의 개수로 채운다고 할 때 색칠된 부분의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $72 - 15\pi$

해설

$\triangle AMN \sim \triangle ABC$ (AAA 닮음) 이고 닮음비가 1 : 2 이므로 $\overline{BC} = 12$ 이다.

타일 한 변의 길이가 2 이므로, 밑변에 들어갈 수 있는 타일의 최대 개수는 $\frac{12-2}{2} = 5$ 개이다.

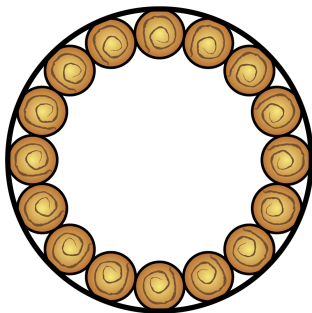
$\triangle ABC$ 는 직각이등변삼각형이므로 밑변 $\overline{BC}$ 에 들어갈 수 있는 타일의 최대 개수는 $\overline{AB}$ 를 따라 쌓을 수 있는 최대 개수와 같다. 따라서 $\triangle ABC$ 에 채울 수 있는 타일의 최대 개수는 $1 + 2 + 3 + 4 + 5 = 15$ 개이다.

타일 한 변의 길이 = 원의 반지름 $\times 2$ 이므로 원의 반지름을 r 이라 하면 $r = 1$ 이다.

따라서 색칠된 부분의 넓이는

$$\frac{1}{2} \times 12 \times 12 - \pi \times 1^2 \times 15 = 72 - 15\pi \text{ 이다.}$$

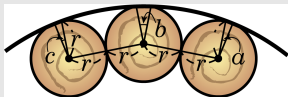
24. 다음 그림과 같이 지름의 길이가 10cm 인 16 개의 통나무를 서로 맞닿도록 세웠다. 통나무 주위를 끈으로 팽팽하게 한 바퀴 감았을 때의 끈의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : $10\pi + 160$ cm

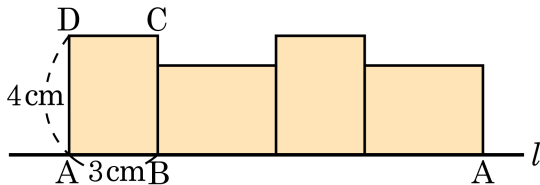
해설



그림에서 $\angle a + \angle b + \angle c \cdots = 360^\circ$ 이므로 한 바퀴 감았을 때, 끈의 길이는

$$2 \times 5 \times 16 + 2\pi \times 5 = 160 + 10\pi(\text{cm})$$

25. 다음 그림과 같이 가로, 세로의 길이가 각각 3cm, 4cm 이고 대각선의 길이가 5cm 인 직사각형을 직선 l 위에서 한 바퀴 돌렸을 때, 꼭지점 A 가 움직인 거리는?



① $4\pi\text{cm}$

② $5\pi\text{cm}$

③ $6\pi\text{cm}$

④ $7\pi\text{cm}$

⑤ $8\pi\text{cm}$

해설

구하는 길이는

$$\frac{2\pi \times 3}{4} + \frac{2\pi \times 5}{4} + \frac{2\pi \times 4}{4} = 6\pi(\text{cm})$$

