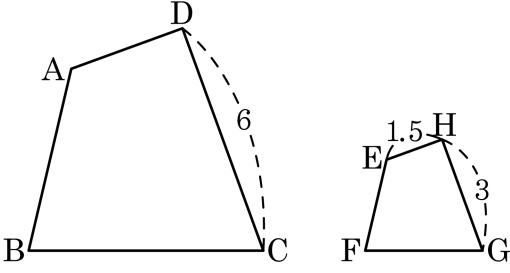


1. 다음 그림에서 $\square ABCD \sim \square EFGH$ 일 때, $\square ABCD$ 와 $\square EFGH$ 의
 닮음비를 구하면?

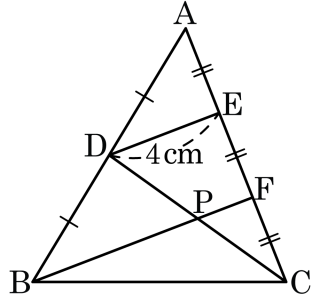


- ① 1 : 1 ② 1 : 2 ③ 2 : 3 ④ 2 : 1 ⑤ 4 : 3

해설

$$\overline{DC} : \overline{HG} = 6 : 3 = 2 : 1$$

2. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 점 D 는 $\overline{AB}$ 의 중점이고, 점 E, F 는 $\overline{AC}$ 를 삼등분하는 점이다. 점 P 가 $\overline{BF}$, $\overline{CD}$ 의 교점이고, $\overline{DE} = 4\text{cm}$ 일 때, $\overline{BP}$ 의 길이는?

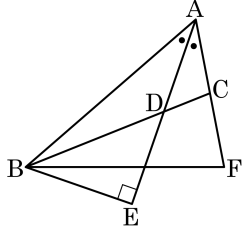


- ① 5cm ② 6cm ③ 7cm ④ 8cm ⑤ 9cm

해설

$\triangle ABF$ 에서 $\overline{BF} = 2\overline{DE} = 2 \times 4 = 8 \text{ (cm)}$
 $\triangle CDE$ 에서 $\overline{DE} = 2\overline{PF} \therefore \overline{PF} = 2 \text{ (cm)} \therefore \overline{BP} = \overline{BF} - \overline{PF} = 8 - 2 = 6 \text{ (cm)}$ 이다.

3. 다음 그림에서 $\overline{AD}$ 는 $\angle A$ 의 이등분선이고 $\overline{AB} = 3\overline{AC}$, $\overline{AC} = \overline{CF}$ 이다. $\triangle ADC = 25\text{ cm}^2$ 일 때, $\triangle DBE$ 의 넓이를 구하여라.

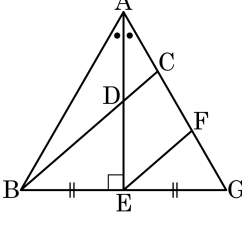


▶ 답 : cm^2

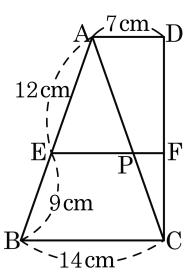
▶ 정답 : 75 cm^2

해설

$\overline{AF}$ 의 연장선과 $\overline{BE}$ 의 연장선의 교점을 G 라고 하면 $\overline{BE} = \overline{EG}$, $\overline{AC} = \overline{CF} = \overline{FG}$ 이다.
 $\overline{AB} : \overline{AC} = \overline{BD} : \overline{DC}$
 $\triangle ABD = 3\triangle ADC$
 $\overline{AD} = \overline{DE}$ 이므로 $\triangle ABD = \triangle DBE$ 이다.
 $\therefore \triangle DBE = 3\triangle ADC = 75(\text{cm}^2)$



4. 다음 그림에서 $\overline{AD} \parallel \overline{EF} \parallel \overline{BC}$ 일 때, $\overline{EP}$ 와 $\overline{PF}$ 의 길이의 차를 구하여라.



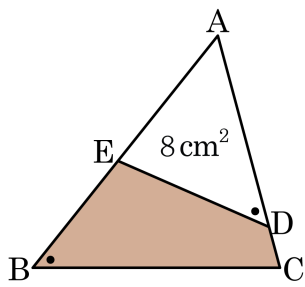
▶ 답 : cm

▷ 정답 : 5 cm

해설

$$\begin{aligned} 12 : 21 &= \overline{EP} : 14, \overline{EP} = 8 \text{ (cm)} \\ 9 : 21 &= \overline{PF} : 7, \overline{PF} = 3 \text{ (cm)} \\ \therefore \overline{EP} - \overline{PF} &= 8 - 3 = 5 \text{ (cm)} \end{aligned}$$

5. 다음 그림에서 $\angle ADE = \angle ABC$, $\overline{AE} : \overline{AC} = 2 : 3$, $\triangle ADE = 8\text{cm}^2$ 일 때, $\square BCDE$ 의 넓이를 구하여라.



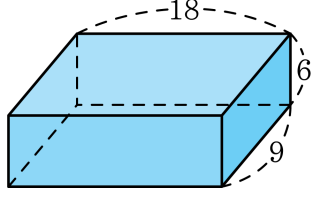
▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : 10 cm^2

해설

$\triangle ABC \sim \triangle ADE$ 이고 그 닮음비가 $\overline{AC} : \overline{AE} = 3 : 2$ 이므로 넓이의 비는 $\triangle ABC : \triangle ADE = 9 : 4$ 이 된다.
 $\triangle ADE = 8\text{cm}^2$ 일 때, $\triangle ABC : 8 = 9 : 4$ 이고, $\triangle ABC = 18(\text{cm}^2)$ 가 된다.
따라서 $\square BCDE = \triangle ABC - \triangle ADE = 18 - 8 = 10(\text{cm}^2)$

6. 다음 그림과 같은 직육면체와 닮음이고 한 모서리의 길이가 3 인 직육면체를 만들려고 한다. 이 때, 새로 만드는 직육면체의 모서리가 될 수 있는 것은?



- ① 4 ② 5 ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{9}{2}$ ⑤ $\frac{1}{3}$

해설

작은 변부터 세 변의 비가 $2 : 3 : 6$ 이므로 한 변의 길이가 3 인 닮음 직육면체는

1) $2 : 3 : 6 = x : y : 3 \Rightarrow 1 : \frac{3}{2} : 3$

2) $2 : 3 : 6 = x : 3 : y \Rightarrow 2 : 3 : 6$

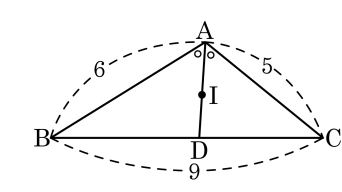
3) $2 : 3 : 6 = 3 : x : y \Rightarrow 3 : \frac{9}{2} : 9$

세 가지 경우이다.

따라서 모서리가 될 수 있는 것은 $\frac{9}{2}$ 이다.

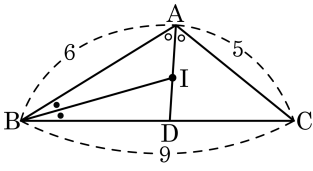
7. 다음 그림에서 점I는 내심이다. $\overline{AB} = 6$, $\overline{AC} = 5$, $\overline{BC} = 9$ 일 때, $\overline{AI} : \overline{ID}$ 를 구하면?

- ① 3 : 2 ② 9 : 5
 ③ 5 : 6 ④ 9 : 11
 ⑤ 11 : 9

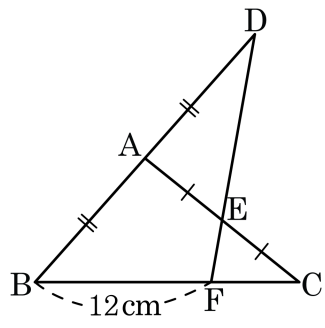


해설

$\overline{BD} : \overline{DC} = 6 : 5$ 이므로 $\overline{BD} = 9 \cdot \frac{6}{11} = \frac{54}{11}$
 $\triangle ABD$ 에서 $\overline{BI}$ 는 $\angle B$ 의 이등분선이므로 $\overline{AI} : \overline{ID} = \overline{BA} : \overline{BD} = 6 : \frac{54}{11} = 66 : 54 = 11 : 9$



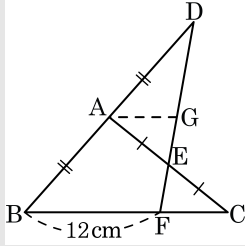
8. 아래 그림과 같이 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB}$ 의 연장선 위에 $\overline{AB} = \overline{AD}$ 를 만족하는 점 D 를 잡고, $\overline{AC}$ 의 중점 E 에 대하여 $\overline{DE}$ 의 연장선과 $\overline{BC}$ 의 교점을 F 라 하자. $\overline{BF} = 12\text{cm}$ 일 때, $\overline{CF}$ 의 길이는?



- ① 4cm ② 5cm ③ 6cm
 ④ $\frac{13}{2}$ cm ⑤ 7cm

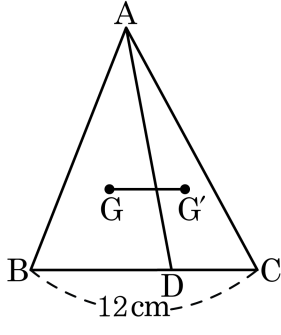
해설

다음 그림과 같이 $\overline{AG} // \overline{BC}$ 가 되도록 점 G 를 잡으면 $\triangle DBF$ 에서 $\overline{AG} = \frac{1}{2}\overline{BF} = 6(\text{cm})$



$\triangle AEG$ 와 $\triangle CEF$ 에서 $\angle GAE = \angle FCE$ (엇각), $\overline{AE} = \overline{CE}$,
 $\angle AEG = \angle CEF$ (맞꼭지각) 이므로
 $\triangle AEG \cong \triangle CEF$ (ASA 합동)
 $\therefore \overline{CF} = \overline{AG} = 6(\text{cm})$

9. 다음 그림에서 점 G, G'은 각각 $\triangle ABD$, $\triangle ADC$ 의 무게중심이다.
 $\overline{BC} = 12\text{cm}$ 일 때, $\overline{GG'}$ 의 길이는?



- ① 1cm ② 2cm ③ 3cm ④ 4cm ⑤ 5cm

해설

$\overline{AG}$ 와 $\overline{AG'}$ 의 연장선과 $\overline{BC}$ 와의 교점을 각각 P, Q라고 하면
 $\overline{BP} = \overline{PD}$, $\overline{DQ} = \overline{CQ}$

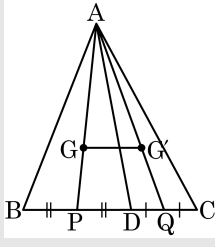
$$\therefore \overline{PQ} = \frac{1}{2} \overline{BC} = 6 \text{ (cm)}$$

$\triangle AGG'$ 과 $\triangle APQ$ 에서 $\overline{AG'} : \overline{G'Q} = 2 : 1$, $\overline{AG} : \overline{GP} = 2 : 1$,
 $\angle A$ 는 공통이므로 $\triangle AGG' \sim \triangle APQ$

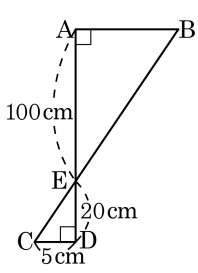
$$\overline{GG'} : \overline{PQ} = \overline{AG} : \overline{AP} = 2 : 3 \text{ 이므로 } \overline{GG'} : 6 = 2 : 3$$

$$3\overline{GG'} = 12$$

$$\therefore \overline{GG'} = 4 \text{ (cm)}$$



10. 다음 그림은 두 지점 A, B 사이의 거리를 재기 위하여 축척이 $\frac{1}{1000}$ 인 축도를 그린 것이다. A, B 사이의 실제의 거리를 구하여라.



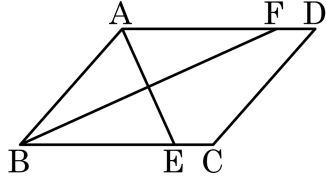
▶ 답 : m

▷ 정답 : 250m

해설

$$\begin{aligned} 5 : 20 &= \overline{AB} : 100 \\ \overline{AB} &= 25 \text{ cm} \\ (\text{실제의 거리}) &= 25 \times 1000 = 25000 \text{ (cm)} = 250 \text{ (m)} \end{aligned}$$

11. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} : \overline{AD} = 4 : 5$ 이고, 넓이가 30 인 평행사변형 ABCD 에서 $\angle A$, $\angle B$ 의 이등분선이 변 BC, AD 와 만나는 점을 각각 E, F 라 할 때, 삼각형 ABF 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 12

해설

$\overline{AD} = \overline{BC}$, $\overline{AB} = \overline{CD}$ 이므로 $\square ABCD$ 는 평행사변형이다.

$\therefore \overline{AB} : \overline{AD} = 4 : 5$ 이므로 $\overline{AB} = 4k$, $\overline{AD} = 5k$ 라 하면

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 에서 $\angle FAE = \angle AEB$ (엇각) 이므로 $\triangle BEA$ 는 이등변 삼각형이다.

$\therefore \overline{BE} = \overline{AB} = 4k$

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 에서 $\angle AFB = \angle FBC$ (엇각) 이므로 $\triangle ABF$ 는 이등변 삼각형이다.

$\therefore \overline{AF} = \overline{AB} = 4k$

따라서 $\square ABEF$ 도 평행사변형이 된다.

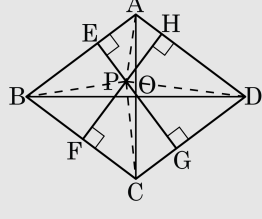
$$\begin{aligned} \therefore \triangle ABF &= \frac{1}{2} \square ABEF \\ &= \frac{1}{2} \times \frac{4}{5} \square ABCD \\ &= \frac{2}{5} \square ABCD \\ &= \frac{2}{5} \times 30 \\ &= 12 \end{aligned}$$

12. 한 변의 길이가 10 인 마름모 ABCD 의 대각선의 교점을 O 라 할 때, $\overline{AO} = 6$, $\overline{BO} = 8$ 이다. 이 마름모의 내부에 한 점 P 를 잡고, 점 P 에서 마름모의 각 변 AB, BC, CD, DA 에 내린 수선의 발을 각각 E, F, G, H 라 할 때, $\overline{PE} + \overline{PF} + \overline{PG} + \overline{PH}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : $\frac{96}{5}$

해설



위의 그림과 같이 점 P 와 마름모의 네 꼭짓점을 각각 선분으로 연결하면

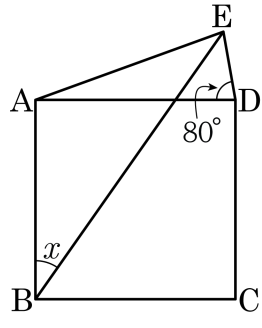
$\square ABCD = \triangle PAB + \triangle PBC + \triangle PCD + \triangle PDA$ 에서

$$\frac{1}{2} \times \overline{AC} \times \overline{BD} = \frac{1}{2} \times \overline{AB} \times (\overline{PE} + \overline{PF} + \overline{PG} + \overline{PH})$$

$\overline{AO} = 6$, $\overline{BO} = 8$ 이면 $\overline{AC} = 12$, $\overline{BD} = 16$

따라서 $\overline{PE} + \overline{PF} + \overline{PG} + \overline{PH} = \frac{96}{5}$ 이다.

13. 주어진 그림에서 $\square ABCD$ 는 정사각형이고, $\overline{AD} = \overline{AE}$, $\angle ADE = 80^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?

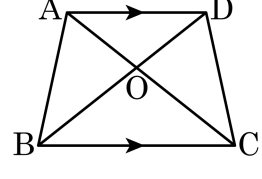


- ① 25° ② 30° ③ 35° ④ 40° ⑤ 45°

해설

$\triangle ADE$ 에서
 $\angle EAD = 180^\circ - 2 \times 80^\circ = 20^\circ$
 $\therefore \angle BAE = 90^\circ + 20^\circ = 110^\circ$
 이 때, $\overline{AB} = \overline{AD} = \overline{AE}$ 이므로
 $\angle x = \frac{1}{2} (180^\circ - 110^\circ) = 35^\circ$

14. 다음 등변사다리꼴 ABCD에 대한 설명 중 옳은 것은?



보기

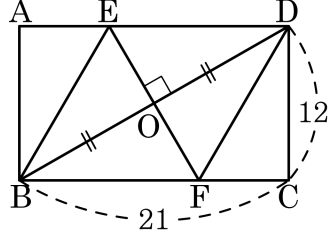
- ☐ Ⓐ $\overline{AB} = \overline{AD}$
- ☐ Ⓑ $\overline{AB} // \overline{CD}$
- ☐ Ⓒ $\angle ABC = \angle DCB$
- ☐ Ⓓ $\triangle ABC \equiv \triangle DCB$
- ☐ Ⓔ $2 \times \triangle AOD = \triangle BOC$

① Ⓐ, Ⓒ ② Ⓒ, Ⓓ ③ Ⓒ, Ⓔ ④ Ⓒ, Ⓓ ⑤ Ⓒ, Ⓔ

해설

- ☐ Ⓒ 등변사다리꼴의 정의에 따라
밑변의 양 끝 각의 크기가 같으므로
 $\angle ABC = \angle DCB$ 이다.
- ☐ Ⓓ $\triangle ABC$ 와 $\triangle DCB$ 에서
 $\overline{AB} = \overline{DC}$ 이고, $\overline{BC}$ 는 공통,
 $\angle B = \angle C$ 이므로 $\triangle ABC \equiv \triangle DCB$ 이다.

15. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD의 대각선 $\overline{BD}$ 의 수직이등분선과 $\overline{AD}$, $\overline{BC}$ 와의 교점을 각각 E, F라 하고, $\overline{BF} : \overline{FC} = 2 : 1$ 일 때, $\square EBF D$ 의 넓이를 구하면?



▶ 답 :

▷ 정답 : 168

해설

$\triangle OED \equiv \triangle OFB$ (ASA 합동) 이므로 $\overline{OF} = \overline{OE}$
따라서 두 대각선이 서로 다른 것을 수직이등분하므로 $\square EBF D$
는 마름모이다.

$\overline{BF} : \overline{FC} = 2 : 1$ 이므로 $\overline{BF} = 21 \times \frac{2}{3} = 14$ 이고,

$\overline{CD} = 12$ 이므로
넓이는 $14 \times 12 = 168$ 이다.