

1.  $(2x + 1)^2$  을 전개한 것은?

- ①  $4x^2 + 4x + 1$       ②  $4x^2 - 4x + 1$       ③  $2x^2 + 4x + 1$   
④  $2x^2 - 4x + 1$       ⑤  $4x^2 + 2x + 1$

해설

$$\begin{aligned}(2x + 1)^2 &= (2x)^2 + 2 \times 2x \times 1 + 1^2 \\&= 4x^2 + 4x + 1\end{aligned}$$

2.  $(3x + 4y)^2 = ax^2 + bxy + cy^2$  일 때, 상수  $a, b, c$  의 합  $a + b + c$ 의 값은?

- ① 11      ② 19      ③ 25      ④ 31      ⑤ 49

해설

$$(3x)^2 + 2 \times 3x \times 4y + (4y)^2 = 9x^2 + 24xy + 16y^2 \text{ } \circ] \text{므로 } a+b+c = 9+24+16=49 \text{ } \circ]$$

3. 다음 중  $(x - 2)^2$  을 전개한 것은?

- ①  $x^2 - 4x - 4$       ②  $x^2 - 2x - 2$       ③  $x^2 - 2x + 4$   
④  $x^2 - 4x + 4$       ⑤  $x^2 + 4x + 4$

해설

$$x^2 + 2 \times x \times (-2) + (-2)^2 = x^2 - 4x + 4$$

4. 다음 중 옳지 않은 것은?

$$\textcircled{1} \quad \left(\frac{1}{2}x + \frac{1}{5}\right) \left(\frac{1}{2}x - \frac{1}{5}\right) = \left(\frac{1}{2}x\right)^2 - \left(\frac{1}{5}\right)^2$$

$$\textcircled{2} \quad \left(\frac{5}{2}a - \frac{1}{3}\right) \left(\frac{5}{2}a + \frac{1}{3}\right) = \left(\frac{5}{2}a\right)^2 - \left(\frac{1}{3}\right)^2$$

$$\textcircled{3} \quad \left(-\frac{1}{5}x + \frac{1}{3}\right) \left(-\frac{1}{5}x - \frac{1}{3}\right) = \left(-\frac{1}{5}x\right)^2 - \left(\frac{1}{3}\right)^2$$

$$\textcircled{4} \quad \left(\frac{3}{2}x - \frac{1}{4}\right) \left(-\frac{3}{2}x - \frac{1}{4}\right) = \left(\frac{3}{2}x\right)^2 - \left(\frac{1}{4}\right)^2$$

$$\textcircled{5} \quad \left(-\frac{3}{2}x - \frac{1}{4}\right) \left(\frac{3}{2}x - \frac{1}{4}\right) = -\left(\frac{3}{2}x\right)^2 + \left(\frac{1}{4}\right)^2$$

해설

$$\textcircled{4} \quad \left(\frac{3}{2}x - \frac{1}{4}\right) \left(-\frac{3}{2}x - \frac{1}{4}\right) = -\left(\frac{3}{2}x\right)^2 + \left(-\frac{1}{4}\right)^2$$

5.  $(x - 3) \left( x + \frac{1}{2} \right)$  의 전개식에서  $x$ 의 계수와 상수항의 합은?

- ① -4      ②  $-\frac{1}{4}$       ③ 0      ④  $\frac{1}{2}$       ⑤ 3

해설

$$(x - 3) \left( x + \frac{1}{2} \right) = x^2 + \left( -3 + \frac{1}{2} \right) x + (-3) \times \frac{1}{2} = x^2 - \frac{5}{2}x - \frac{3}{2},$$

$x$ 의 계수는  $-\frac{5}{2}$ 이고, 상수항은  $-\frac{3}{2}$ 이므로

그 합은  $\left( -\frac{5}{2} \right) + \left( -\frac{3}{2} \right) = -4$ 이다.

6.  $(5x - 6)(4x + 3)$  을 전개한 식은?

- ①  $20x^2 + 2x - 18$       ②  $20x^2 + 4x - 18$   
③  $20x^2 + 6x - 18$       ④  $20x^2 - 9x + 18$   
⑤  $20x^2 - 9x - 18$

해설

$$(5x - 6)(4x + 3) = (5 \times 4)x^2 + \{5 \times 3 + (-6) \times 4\}x + (-6) \times 3 =$$
$$20x^2 - 9x - 18$$

7. 다음 식을 전개할 때,  $x$  의 계수가 가장 큰 것은?

- ①  $(3x + 1)^2$       ②  $(3x - 1)^2$   
③  $(3x - 1)(x - 3)$       ④  $(3x + 1)(x + 3)$   
⑤  $(3x + 1)(3x - 1)$

해설

- ①은 전개하면  $x$  의 계수가  $+6$   
②는 전개하면  $x$  의 계수가  $-6$   
③은 전개하면  $x$  의 계수가  $-10$   
④는 전개하면  $x$  의 계수가  $+10$   
⑤는 전개하면  $x$  의 계수가  $0$

따라서  $x$  의 계수가 가장 큰 것은 ④번이다.

8.  $(3x - 2)(3x + 2y - 2)$ 의 전개식에서  $x$ 의 계수는?

- ① -16      ② -12      ③ -8      ④ 4      ⑤ 10

해설

$$\begin{aligned}(3x - 2) &= A \text{로 치환하면} \\ (\text{주어진 식}) &= A \cdot (A + 2y) \\ &= A^2 + 2Ay \\ A = 3x - 2 &\text{를 대입하면} \\ (3x - 2)^2 + 2(3x - 2)y &= 9x^2 - 12x + 4 + 6xy - 4y^2 \\ &\text{따라서 } x \text{의 계수는 } -12 \text{이다.}\end{aligned}$$

9.  $(-3x + 4y)(3x + 4y) - \left(\frac{1}{4}x + 5y\right)\left(\frac{1}{4}x - 5y\right)$  를 간단히 하면?

- ①  $-\frac{111}{16}x^2 + 25y^2$       ②  $-\frac{111}{16}x^2 + 16y^2$   
③  $-\frac{145}{16}x^2 + 41y^2$       ④  $-\frac{137}{4}x^2 + 41y^2$   
⑤  $-\frac{137}{8}x^2 + 31y^2$

해설

$$\begin{aligned}& -(3x)^2 + (4y)^2 - \left\{ \left( \frac{1}{4}x \right)^2 - (5y)^2 \right\} \\&= -9x^2 + 16y^2 - \frac{1}{16}x^2 + 25y^2 \\&= -\frac{145}{16}x^2 + 41y^2\end{aligned}$$

10.  $(x - 3)(x^2 + 9)(x + 3)$  을 전개하면?

- ①  $x^2 - 9$       ②  $x^2 - 81$       ③  $x^4 - 3$   
④  $x^4 - 9$       ⑤  $x^4 - 81$

해설

$$(x - 3)(x + 3)(x^2 + 9) = (x^2 - 9)(x^2 + 9) = x^4 - 81$$

11.  $(x - 2)(x^2 + 4)(x + 2)$  을 전개하면?

- ①  $x^2 - 16$       ②  $x^2 + 4$       ③  $x^4 - 4$   
④  $x^4 - 16$       ⑤  $x^4 + 4$

해설

$$(x - 2)(x + 2)(x^2 + 4) = (x^2 - 4)(x^2 + 4) = x^4 - 16$$

12. 다음 식을 전개한 것 중 옳은 것은?

- ①  $(x+7)(x-5) = x^2 - 2x - 35$   
②  $(x-2)(x-3) = x^2 + 6$   
③  $(x+3)(x+4) = x^2 + x + 12$   
④  $\left(x-\frac{2}{7}\right)\left(x-\frac{3}{5}\right) = x^2 - \frac{31}{35}x + \frac{6}{35}$   
⑤  $\left(x-\frac{1}{2}\right)\left(x+\frac{1}{3}\right) = x^2 - \frac{5}{6}x - \frac{1}{6}$

해설

- ①  $(x+7)(x-5) = x^2 + 2x - 35$   
②  $(x-2)(x-3) = x^2 - 5x + 6$   
③  $(x+3)(x+4) = x^2 + 7x + 12$   
④  $\left(x-\frac{1}{2}\right)\left(x+\frac{1}{3}\right) = x^2 - \frac{1}{6}x - \frac{1}{6}$

13.  $(x - 2)(x + k) = x^2 + ax + b$  일 때,  $2a + b$ 의 값은?

- ① 2      ② -4      ③ -6      ④ 8      ⑤ 10

해설

$$(x - 2)(x + k) = x^2 + (-2 + k)x - 2k = x^2 + ax + b$$

$$a = k - 2, b = -2k$$

$$\therefore 2a + b = 2(k - 2) + (-2k) = 2k - 4 - 2k = -4$$

14.  $(ax - 6y)^2 = 25x^2 + bxy + cy^2$  일 때,  $a + b + c$ 의 값을 구하여라.(단,  $a > 0$ )

▶ 답:

▷ 정답: -19

해설

$$(ax - 6y)^2 = a^2x^2 - 12axy + 36y^2$$

$$a^2x^2 - 12axy + 36y^2 = 25x^2 + bxy + cy^2$$

$$\therefore a = 5$$

$$\therefore c = 36$$

$$-12a = b \quad \therefore b = -60$$

$$a + b + c = 5 + (-60) + 36 = -19$$

15.  $(x - 1)(x + 2)(x - 2)(x + 3)$  을 전개했을 때  $x$ 의 계수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -8

해설

$$\begin{aligned} & (x - 1)(x + 2)(x - 2)(x + 3) \\ &= (x^2 + x - 2)(x^2 + x - 6) \\ &x^2 + x = t \text{ 라 하면} \\ & (x^2 + x - 2)(x^2 + x - 6) \\ &= (t - 2)(t - 6) \\ &= t^2 - 8t + 12 \\ &= (x^2 + x)^2 - 8(x^2 + x) + 12 \\ &= x^4 + 2x^3 + x^2 - 8x^2 - 8x + 12 \\ &= x^4 + 2x^3 - 7x^2 - 8x + 12 \\ &\Rightarrow x \text{의 계수 : } -8 \end{aligned}$$

16. 곱셈 공식을 이용하여 다음 수의 값을 계산할 때, 나머지 넷과 다른 공식이 적용되는 것은?

- ①  $1.7 \times 2.3$       ②  $94 \times 86$   
④  $99 \times 101$       ⑤  $52 \times 48$

③  $28 \times 31$

해설

①, ②, ④, ⑤  $(a + b)(a - b) = a^2 - b^2$   
③  $(x + a)(x + b) = x^2 + (a + b)x + ab$

17. 곱셈 공식을 이용하여  $14.98 \times 15.02$  를 계산하려고 한다. 다음 중 가장  
이용하기 편리한 곱셈 공식을 고르면?

- ①  $(x + a)(x + b) = x^2 + (a + b)x + ab$
- ②  $(x + a)^2 = x^2 + 2ax + a^2$
- ③  $(x - a)^2 = x^2 - 2ax + a^2$
- ④  $(x + a)(x - a) = x^2 - a^2$
- ⑤  $(ax + b)(cx + d) = acx^2 + (ad + bc)x + bd$

해설

$$\begin{aligned}14.98 \times 15.02 &= (15 - 0.02)(15 + 0.02) \\&= 15^2 - 0.02^2 \\&= 225 - 0.0004 \\&= 224.9996\end{aligned}$$

따라서  $(x + a)(x - a) = x^2 - a^2$  을 사용한다.

18. 다음 중 주어진 수의 계산을 간편하게 하기 위하여 이용할 수 있는 곱셈 공식으로 적절하지 않은 것은?

- ①  $91^2 \rightarrow (a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$
- ②  $597^2 \rightarrow (a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$
- ③  $103^2 \rightarrow (a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$
- ④  $84 \times 75 \rightarrow (a+b)(a-b) = a^2 - b^2$
- ⑤  $50.9 \times 49.1 \rightarrow (a+b)(a-b) = a^2 - b^2$

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{4} \quad 84 \times 75 &= (80+4)(80-5) \\ (x+a)(x+b) &= x^2 + (a+b)x + ab \end{aligned}$$

19. 곱셈 공식을 이용하여  $\frac{1003 \times 1005 + 1}{1004}$  을 계산하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1004

해설

$$\begin{aligned}\frac{(1004 - 1)(1004 + 1) + 1}{1004} &= \frac{1004^2 - 1 + 1}{1004} \\ &= 1004\end{aligned}$$

20.  $x + y = 9$ ,  $xy = 3$  일 때,  $x^2 + y^2 - xy$ 의 값은?

- ① 52      ② 56      ③ 60      ④ 72      ⑤ 80

해설

$$\begin{aligned}x^2 - xy + y^2 &= (x + y)^2 - 3xy \\&= 9^2 - 3 \times 3 \\&= 72\end{aligned}$$

21. 다음 식의 값을 곱셈공식을 활용하여 구하려고 한다. ( )에 알맞은 수는?

$$(4+2)(4^2+2^2)(4^4+2^4)(4^8+2^8)(4^{16}+2^{16})(4^{32}+2^{32})+2^{63}$$
$$= 2^{( )}$$

- ① 126      ② 127      ③ 128      ④ 129      ⑤ 130

해설

$$(4+2)(4^2+2^2)(4^4+2^4)(4^8+2^8)(4^{16}+2^{16})(4^{32}+2^{32})+2^{63}$$

$$\frac{1}{2} \times (4-2) \text{를 곱한다.}$$

$$(\frac{1}{2} \times (4-2)) = 1 \text{이므로 식의 값은 변하지 않는다.)}$$

$$\frac{1}{2}(4-2)(4+2)(4^2+2^2)(4^4+2^4)(4^8+2^8)(4^{16}+2^{16})(4^{32}+2^{32})$$

$$= \frac{1}{2} \times (4^2 - 2^2)(4^2 + 2^2)(4^4 + 2^4)(4^8 + 2^8)(4^{16} + 2^{16})(4^{32} + 2^{32})$$

$$= \frac{1}{2} \times (4^4 - 2^4)(4^4 + 2^4)(4^8 + 2^8)(4^{16} + 2^{16})(4^{32} + 2^{32})$$

$$= \frac{1}{2} \times (4^8 - 2^8)(4^8 + 2^8)(4^{16} + 2^{16})(4^{32} + 2^{32})$$

$$= \frac{1}{2} \times (4^{16} - 2^{16})(4^{16} + 2^{16})(4^{32} + 2^{32})$$

$$= \frac{1}{2} \times (4^{32} - 2^{32})(4^{32} + 2^{32}) = \frac{1}{2}(4^{64} - 2^{64})$$

$$= \frac{1}{2}(2^{128} - 2^{64})$$

$$= 2^{127} - 2^{63}$$

따라서 주어진 식은  $(2^{127} - 2^{63}) + 2^{63} = 2^{( )}$  이므로

$$\therefore 2^{( )} = 2^{127} \quad \therefore ( ) = 127$$

22.  $(1 - x)^{19}$  의 전개식에서,  $x^2$  의 계수가 171 일 때,  $x^{17}$  의 계수의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -171

해설

$(1 - x)^{19}$  의 전개식에서 항은 20 개이고 계수들은 좌우대칭이 된다.

따라서  $x^2$  의 계수와  $x^{17}$  의 계수는 절댓값이 같고, 부호만 다르다.

$\therefore -171$

23.  $x^2 - x - 7 = 0$  일 때,  $(x+1)(x-2)(x+2)(x-3)(x+3)(x-4)$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -25

해설

$$\begin{aligned}x^2 - x - 7 &= 0 \quad \text{∴ } x^2 - x = 7 \text{로 정리한다.} \\(x+1)(x-2)(x+2)(x-3)(x+3)(x-4) &= (x^2 - x - 2)(x^2 - x - 6)(x^2 - x - 12) \\&= (7-2)(7-6)(7-12) \\&= -25\end{aligned}$$

24. 자연수  $x$  를 7 로 나누면 4 가 남고, 자연수  $y$  를 7 로 나누면 5 가 남는다.  $xy$  를 7 로 나누었을 때의 나머지를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 6

해설

$x$  를 7 로 나누었을 때의 몫을  $a$ ,  $y$  를 7 로 나누었을 때의 몫을  $b$  라고 하면

$$\begin{aligned}x &= 7a + 4, \quad y = 7b + 5 \\ \therefore xy &= (7a + 4)(7b + 5) \\ &= 49ab + 35a + 28b + 20 \\ &= 7(7ab + 5a + 4b + 2) + 6\end{aligned}$$

따라서  $xy$  를 7 로 나눈 나머지는 6 이다.

25.  $x^2 - 7x + 1 = 0$  일 때,  $|x| + \frac{1}{|x|}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$x^2 - 7x + 1 = 0 \text{ 의 양변을 } x \text{ 로 나누면 } x + \frac{1}{x} = 7 (\because x \neq 0)$$

$$\text{따라서 } (|x| + \frac{1}{|x|})^2 - 2 = x + \frac{1}{x} \text{ 이므로 } |x| + \frac{1}{|x|} = 3 (\because |x| > 0)$$

이다.