1. $3^{2009} - 2^{2009}$ 를 10 으로 나누었을 때의 나머지를 구하여라.

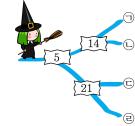
답:

➢ 정답: 1

- 1

3¹ = 3, 3² = 9, 3³ = 27, 3⁴ = 81, · · · → 4 번 거듭제곱을 할 때마다 일의 자릿수는 1 이 된다.
2¹ = 2, 2² = 4, 2³ = 8, 2⁴ = 16, · · · → 4 번 거듭제곱을 할 때마다 일의 자릿수는 6 이 된다.
3²⁰⁰⁹ 의 일의 자릿수는 3 이고,
2²⁰⁰⁹ 의 일의 자릿수는 2 이므로,
3²⁰⁰⁹ - 2²⁰⁰⁹ 의 일의 자릿수는 1 이 된다.
∴ 3²⁰⁰⁹ - 2²⁰⁰⁹ 를 10 으로 나누었을 때의 나머지는 1 이다.

2. 다음은 온라인 수학 게임의 한 장면을 나타 낸 것이다. 마법사는 길을 따라 가다가 갈림 길에 주어진 수가 소수이면 오른쪽 소수가 아니면 왼쪽 길을 선택한다. 마법사의 최종 도착지는 ① ~ ② 중 어디인지 말하여라.

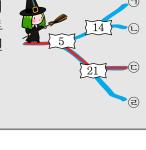


답:▷ 정답: ©

해설

5는 소수이므로 첫 갈림길에서 오른쪽

길로 간다. 그 다음 21 은 소수가 아니 므로 두 번째 갈림길에서는 왼쪽으로 간다. 따라서 최종 도착지는 ⓒ이 된 다.



3. 다음 보기 중 옳지 <u>않은</u> 것을 모두 고른 것은?

⊙ 1 은 소수이다.

- ⓒ 합성수는 약수가 3 개 이상인 수이다.
- ◎ 6 의 배수 중 소수는 없다. ② 10 이하의 소수는 모두 5 개이다.

(4) ¬¬, □, □
⊙ ¬¬, □, □

② ①

③ ⑦, ₪

⊙ 1 은 소수가 아니다.

해설

1 🦳

② 10 이하의 소수는 2, 3, 5, 7 이다.

4. 40 을 소인수분해하면?

① 1×40 ② 2×20 ③ $2^2 \times 10$ ④ $2^3 \times 5$ ⑤ 8×5

40 을 소인수분해하면 다음과 같다. $40 = 2^3 \times 5$ 2 <u>) 40</u> 2 <u>) 20</u> 2 <u>) 10</u> 5

- 5. 다음 중 2^7 과 약수의 개수가 같은 것은?
 - $3^3 \times 7$
- o **-** ...
- ① $2^3 \times 3^4$ ② $2^2 \times 7^5$ ③ $3^2 \times 5 \times 7$
- (4)3° X
- ⑤ 8

- 해설 - 해설

 2^7 과 약수의 개수는 7+1=8 (개)이고, 각각의 약수의 개수를 구하면 다음과 같다. ① $(3+1)\times(4+1)=20$ (개)

- $(2 (2+1) \times (5+1) = 18 (7)$
- $(2+1) \times (3+1) = 13 \text{ (71)}$ $(2+1) \times (1+1) \times (1+1) = 12 \text{ (71)}$
- $4 (3+1) \times (1+1) = 8 (71)$
- ⑤ 8을 소인수분해하면 $8 = 2^3$ 이므로 약수의 개수는 3 + 1 = 4 (개)이다.
- (개)이다.

6. 두 수 $2 \times x$, $7 \times x$ 의 최소공배수가 42 일 때, x 의 값은?

① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

 $2 \times x$, $7 \times x$ 의 최소공배수는 $2 \times 7 \times x = 42$ 이다. 따라서 x = 3 이다.

- 7. $540 \times a = b^2$ 일 때, a 의 값 중 두 번째로 작은 수는? (단, a, b 는 자연수)
 - ① 24 ② 38 ③ 56 ④ 60 ⑤ 72

해설

 $540 = 2^2 \times 3^3 \times 5$ 이므로 곱할 수 있는 수는 $3 \times 5 \times ($ 자연수 $)^2$ 의 꼴이다. 따라서, 곱할 수 있는 가장 작은 자연수는 $3 \times 5 \times 1^2 = 15$ 이고, 곱할 수 있는 두 번째 작은 자연수는 $3 \times 5 \times 2^2 = 60$ 이다.

8. 600 을 자연수 x 로 나누어 어떤 자연수의 제곱이 되게 하려고 한다. 나누어야 할 가장 작은 자연수를 구하여라.

▶ 답:

➢ 정답: 6

해설

600 을 소인수분해하면 다음과 같다.

2)600

2)300 2)150 3)75

5) 25 $600=2^3 imes3 imes5^2$ 이므로 $\dfrac{2^3 imes3 imes5^2}{x}$ 가 어떤 자연수의 제곱이

되기 위한 x 의 값 중에서 가장 작은 자연수는 $2 \times 3 = 6$ 이다.

9. 사탕 75 개, 초콜릿 102 개, 풍선껌 153 개를 수학 반 학생들에게 똑 같이 나누어 주었더니 사탕이 3 개, 초콜릿이 6 개, 풍선껌이 9 개가 남았다. 가능한 수학 반 학생 수를 모두 구하여라.

명

▶ 답:

명 ▷ 정답: 12명

▷ 정답: 24명

답:

75 보다 3 작은 수, 102 보다 6 작은 수, 153 보다 9 작은 수는

해설

어떤 수로 나누어 떨어진다. 그러므로 72, 96, 144 의 공약수 중 가장 큰 나머지인 9 보다 큰 수를 구한다.

최대공약수인 24 의 약수 중 9보다 큰 수는 12 와 24 이다. 따라서

2) 72 96 144 2) 36 48 72

2) 18 24 36

3) 9 12 18

 \therefore 최대공약수 : $2 \times 2 \times 2 \times 3 = 24$

12 명 또는 24 명이다.

10. 자연수 a의 약수의 개수를 A(a)로 나타낼 때, $A(24) \times A(x) = 32$ 에서 가장 작은 x의 값은?

① 9 ② 8 ③ 7 ④6 ⑤ 4

 $24 = 2^3 \times 3$ 이므로 $A(24) = (3+1) \times (1+1)$

 $= 4 \times 2 = 8$

 $8 \times A(x) = 32$

A(x) = 4

해설

약수의 개수가 4개인 수 중에서 가장 작은 수는 $2 \times 3 = 6$ 이다.