

1. 다음 연립방정식의 해를 구하면?

$$\begin{cases} 0.6x + 0.5y = 2.8 & \cdots \textcircled{\text{1}} \\ \frac{1}{3}x + \frac{1}{2}y = 2 & \cdots \textcircled{\text{2}} \end{cases}$$

① (2, 3) ② (-2, 3) ③ (3, 2)

④ (3, -2) ⑤ (-3, -2)

해설

①, ②의 양변에 각각 10, 6을 곱하면

$$\begin{cases} 6x + 5y = 28 & \cdots \textcircled{\text{3}} \\ 2x + 3y = 12 & \cdots \textcircled{\text{4}} \end{cases}$$

④ - ③×3을 하면 $-4y = -8$

$\therefore y = 2$ 를 ③ 대입하면 $x = 3$

$\therefore x = 3, y = 2$

2. 연립방정식

$$\begin{cases} 2x + ay = 10 \\ x - y = b \end{cases}$$

의 해가 $x = 2$, $y = -3$ 일 때, $a + b$ 의 값은?

① 1

② 3

③ 5

④ 7

⑤ 9

해설

$$x = 2, y = -3 \text{ 을}$$

두 방정식

$2x + ay = 10$, $x - y = b$ 에 대입하면

모두 성립시키므로 $4 - 3a = 10$

$$\therefore a = -2$$

$$2 - (-3) = b$$

$$\therefore b = 5$$

$$\therefore a + b = 3$$

- $$\begin{cases} 3x + y - 2z = 3 & \dots \textcircled{L} \\ x - 2y + z = 5 & \dots \textcircled{R} \end{cases}$$

해설

- ㉠ - ㉡ × 3 을 하면 $-x + 3$
- ㉡ + ㉢ × 2 를 하면 $5x - 3$
- ㉢ + ㉣ 을 하면 $4x = 8$

㉡ 를 ㉠에 대입하면

$$\therefore z =$$

$$\therefore \alpha^2 + \beta^2$$

4. 연립방정식 $\begin{cases} \frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{-3} = \frac{z+3}{5} \cdots ① \\ x + 2y + 4z = 9 \cdots ② \end{cases}$ 의 해가 $x = \alpha$, $y = \beta$, $z = \gamma$ 일 때, $\alpha\beta\gamma$ 의 값은?

① -6 ② -3 ③ 1 ④ 3 ⑤ 6

해설

① 식에서 $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{-3} = \frac{z+3}{5} = k$ 로 놓으면

$x-1 = 2k$ 에서 $x = 2k+1$

$y-2 = -3k$ 에서 $y = -3k+2$

$z+3 = 5k$ 에서 $z = 5k-3 \cdots ③$

③식을 ②식에 대입

$(2k+1) + 2(-3k+2) + 4(5k-3) = 9$

$16k = 16, k = 1$

$\therefore x = 3, y = -1, z = 2$

$\therefore \alpha\beta\gamma = -6$

5. 다음 연립방정식 $\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = 3 \dots\dots \textcircled{\text{①}} \\ \frac{1}{y} + \frac{1}{z} = 2 \dots\dots \textcircled{\text{②}} \\ \frac{1}{z} + \frac{1}{x} = 3 \dots\dots \textcircled{\text{③}} \end{cases}$ 의 해를 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $x = \frac{1}{2}$ 또는 0.5

▷ 정답: $y = 1$

▷ 정답: $z = 1$

해설

$$\textcircled{\text{①}} + \textcircled{\text{②}} + \textcircled{\text{③}} \text{에서 } \frac{1}{x} + \frac{1}{y} + \frac{1}{z} = 4 \dots\dots \textcircled{\text{④}}$$

$$\textcircled{\text{④}} - \textcircled{\text{①}} \text{에서 } \frac{1}{z} = 1, \quad \therefore z = 1$$

$$\textcircled{\text{④}} - \textcircled{\text{②}} \text{에서 } \frac{1}{x} = 2, \quad \therefore x = \frac{1}{2}$$

$$\textcircled{\text{④}} - \textcircled{\text{③}} \text{에서 } \frac{1}{y} = 1 \quad \therefore y = 1$$

6. 어느 4개의 정수 중에서 3개씩의 합이 각각 180, 197, 208, 222 일 때, 4개의 정수 중에서 가장 큰 수는?

- ① 77 ② 83 ③ 89
④ 95 ⑤ 알 수 없다.

해설

네 정수를 $w \leq x \leq y \leq z$ 라 하자.
 $3(w + x + y + z) = 180 + 197 + 208 + 222 = 807$
 $w + x + y + z = 269$, $w + x + y = 180$ 이므로
 $z = 269 - 180 = 89$
따라서 가장 큰 정수는 89이다.

7. 연립방정식 $\begin{cases} x^2 - y^2 = 2 \\ x - y = 1 \end{cases}$ 의 해를 순서쌍 (x, y) 으로 나타내면?

- ① $(2, 1)$ ② $(\sqrt{2} + 1, \sqrt{2})$ ③ $(\frac{3}{2}, \frac{1}{2})$
④ $(\sqrt{3}, 1)$ ⑤ $(\frac{5}{3}, \frac{2}{3})$

해설

$$\begin{cases} x^2 - y^2 = 2 & \cdots \textcircled{\text{D}} \\ x - y = 1 & \cdots \textcircled{\text{L}} \end{cases}$$

③을 $y = x - 1$ 로 변형하여

③에 대입하면

$$x^2 - (x - 1)^2 = x^2 - x^2 + 2x - 1 = 2$$

$$2x = 3$$

$$\therefore x = \frac{3}{2}, y = \frac{1}{2}$$

8. $\begin{cases} x - y = 2 \\ x^2 + y^2 = 20 \end{cases}$ 을 만족하는 x, y 를 구하여 $x^2 - y^2$ 의 값을 모두 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 12 또는 -12

해설

$$\begin{cases} x - y = 2 & \cdots \textcircled{1} \\ x^2 + y^2 = 20 & \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

①에서 $y = x - 2$ 를

②식에 대입하면

$$x^2 + (x - 2)^2 = 20, 2x^2 - 4x + 4 - 20 = 0,$$

$$x^2 - 2x - 8 = 0, (x - 4)(x + 2) = 0$$

$$\begin{cases} x = 4 \\ y = 2 \end{cases} \quad \text{또는} \quad \begin{cases} x = -2 \\ y = -4 \end{cases}$$

$$\therefore x^2 - y^2 = 16 - 4 = 12 \quad \text{또는} \quad x^2 - y^2 = 4 - 16 = -12$$

9. 연립방정식 $\begin{cases} x^2 - xy - 2 = 0 \\ y^2 - xy - 1 = 0 \end{cases}$ 의 해를
 $x = \alpha, y = \beta$ 라 할 때, $\alpha^2 - \beta^2$ 의 값을 구하면?

- ① -1 ② 0 ③ $\frac{1}{3}$ ④ $\frac{5}{3}$ ⑤ 1

해설

$$\begin{cases} x^2 - xy - 2 = 0 & \cdots ① \\ y^2 - xy - 1 = 0 & \cdots ② \end{cases}$$

상수항을 소거하기 위해 $① - ② \times 2$ 를 계산하여 정리하면
 $x^2 + xy - 2y^2 = 0, (x + 2y)(x - y) = 0$

$\therefore x = y, x = -2y$ 각각을 ①식에 대입하면

i) $x = y$ 일 때 $x^2 - x^2 - 2 = 0, -2 = 0$ 불능

$$\text{ii) } x = -2y \text{ 일 때 } 4y^2 + 2y^2 - 2 = 0 \quad \begin{cases} y^2 = \frac{1}{3} \\ x^2 = \frac{4}{3} \end{cases}$$

$$x = \alpha, y = \beta \text{ 라 할 때, } \alpha^2 - \beta^2 = \frac{4}{3} - \frac{1}{3} = 1$$

- ▶ 답: 6
 - ▷ 정답: 6

$$\therefore x =$$

1