

1. 등차수열 a_n 의 일반항이 $a_n = 3n + 6$ 일 때, 첫째 항 a 와 공차 d 는?

- ① $a = 3, d = -3$ ② $a = 3, d = 3$ ③ $a = 6, d = 3$
④ $\textcircled{a} = 9, d = 3$ ⑤ $a = 9, d = -3$

해설

$$a_n = 3n + 6 \text{ } \circ\text{므로}$$
$$a_1 = 3 \cdot 1 + 6 = 9,$$
$$a_2 = 3 \cdot 2 + 6 = 12 \text{ } \circ\text{므로}$$
$$d = a_2 - a_1 = 3$$

2. 등차수열 a_n 의 일반항이 $a_n = 3n + 2$ 일 때, 첫째 항 a 와 공차 d 는?

- ① $a = -5, d = -3$ ② $a = -5, d = 3$
③ $a = 5, d = -3$ ④ $a = 5, d = 3$
⑤ $a = 5, d = 8$

해설

$$a_n = 3n + 2 \text{ } \mid \text{므로}$$
$$a_1 = 3 \cdot 1 + 2 = 5,$$
$$a_2 = 3 \cdot 2 + 2 = 8 \text{ } \mid \text{므로}$$
$$d = a_2 - a_1 = 3$$

3. 다음 수열이 등차수열을 이루도록 (가)~(다)에 들어갈 알맞은 수를
순서대로 나열한 것은?

보기

5, (가), 17, (나), (다)

① 10, 22, 27 ② 10, 23, 29 ③ 11, 23, 27

④ 11, 23, 29 ⑤ 12, 24, 29

해설

5와 17의 등차중항은 $\frac{5+17}{2} = 11$, 이 수열의 공차는 6이다.

따라서 (가), (나), (다)에 들어갈 수는 11, 23, 29이다.

4. 다음 ()안에 알맞은 수는?

$$\frac{\sqrt{3}}{1}, \frac{\sqrt{5}}{4}, \frac{\sqrt{7}}{9}, (\quad), \frac{\sqrt{11}}{25}$$

- ① $\frac{\sqrt{7}}{12}$ ② $\frac{\sqrt{3}}{12}$ ③ $\frac{3}{16}$ ④ $\frac{3\sqrt{2}}{16}$ ⑤ $\frac{3\sqrt{2}}{18}$

해설

나열된 각 수는 분수 풀이면, 분자는 $\sqrt{7+2}$ 의 규칙으로 나타난다.

따라서 ()안에 들어갈 수의 분자는 $\sqrt{7+2} = \sqrt{9} = 3$ 이다.

분모는 +1이 된 수의 제곱의 규칙으로 나타난다.

따라서 ()안에 들어갈 수의 분모는 $(3+1)^2 = 16$ 이므로 ()

안에 들어갈 수는 $\frac{3}{16}$

5. 첫째항이 7, 공차가 -3인 등차수열 $\{a_n\}$ 에서 -20은 몇째 항인가?

- ① 10 ② 11 ③ 12 ④ 13 ⑤ 14

해설

$$a_n = a_1 + (n - 1) \times (-3)$$

$$= 7 + (n - 1) \times (-3)$$

$$\therefore a_n = -3n + 10$$

$$-3n + 10 = -20$$

$$-3n = -30$$

$$n = 10$$

6. 직각삼각형의 세 변의 길이 $a, b, 3$ 이 등차수열을 이룬다. 이때, $a + b$ 의 값은? (단, $a < b < 3$)

① $\frac{21}{5}$ ② $\frac{22}{5}$ ③ $\frac{23}{5}$ ④ $\frac{24}{5}$ ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned} a^2 + b^2 &= 9 \\ \frac{a+3}{2} &= b \\ a^2 + \left(\frac{a+3}{2}\right)^2 &= 9 \\ a^2 + \frac{a^2 + 6a + 9}{4} &= 9 \\ 4a^2 + a^2 + 6a + 9 - 36 &= 0 \\ 5a^2 + 6a - 27 &= 0 \\ (a+3)(5a-9) &= 0 \\ a = \frac{9}{5} \quad (a > 0) & \\ b = \frac{a+3}{2} &= \frac{\frac{9}{5}+3}{2} = \frac{\frac{9+15}{5}}{2} \\ &= \frac{24}{10} = \frac{12}{5} \\ \therefore a+b &= \frac{9}{5} + \frac{12}{5} = \frac{21}{5} \end{aligned}$$

7. 다음 표에 적당한 수를 넣어 각 행과 각 열이 각각 등차수열을 이루도록 할 때, 12개의 빈 칸에 들어갈 수들의 총합을 구하여라.

| | | | |
|----|--|--|----|
| 1 | | | 7 |
| | | | |
| | | | |
| 10 | | | 34 |

▶ 답:

▷ 정답: 156

해설

다음 표와 같이 빈 칸에 문자를 대응시키자.

| | | | |
|----------|----------|----------|----------|
| 1 | <i>a</i> | <i>b</i> | 7 |
| <i>c</i> | <i>d</i> | <i>e</i> | <i>f</i> |
| <i>g</i> | <i>h</i> | <i>i</i> | <i>j</i> |
| 10 | <i>k</i> | <i>l</i> | 34 |

각 행과 열이 각각 등차수열을 이루므로

$$a + b = 1 + 7 = 8$$

$$k + l = 10 + 34 = 44$$

$$c + g = 1 + 10 = 11$$

$$f + j = 7 + 34 = 41$$

$$\text{또, } (d + e) + (h + i) = (c + f) + (g + j)$$

$$= (c + g) + (f + j) = 11 + 41 = 52$$

이므로 구하는 총합은

$$8 + 44 + 11 + 41 + 52 = 156$$

8. 등차수열 $\{a_n\}$ 에서 $a_4 + a_7 + a_{10} = 11$, $a_6 + a_7 + a_8 + a_9 + a_{10} = 20$ 일 때, a_{50} 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 18

해설

$$\begin{aligned}a_n &= a + (n-1)d \text{라고 하면} \\a_4 + a_7 + a_{10} &= 3a + 18d = 11 \\a_6 + a_7 + a_8 + a_9 + a_{10} &= 5a + 35d = 20 \\\therefore a &= \frac{5}{3}, d = \frac{1}{3} \\\therefore a_{50} &= 18\end{aligned}$$

9. 두 수열 $\{a_n\}$ 과 $\{b_n\}$ 의 첫째항부터 제 n 항까지의 합이 각각 $n^2 + kn$, $2n^2 - 2n + 1$ 일 때, $a_{10} = b_{10}$ 을 만족하는 상수 k 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 17

해설

$$a_{10} = (10^2 + 10k) - (9^2 + 9k) = 19 + k$$

$$b_{10} = (2 \cdot 10^2 - 2 \cdot 10 + 1) - (2 \cdot 9^2 - 2 \cdot 9 + 1) \\ = 181 - 145 = 36$$

$$a_{10} = b_{10} \text{ 이여서 } 19 + k = 36$$

$$\therefore k = 17$$