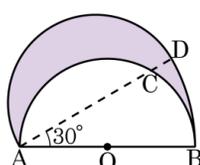


1. 다음 그림은 \overline{AB} 를 지름으로 하는 반원을 점 A 를 중심으로 30° 회전시킨 것이다. $AO = 6\text{cm}$ 일 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



▶ 답: cm^2

▷ 정답: 12π cm^2

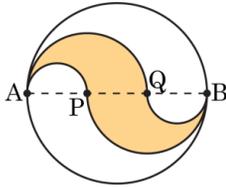
해설

부채꼴 DAB 의 넓이 : $\pi \times 12^2 \times \frac{30^\circ}{360^\circ} = 12\pi(\text{cm}^2)$

\overline{AB} 를 지름으로 하는 반원의 넓이 : $\frac{1}{2} \times \pi \times 6^2 = 18\pi(\text{cm}^2)$

따라서 구하는 넓이는 $12\pi + 18\pi - 18\pi = 12\pi(\text{cm}^2)$ 이다.

2. 다음 그림과 같이 지름이 12cm 인 원에서 점 P, Q 가 지름 AB 의 삼등분점일 때, 색칠한 부분의 넓이는?

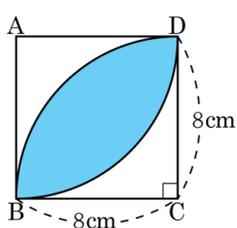


- ① $10\pi\text{cm}^2$ ② $11\pi\text{cm}^2$ ③ $12\pi\text{cm}^2$
 ④ $13\pi\text{cm}^2$ ⑤ $14\pi\text{cm}^2$

해설

$\overline{AQ} = \overline{PB}$, $\overline{AP} = \overline{BQ}$ 이므로 색칠한 부분의 넓이는 \overline{AQ} 를 지름으로 하는 원에서 \overline{AP} 를 지름으로 하는 원의 넓이를 뺀 것과 같다.
 따라서 색칠한 부분의 넓이는 $\pi \times 4^2 - \pi \times 2^2 = 12\pi(\text{cm}^2)$ 이다.

3. 다음 그림에서 색칠한 부분의 둘레의 길이는?

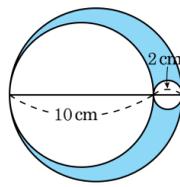


- ① $4\pi\text{cm}$ ② $6\pi\text{cm}$ ③ $8\pi\text{cm}$
④ $10\pi\text{cm}$ ⑤ $(8\pi - 16)\text{cm}$

해설

$$2 \times 2\pi \times 8 \times \frac{1}{4} = 8\pi(\text{cm})$$

4. 다음 그림에서 색칠한 부분의 둘레의 길이와 넓이를 각각 구하여라.



▶ 답: cm

▶ 답: cm²

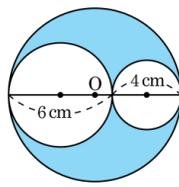
▷ 정답: 둘레의 길이: 24π cm

▷ 정답: 넓이: 10π cm²

해설

(둘레의 길이)
 $= 2\pi \times 6 + 2\pi \times 5 + 2\pi \times 1 = 24\pi(\text{cm})$
(넓이) $= \pi \times 6^2 - \pi \times 5^2 - \pi \times 1^2 = 10\pi(\text{cm}^2)$

5. 다음 그림에서 색칠한 부분의 둘레의 길이와 넓이를 각각 구하여라.



▶ 답: cm

▶ 답: cm²

▷ 정답: 둘레의 길이: 20π cm

▷ 정답: 넓이: 12π cm²

해설

(원 O의 반지름의 길이)

$$= (6 + 4) \times \frac{1}{2} = 5(\text{cm})$$

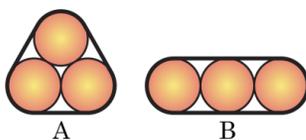
(색칠한 부분의 둘레의 길이)

$$= 2\pi \times 5 + 2\pi \times 3 + 2\pi \times 2 = 20\pi(\text{cm})$$

(색칠한 부분의 넓이)

$$= 25\pi - (9\pi + 4\pi) = 12\pi(\text{cm}^2)$$

6. 반지름의 길이가 3cm 인 원기둥 3 개를 A, B 두 가지 방법으로 묶으려고 한다. 끈의 길이를 최소로 하려고 할 때, 길이가 긴 끈과 짧은 끈의 차는?

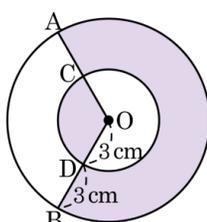


- ① 3cm ② 4cm ③ 5cm ④ 6cm ⑤ 10cm

해설

A의 경우, 곡선의 길이는 반지름이 3cm 인 원의 둘레이므로, $2\pi \times 3 = 6\pi$ (cm)
 직선의 길이는 $3 \times 2 \times 3 = 18$ (cm)
 따라서 필요한 끈의 길이는 $(6\pi + 18)$ cm 이다.
 B의 경우, 곡선의 길이는 반지름이 3cm 인 원의 둘레이므로, $2\pi \times 3 = 6\pi$ (cm)
 직선의 길이는 $3 \times 4 \times 2 = 24$ (cm)
 따라서 필요한 끈의 길이는 $(6\pi + 24)$ cm 이다.
 따라서 긴 끈은 B의 경우이고 짧은 끈은 A의 경우이므로 차는 $(6\pi + 24) - (6\pi + 18) = 6$ (cm) 이다.

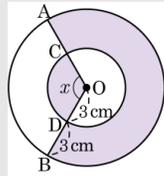
7. 다음의 그림에서 $\overline{OD} = 3\text{cm}$, $\overline{BD} = 3\text{cm}$ 이고, 부채꼴 OAB 의 넓이는 $12\pi\text{cm}^2$ 이다. 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



▶ 답: $\underline{\hspace{1cm}}\text{cm}^2$

▷ 정답: $21\pi\text{cm}^2$

해설

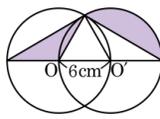


$$(\text{부채꼴 OAB 의 넓이}) = 6^2 \times \pi \times \frac{x}{360^\circ} = 12\pi$$

$$\therefore x = \frac{360^\circ \times 12\pi}{36\pi} = 120^\circ$$

$$\begin{aligned} \therefore (\text{색칠한 부분의 넓이}) \\ &= 3^2\pi \times \frac{120^\circ}{360^\circ} + \left(6^2\pi \times \frac{240^\circ}{360^\circ} - 3^2\pi \times \frac{240^\circ}{360^\circ} \right) \\ &= 3\pi + 24\pi - 6\pi = 21\pi(\text{cm}^2) \end{aligned}$$

8. 다음 그림과 같은 도형에서 색칠한 부분의 넓이는?

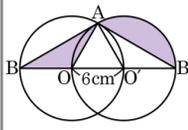


- ① $10\pi(\text{cm}^2)$ ② $11\pi(\text{cm}^2)$ ③ $12\pi(\text{cm}^2)$
 ④ $13\pi(\text{cm}^2)$ ⑤ $14\pi(\text{cm}^2)$

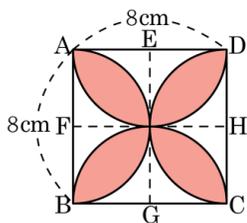
해설

삼각형 AOB의 넓이 = 삼각형 AO'B'의 넓이
 색칠한 부분의 넓이는 부채꼴 O'AB'의 넓이

$$\pi \times 6^2 \times \frac{120^\circ}{360^\circ} = 12\pi(\text{cm}^2)$$



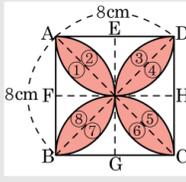
9. 다음 그림과 같은 정사각형 ABCD 에서 색칠한 부분의 넓이는?



- ① $24(\pi - 2)\text{cm}^2$ ② $26(\pi - 2)\text{cm}^2$ ③ $28(\pi - 2)\text{cm}^2$
 ④ $30(\pi - 2)\text{cm}^2$ ⑤ $32(\pi - 2)\text{cm}^2$

해설

색칠한 부분을 그림과 같이 자를 때,



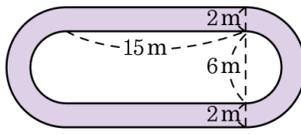
$$\textcircled{1} = \textcircled{2} = \textcircled{3} = \textcircled{4} = \textcircled{5} = \textcircled{6} = \textcircled{7} = \textcircled{8}$$

색칠한 부분의 넓이는  의 8배이다.

$$S = (\pi \times 4^2 \times \frac{1}{4}) - (\frac{1}{2} \times 4 \times 4) = 4\pi - 8 = 4(\pi - 2)$$

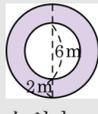
$$\therefore 8S = 32(\pi - 2)(\text{cm}^2)$$

10. 다음 그림과 같이 폭이 2m 인 육상 트랙이 있다. 이 트랙의 넓이는?

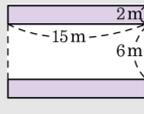


- ① $(4\pi + 60)m^2$ ② $(9\pi + 55)m^2$ ③ $(12\pi + 60)m^2$
 ④ $(14\pi + 55)m^2$ ⑤ $(16\pi + 60)m^2$

해설



모양과



모양으로 나눠서 생각할 수 있다.

식을 세우면 $(\pi \times 5^2 - \pi \times 3^2) + (15 \times 2) \times 2 = 16\pi + 60(m^2)$ 이다.