

1. 원 O 가 $\triangle ABC$ 의 각 변과 점 D, E, F
에서 접할 때, x 의 값을 구하여라.



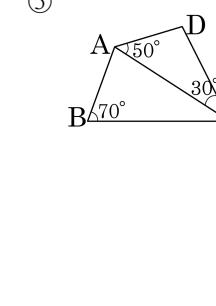
▶ 답: _____

2. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

3. 다음 □ABCD 중에서 원에 내접하는 것을 모두 고르면?



4. 다음 그림과 같이 실의 길이가 20cm인 진자가 \overline{OA} 와 30° 의 각을 이룬다. 진자는 처음 위치를 기준으로 몇 cm의 높이에 있는지 구하면?



- ① 30 cm ② $(20 - 10\sqrt{3})$ cm
③ $(20 - 10\sqrt{6})$ cm ④ $30\sqrt{2}$ cm
⑤ $30\sqrt{6}$ cm

5. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 높이 \overline{AH} 의 길이를 구하면?



- ① $\sqrt{3}$ ② $2\sqrt{3}$ ③ $3\sqrt{3}$ ④ 2 ⑤ 3

6. 다음 그림과 같이 $\triangle ABC$ 에서 $\angle B = 45^\circ$, $\angle C = 60^\circ$, $\overline{BC} = 50$ 일 때,
 $\triangle ABC$ 의 넓이는?(단, 제곱근표에서 $\sqrt{3} = 1.7$ 이다.)



- ① 600 ② 812.5 ③ 1000 ④ 1200 ⑤ 1600

7. 다음 그림과 같은 도형의 넓이를 구하면?



- ① 36 cm^2 ② 48 cm^2 ③ 55 cm^2
④ 72 cm^2 ⑤ 108 cm^2

8. 다음 그림과 같이 지름의 길이가 30 인 원 O에서 $\overline{AB} \perp \overline{CM}$, $CM = 6$ 일 때, 현 AB 의 길이는?



- ① 12 ② 16 ③ 24 ④ 34 ⑤ 36

9. 다음 그림에서 원 O 는 $\triangle ABC$ 의 외접원
이고, $\overline{OM} = \overline{ON}$, $\angle M = \angle N = \angle H = 90^\circ$, $\angle MON = 100^\circ$ 일 때, $\angle B$ 의 크기를
구하면?



- ① 30° ② 40° ③ 50° ④ 60° ⑤ 70°

10. 다음 그림에서 두 선분 \overline{PA} , \overline{PB} 는 원 O의 접선이다. $\overline{AO} = 2\sqrt{3}\text{cm}$, $\angle APB = 60^\circ$ 일 때, $\triangle PAB$ 의 둘레의 길이는?



- ① 12cm ② 18cm ③ 36cm ④ 48cm ⑤ 60cm

11. 다음 그림에서 원 O는 $\triangle ABC$ 의 내접원이고, 점 F가 원 O의 접점일 때, $\triangle CDE$ 의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답: _____

12. 다음 그림에서 두 원의 중심이 점 O로 같고, 색칠한 부분의 넓이가 $48\pi\text{cm}^2$ 일 때, 작은 원에 접하는 \overline{AB} 의 길이는?



- ① $8\sqrt{3}\text{cm}$ ② $4\sqrt{3}\text{cm}$ ③ $8\sqrt{3}\pi\text{cm}$
④ $4\sqrt{3}\pi\text{cm}$ ⑤ $6\sqrt{3}\text{cm}$

13. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 $\overline{AB} = 6$, $\overline{AD} = 8$ 직사각형이다. 원 O 가 $\square AECD$ 에 내접할 때, \overline{BE} 의 길이를 구하여라.



▶ 답: _____

14. 다음 그림에서 네 점 A, B, C, D는 원 O 위의 점이고, \overline{AC} 와 \overline{BD} 의 교점을 Q, \overline{BC} 의 연장선과 \overline{AD} 의 연장선의 교점을 P 라 하자. $\angle CQD = 78^\circ$, $\angle APC = 46^\circ$ 일 때, $\angle ACB$ 의 크기는?



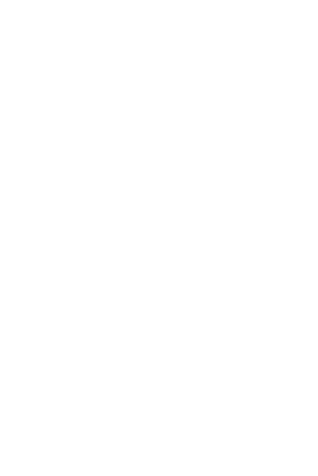
- ① 10° ② 13° ③ 14° ④ 15° ⑤ 16°

15. 다음 그림에서 원 O의 중심을 지나고, $\angle BED = 57^\circ$ 일 때, $\angle ACD$ 의 크기는?

- ① 30° ② 31° ③ 32°
④ 33° ⑤ 34°



16. 다음 그림에서 $\angle x$ 와 $\angle y$ 의 크기를 각각 구하여라.



▶ 답: $\angle x = \underline{\hspace{2cm}}$ °

▶ 답: $\angle y = \underline{\hspace{2cm}}$ °

17. 다음 그림에서 $x+y$ 의 값을 구하여라.



▶ 답: _____ °

18. 다음 그림에서 오각형 ABCDE는 원 O에 내접하고 $\angle AOB = 52^\circ$ 일 때, $\angle C + \angle E$ 의 크기를 구하여라.



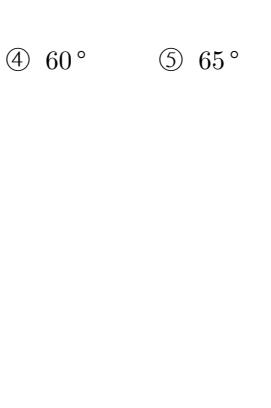
▶ 답: _____ °

19. 다음과 같이 \overrightarrow{PT} 가 원 O의 접선이고, $\angle BCT = 70^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기로 적절한 것은?



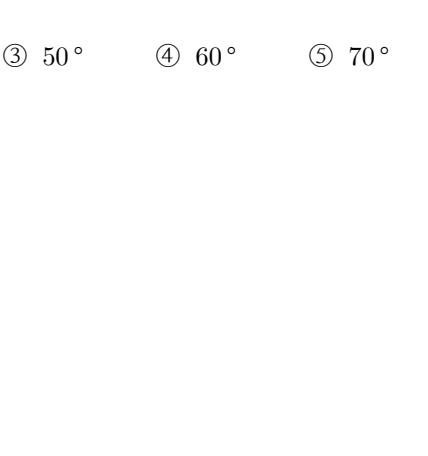
- ① 20° ② 30° ③ 40° ④ 50° ⑤ 60°

20. 다음 그림에서 x 의 값은?



- ① 30° ② 45° ③ 50° ④ 60° ⑤ 65°

21. 다음 그림에서 두 직선
PA, PB 는 원의 접선이고
 $\angle AQB = 65^\circ$ 일 때, $\angle APB$
의 크기는?



- ① 30° ② 40° ③ 50° ④ 60° ⑤ 70°

22. 다음 그림과 같이 원 O의 지름 AB와 현 CD의 연장선의 교점을 P라 할 때, 반지름의 길이를 구하면?

- ① $3\sqrt{5}$ ② $3\sqrt{6}$ ③ $3\sqrt{7}$
④ $4\sqrt{5}$ ⑤ $4\sqrt{6}$



23. 다음 그림에서 두 원 O , O' 에서 $\overline{PA} = 4$, $\overline{AB} = 3$ 일 때, $\overline{PT} + \overline{PT'}$ 의 값을 구하여라.



▶ 답: _____

24. 다음 그림에서 \overrightarrow{PC} 는 원의 접선이고

$\angle BPC = 30^\circ$, $\overline{PA} = 2\text{ cm}$, $\overline{AB} = 3\text{ cm}$ 일 때, $\triangle ABC$ 의 넓이는?

① $\frac{\sqrt{10}}{2}\text{ cm}^2$ ② $\frac{\sqrt{11}}{2}\text{ cm}^2$

③ $\frac{\sqrt{10}}{4}\text{ cm}^2$ ④ $\frac{3\sqrt{11}}{2}\text{ cm}^2$

⑤ $\frac{3\sqrt{10}}{4}\text{ cm}^2$



25. 다음 그림에서 직선 PB는 원 O의 접선이고 $\overline{PA} = 6\text{cm}$, $\overline{AC} = 12\text{cm}$, $\overline{AB} = 8\text{cm}$ 일 때, \overline{BC} 의 길이는?

- ① $5\sqrt{3}\text{cm}$ ② $6\sqrt{3}\text{cm}$
③ $7\sqrt{3}\text{cm}$ ④ $8\sqrt{3}\text{cm}$
⑤ $9\sqrt{3}\text{cm}$



26. 다음 그림에서 높이 h 를 나타낸 것은?

- ① $\frac{120}{\tan 45^\circ - \tan 30^\circ}$
- ② $\frac{120}{\tan 45^\circ + \tan 30^\circ}$
- ③ $\frac{120}{\tan 45^\circ + \tan 60^\circ}$
- ④ $\frac{120}{\tan 60^\circ - \tan 45^\circ}$
- ⑤ $\frac{120}{\sin 45^\circ + \sin 60^\circ}$



27. 같은 시각에 O 지점을 출발한 A, B 두 배가 있다. A는 시속 10km로 북동쪽 25° 의 방향으로 가고, B는 시속 8km로 북서쪽 35° 의 방향으로 갔다. O 지점을 출발한지 1시간 30분 후에 두 배 사이의 거리를 구하여라.



▶ 답: _____ km

28. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 \overline{BC} 의 중점을 M이라 할 때, $\triangle ABM$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: _____ cm^2

29. 다음 그림에서 \widehat{AB} 는 반지름의 길이가 8cm인 원의 일부분이다. $\overline{AH} = \overline{BH}$, $\overline{AB} \perp \overline{HP}$ 이고 $\overline{HP} = 2\text{cm}$ 일 때, $\triangle APB$ 의 둘레는?

- ① $7\sqrt{2}\text{cm}$ ② $(16\sqrt{7} + 3\sqrt{2})\text{cm}$
③ $(3\sqrt{6} + 2\sqrt{7})\text{cm}$ ④ $(4\sqrt{7} + 8\sqrt{2})\text{cm}$
⑤ $(2\sqrt{7} + 4\sqrt{2})\text{cm}$

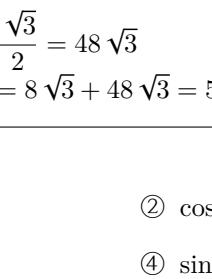


30. 서로 외접하는 두 원이 큰 원에 그림과 같이 내접하고 있다. 세 원의 중심이 같은 직선 위에 있을 때, 작은 두 원의 넓이의 합을 구하면?



- ① π ② 2π ③ π^2 ④ $2\pi^2$ ⑤ $4\pi^2$

31. 다음은 □ABCD의 넓이를 구하는 과정이다. ()안에 알맞은 것을
바르게 나열한 것은?



$$\begin{aligned}
 S_1 &= \frac{1}{2} \times 4\sqrt{3} \times 8 \times (\quad) \\
 &= \frac{1}{2} \times 4\sqrt{3} \times 8 \times \frac{1}{2} = 8\sqrt{3} \\
 S_2 &= \frac{1}{2} \times 12 \times 16 \times (\quad) \\
 &= \frac{1}{2} \times 12 \times 16 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 48\sqrt{3} \\
 \square ABCD &= S_1 + S_2 = 8\sqrt{3} + 48\sqrt{3} = 56\sqrt{3}(\text{cm}^2)
 \end{aligned}$$

- ① $\tan 30^\circ, \tan 60^\circ$
 ② $\cos 30^\circ, \cos 60^\circ$
 ③ $\sin 30^\circ, \sin 60^\circ$
 ④ $\sin 30^\circ, \tan 60^\circ$
 ⑤ $\tan 30^\circ, \sin 60^\circ$

32. 다음 그림과 같이 반지름이 4 cm인 원 O에 외접하는 사각형 ABCD의 각 변과 원 O의 접점을 E, F, G, H라 할 때, 사각형의 넓이를 구하여라.



▶ 답: _____ cm^2

33. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 12 이고, 중심각의 크기가 60° 인 부채꼴 AOB에 내접하는 원 O' 의 반지름의 길이를 구하여라.



▶ 답: _____