

1. 다음 자료의 변량에서 중앙값은?

50 60 55 70 65

① 50

② 55

③ 60

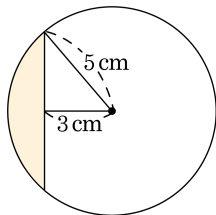
④ 65

⑤ 70

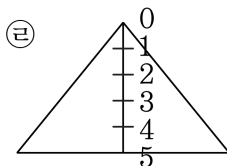
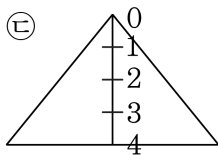
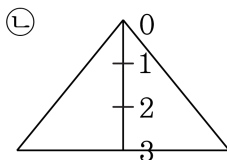
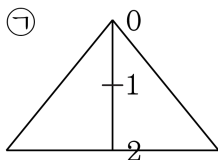
해설

주어진 자료를 크기순으로 나열하면 50, 55, 60, 65, 70 이므로 중앙값은 60이다.

2. 경미가 케이크를 다음과 같은 넓이로 자르려고 한다. 어느 삼각자를 쓰면 되는지 보기에서 골라라.



보기



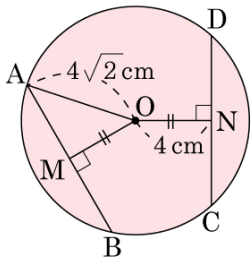
▶ 답 :

▶ 정답 : ㉡

해설

현에 이르는 수선의 길이가 3 cm 이므로 경미가 케이크를 넓이에 맞게 자르려면 ㉡을 사용해야 한다.

3. 그림의 원 O 에서 $\overline{OM} = \overline{ON}$,
 $\overline{OA} = 4\sqrt{2}\text{cm}$,
 $\overline{ON} = 4\text{cm}$ 일 때, $\overline{CD}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: 8 cm

해설

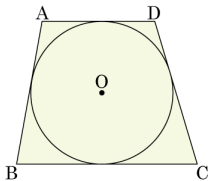
중심에서 현에 이르는 거리가 같으므로 $\overline{AB} = \overline{CD}$

$\triangle AOM$ 에서 $\overline{OM} = 4\text{cm}$,

$$\overline{AM} = \sqrt{(4\sqrt{2})^2 - 4^2} = 4\text{cm}$$

$$\overline{AB} = 2\overline{AM} = 8\text{cm} \therefore \overline{CD} = \overline{AB} = 8\text{cm}$$

4. 다음 그림은 원 O에 외접하는 등변사다리꼴 ABCD에서 $\overline{AD} + \overline{BC} = 28$ 일 때, $\overline{AB}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 14

해설

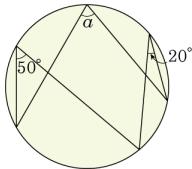
외접사각형의 성질에 의해

$$\overline{AD} + \overline{BC} = \overline{AB} + \overline{CD} = 28$$

그런데, 등변사다리꼴은 $\overline{AB} = \overline{CD}$ 이므로

$$\therefore \overline{AB} = 14$$

5. 다음 그림에서 $\angle a$ 의 크기는?



① 40°

② 50°

③ 60°

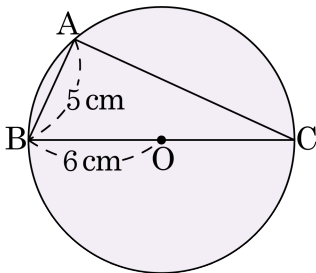
④ 70°

⑤ 80°

해설

$$\angle a = 50^\circ + 20^\circ = 70^\circ$$

6. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 6cm 인 원에 내접하는 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = 5\text{cm}$ 일 때, $\overline{AC}$ 의 길이는?



① $\sqrt{110}\text{cm}$

② $\sqrt{113}\text{cm}$

③ $\sqrt{116}\text{cm}$

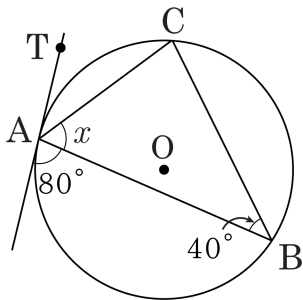
④ $\sqrt{119}\text{cm}$

⑤ $\sqrt{122}\text{cm}$

해설

$\triangle ABC$ 는 $\angle BAC = 90^\circ$ 인 직각삼각형이므로
 $\therefore \overline{AC} = \sqrt{12^2 - 5^2} = \sqrt{119}(\text{cm})$

7. 다음과 같이 원 O의 접선 직선 AT가 있다. $\angle x$ 의 값으로 알맞은 것은?



① 60°

② 61°

③ 62°

④ 63°

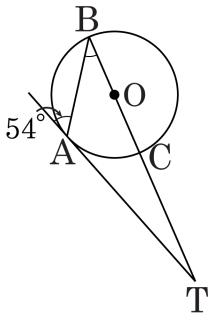
⑤ 64°

해설

$\angle CAT = 40^\circ$ 이므로

$$\angle x = 180^\circ - 40^\circ - 80^\circ = 60^\circ$$

8. 다음 그림에서 $\angle ABT$ 의 크기는?



- ⑤ 37°

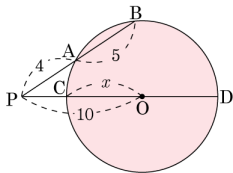
해설

중심 O 와 점 A 를 이으면 $\angle TAO = 90^\circ$

 $\angle BAO = 36^\circ, \overline{OA} = \overline{OB}$ 이므로

$\angle \text{ABT} = 36^\circ$ 이다.

9. 다음 그림에서 x 의 값을 구하여라.



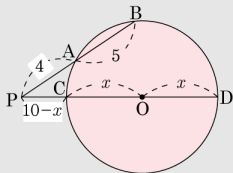
▶ 답 :

▶ 정답 : 8

해설

$\overline{PC} = 10 - x$, $\overline{PD} = 10 + x$ 이므로

다음 그림에서



$$4(4 + 5) = (10 - x)(10 + x)$$

$$36 = 100 - x^2$$

$$x^2 = 64$$

$$\therefore x = 8$$

10. 다음은 성수의 5 회의 체육 실기 중 4 회에 걸친 실기 점수를 나타낸 표이다. 다음 시험에서 몇 점을 받아야 평균이 75 점이 되겠는가?

횟수(회)	1	2	3	4
점수(점)	84	78	80	76

- ① 55 점 ② 57 점 ③ 59 점 ④ 61 점 ⑤ 63 점

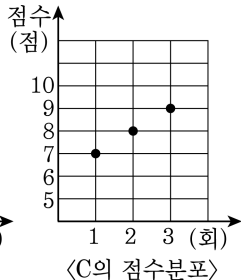
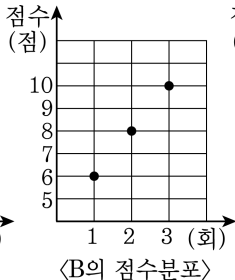
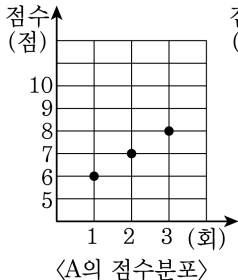
해설

다음에 받아야 할 점수를 x 점이라고 하면

$$(\text{평균}) = \frac{84 + 78 + 80 + 76 + x}{5} = 75, \quad \frac{318 + x}{5} = 75, \quad 318 + x = 375 \quad \therefore x = 57$$

따라서 57 점을 받으면 평균 75 점이 될 수 있다.

11. 다음은 양궁선수 A, B, C 가 3 회에 걸쳐 활을 쏜 기록을 나타낸 그래프이다.



A, B, C 의 활을 쏜 점수의 표준편차를 각각 a , b , c 라고 할 때, a , b , c 의 대소 관계는?

① $a = b = c$

② $a = c < b$

③ $a < b = c$

④ $a = b > c$

⑤ $a < b < c$

해설

표준편차는 자료가 흩어진 정도를 나타내므로 A, C 의 표준편차는 같고, B 의 표준편차는 A, C 의 표준편차보다 크다.
따라서 $a = c < b$ 이다.

12. 다음은 A, B, C, D, E 다섯 반에 대한 중간 고사 수학 성적의 평균과 표준편차를 나타낸 표이다. 다섯 반 중 성적이 가장 고른 반은? (단, 각 학급의 학생 수는 모두 같다.)

이름	A	B	C	D	E
평균(점)	67	77	65	70	68
표준편차(점)	2.1	2	1.3	1.4	1.9

① A

② B

③ C

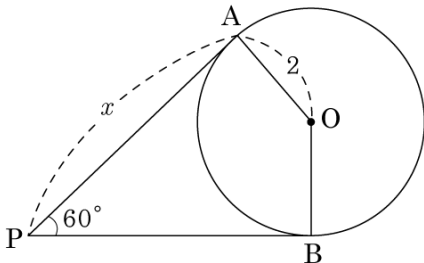
④ D

⑤ E

해설

표준편차가 작을수록 변량이 평균 주위에 더 집중된다. 따라서 성적이 가장 고른 반은 표준편차가 가장 작은 C이다.

13. 다음 그림에서 x 의 길이는?
(단, $\overline{PA}$ 와 $\overline{PB}$ 는 원 O 의 접선이다.)



- ① $2\sqrt{3}$ ② $3\sqrt{3}$ ③ $4\sqrt{3}$ ④ $5\sqrt{3}$ ⑤ $6\sqrt{3}$

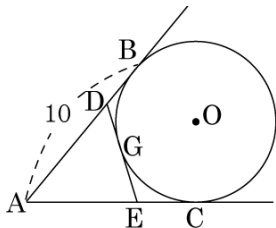
해설

$$\overline{AP} : \overline{AO} = \sqrt{3} : 1$$

$$x : 2 = \sqrt{3} : 1$$

$$x = 2\sqrt{3}$$

14. 다음 그림에서 세 점 B, C, G 는 원 O의 접점일 때, $\triangle ADE$ 의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▶ 정답 : 20

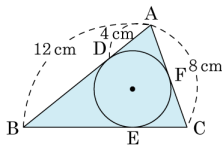
해설

$$\overline{AB} = \overline{AC}, \overline{DB} = \overline{DG}, \overline{EC} = \overline{EG}$$

$$\begin{aligned} \triangle ADE \text{의 둘레} &= (\overline{AE} + \overline{EG}) + (\overline{DG} + \overline{AD}) \\ &= \overline{AC} + \overline{AB} \\ &= 2\overline{AB} \end{aligned}$$

$$\therefore \triangle ADE \text{의 둘레} = 2 \times 10 = 20$$

15. 다음 그림에서 점 D, E, F 는 $\triangle ABC$ 와 그 내접원과 접점이다.
 $\overline{AB} = 12\text{cm}$, $\overline{AC} = 8\text{cm}$, $\overline{AD} = 4\text{cm}$ 일 때, $\overline{BC}$ 의 길이를 구하여라.

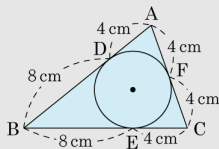


▶ 답 :

cm

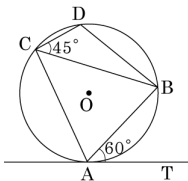
▷ 정답 : 12 cm

해설



$$\begin{aligned}
 \overline{BC} &= \overline{BE} + \overline{EC} \\
 &= \overline{BD} + \overline{FC} \\
 &= (12 - 4) + (8 - 4) \\
 &= 12(\text{cm})
 \end{aligned}$$

16. 다음 그림에서 직선 AT 가 원 O 의 접선일 때, $\angle ABD$ 의 크기는?



① 60°

② 65°

③ 70°

④ 75°

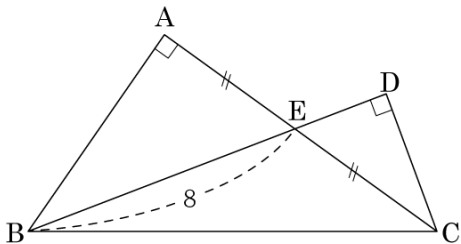
⑤ 80°

해설

$$\angle BAT = \angle ACB = 60^\circ$$

$$\therefore \angle ABD = 180^\circ - 60^\circ - 45^\circ = 75^\circ$$

17. 다음 그림에서 $\angle A = 90^\circ$, $\angle D = 90^\circ$, $\overline{BE} = 8$, $\overline{AE} = \overline{EC} = 4$ 일 때, $\overline{DE}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

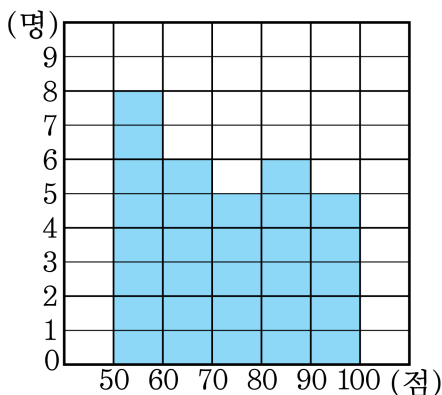
□ABCD는 원에 내접한다.

$\overline{AE} \cdot \overline{EC} = \overline{BE} \cdot \overline{DE}$ 이므로

$$4 \times 4 = 8 \times \overline{DE}$$

$$\therefore \overline{DE} = 2$$

18. 다음은 희종이네 반 학생 30 명의 수학 성적을 나타낸 히스토그램이다. 희종이네 반 학생들의 수학 성적의 분산과 표준편차를 차례대로 구하면?



① $\frac{53}{2}, \frac{\sqrt{106}}{2}$
 ④ $\frac{628}{3}, \frac{2\sqrt{471}}{3}$

② $\frac{161}{2}, \frac{\sqrt{322}}{2}$
 ⑤ $\frac{525}{4}, 5\sqrt{21}$

③ $\frac{571}{3}, 4\sqrt{11}$

해설

$$\text{평균: } \frac{55 \times 8 + 65 \times 6 + 75 \times 5 + 85 \times 6 + 95 \times 5}{30} = 73$$

$$\text{편차: } -18, -8, 2, 12, 22$$

$$\text{분산: } \frac{(-18)^2 \times 8 + (-8)^2 \times 6 + 2^2 \times 5 + 12^2 \times 6 + 22^2 \times 5}{30} = \frac{628}{3}$$

$$\text{표준편차: } \sqrt{\frac{628}{3}} = \frac{2\sqrt{471}}{3}$$

19. 다음은 종연이네 반 학생 30 명의 인터넷 사용시간을 나타낸 도수 분포표이다. 이 반 학생들의 인터넷 사용시간의 분산과 표준편차를 구하여라.

시간(분)	학생 수(명)
0 ^{이상} ~ 30 ^{미만}	10
30 ^{이상} ~ 60 ^{미만}	5
60 ^{이상} ~ 90 ^{미만}	5
90 ^{이상} ~ 120 ^{미만}	4
120 ^{이상} ~ 150 ^{미만}	6

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 분산 : 2109

▷ 정답 : 표준편차 : $\sqrt{2109}$

해설

$$\text{평균} : \frac{15 \times 10 + 45 \times 5 + 75 \times 5 + 105 \times 4}{30} + \frac{135 \times 6}{30} = 66$$

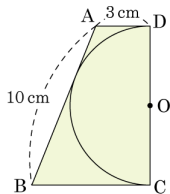
$$\text{편차} : -51, -21, 9, 39, 69$$

$$\text{분산} : \frac{(-51)^2 \times 10 + (-21)^2 \times 5 + 9^2 \times 5}{30} +$$

$$\frac{39^2 \times 4 + 69^2 \times 6}{30} = 2109$$

$$\text{표준편차} : \sqrt{2109}$$

20. 다음 그림에서 $\overline{AB}$, $\overline{BC}$, $\overline{DA}$ 가 원 O 의 접선일 때, $\overline{BC}$ 의 길이를 구하여라.

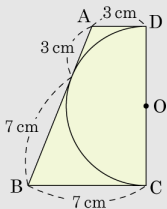


▶ 답 :

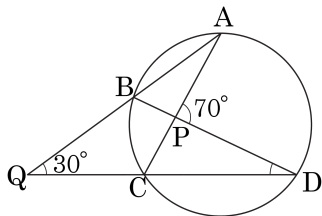
cm

▶ 정답 : 7 cm

해설



21. 다음 그림에서 네 점 A, B, C, D는 원 위의 점이고, $\overline{AC}$ 와 $\overline{BD}$ 의 교점을 P, $\overline{AB}$ 와 $\overline{CD}$ 의 연장선의 교점을 Q라고 한다. $\angle APD = 70^\circ$, $\angle AQD = 30^\circ$ 일 때, $\angle BDC$ 의 크기는?



① 15°

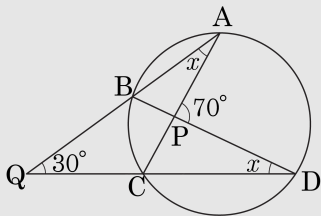
② 20°

③ 30°

④ 35°

⑤ 40°

해설

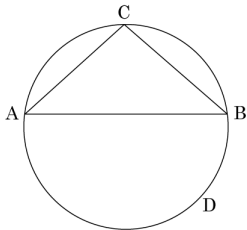


$\angle BDC = x$ 라 하면 $\angle A = x$

$\triangle BQD$ 의 한 외각 $\angle ABD = 30^\circ + x$ 이다.

$\triangle ABP$ 에서 $70^\circ = 30^\circ + x + x \therefore x = 20^\circ$

22. 다음 그림에서 $\angle A : \angle B : \angle C = 2 : 2 : 5$ 이고, $5.0\text{pt}\widehat{BC} = 2\pi$ 일 때, 호 ADB 의 길이는?



- ① 4π ② $\frac{13}{3}\pi$ ③ $\frac{9}{2}\pi$ ④ 5π ⑤ $\frac{11}{2}\pi$

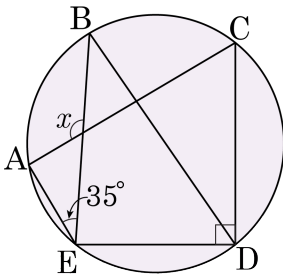
해설

$$\angle C : \angle A = 5.0\text{pt}24.88\text{pt}\widehat{ADB} : 5.0\text{pt}\widehat{BC} = 5 : 2$$

$$2\pi : 5.0\text{pt}24.88\text{pt}\widehat{ADB} = 2 : 5$$

$$\therefore 5.0\text{pt}24.88\text{pt}\widehat{ADB} = 5\pi$$

23. 다음 그림에서 $\angle AEB = 35^\circ$, $\angle EDC = 90^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

°

▶ 정답 : 125 °

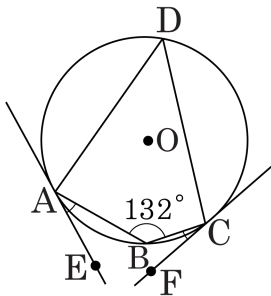
해설

$\angle CAE + \angle CDE = 180^\circ$ 이므로

$\angle CAE = 90^\circ$

$\therefore \angle x = 90^\circ + 35^\circ = 125^\circ$

24. 다음과 같이 두 점 A, C는 원 O의 접점이라고 한다. $\angle EAB + \angle BCF$ 의 크기는 얼마인가?



① 46°

② 47°

③ 48°

④ 49°

⑤ 50°

해설

점 B와 점 D를 연결하면

$$\angle EAB = \angle ADB$$

$$\angle BCF = \angle BDC$$

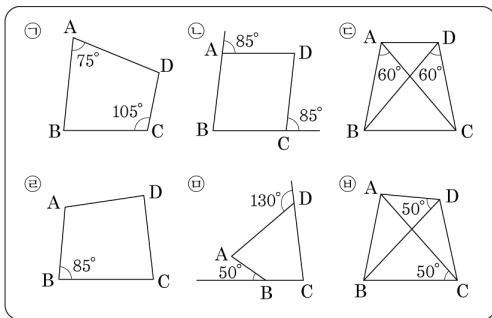
$$\therefore \angle EAB + \angle BCF = \angle ADC$$

□ABCD가 원에 내접하므로

$$\angle ADC = 180^\circ - 132^\circ = 48^\circ$$

$$\therefore \angle EAB + \angle BCF = 48^\circ$$

25. 다음 중 원에 내접하는 사각형을 모두 고른 것은?



① ㉠, ㉡

② ㉠, ㉢

③ ㉠, ㉡, ㉣, ㉦

④ ㉠, ㉢, ㉤, ㉦

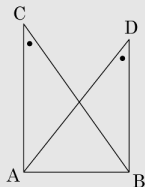
⑤ ㉢, ㉤, ㉦

해설

한 쌍의 대각의 합이 180°

따라서, ㉠, ㉢은 원에 내접한다.

또, 다음의 경우 네 점이 한 원 위에 있게 된다.



따라서 ㉢, ㉦가 원에 내접한다.