1. 100원짜리, 500원짜리, 1000원짜리가 모두 합하여 12개가 있을 때, 3700원을 지불하는 방법은 모두 몇 가지인가? (단, 각 동전과 지폐는 1개 이상 사용한다.)

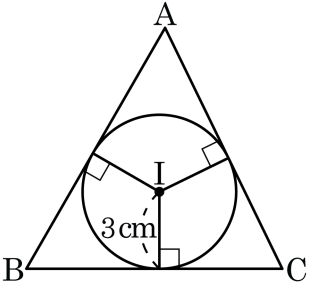
① 3가지 ② 4가지 ③ 5가지

④ 6가지 ⑤ 7가지

해설

(1000원, 500원, 100원)을 1개 이상씩 사용하여 3700원을 만드는 경우는
$(3,\ 1,\ 2)$, $(2,\ 3,\ 2)$, $(2,\ 2,\ 7)$,
$(1,\ 5,\ 2)$, $(1,\ 4,\ 7)$로 경우의 수는 5가지이다.

2. 다음 그림에서 반지름의 길이가 3cm 인 원 I 는 $\triangle$ABC 의 내접원이다. $\triangle$ABC 의 넓이가 20cm^2 일 때, $\triangle$ABC 의 세 변의 길이의 합을 구하여라.



▶ **답 :** ______ cm

▷ **정답 :** $\frac{40}{3}$ cm

해설

$\triangle$ABI, $\triangle$BCI, $\triangle$ICA 의 높이는 내접원의 반지름의 길이와 같으므로, 삼각형의 넓이는

$$\frac{1}{2} \times (\overline{AB} + \overline{BC} + \overline{CA}) \times 3 = 20$$

$$\therefore\ \overline{AB} + \overline{BC} + \overline{CA} = \frac{40}{3}(\text{cm})$$

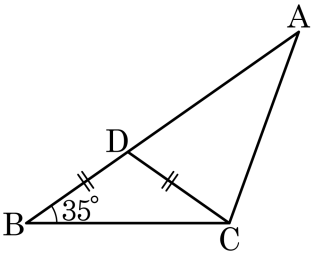
3. A, B, C, D, E, F 여섯 명이 일렬로 늘어설 때, A 와 B 가 이웃하여 서는 경우의 수를 구하면?

① 60 ② 120 ③ 240 ④ 300 ⑤ 360

해설

A, B를 고정시켜 하나로 생각한 후 일렬로 세우는 방법의 수는 $5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 120$(가지) 이고, A, B가 일렬로 서는 방법의 수는 $2 \times 1 = 2$(가지) 이다. 그러므로 구하는 경우의 수는 $120 \times 2 = 240$(가지) 이다.

4. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AC} = \overline{BC}$ 인 이등변삼각형이다. $\overline{BD} = \overline{CD}$ 이고 $\angle B = 35°$ 일 때, $\angle ACD$ 의 크기는?



① 65° ② 75° ③ 85° ④ 95° ⑤ 105°

해설

$\triangle ABC$ 에서

$\angle CAB = 35°$

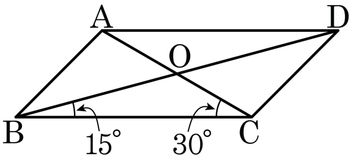
$\angle BCA = 180° - 2 \times 35° = 110°$

또 $\triangle BCD$ 는 $\overline{BD} = \overline{CD}$ 인 이등변삼각형이므로

$\angle BCD = 35°$

$\therefore \angle ACD = 110° - 35° = 75°$

5. 평행사변형 ABCD 에서 두 대각선의 교점을 O 라 하고, $\angle ACB = 30°$, $\angle CBD = 15°$ 라고 할 때, $\angle AOB$ 의 크기는?



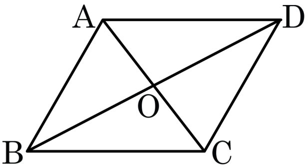
① 25° ② 30° ③ 35° ④ 40° ⑤ 45°

해설

$\overline{AB} // \overline{CD}$ 이므로 $\angle ADO = \angle DBC = 15°$, $\angle DAO = \angle OCB = 30°$

$\angle AOB = \angle DAO + \angle ADO = 15° + 30° = 45°$ 이다.

6. 다음은 '평행사변형에서 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.' 를 증명한 것이다. □ 안에 들어갈 알맞은 것은?



[가정] □ABCD 에서 $\overline{AB} /\!/ \overline{DC}$, $\overline{AD} /\!/ \overline{BC}$

[결론] $\overline{AO} = \overline{CO}$, $\overline{BO} = \overline{DO}$

[증명] △OAD 와 △OCB 에서 평행사변형의 대변의 길이는 같으므로

$\overline{AD} = \overline{BC}$ ⋯ ㉠

$\overline{AD} /\!/ \overline{BC}$ 이므로

∠OAD = ∠OCB (엇각) ⋯ ㉡,

∠ODA = $\boxed{}$ (엇각) ⋯ ㉢

㉠, ㉡, ㉢에 의해서 △OAD ≡ △OCB (ASA 합동)

∴ $\overline{AO} = \overline{CO}$, $\overline{BO} = \overline{DO}$

① ∠ODA ② ∠OAB ③ ∠CDO

④ ∠OBC ⑤ ∠BCO

해설

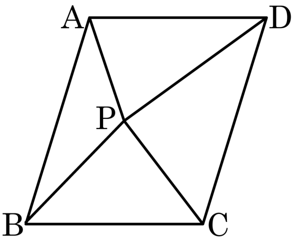
△OAD 와 △OCB 에서 평행사변형의 대변의 길이는 같으므로

$\overline{AD} = \overline{BC}$, $\overline{AD} /\!/ \overline{BC}$ 이고

∠OAD = ∠OCB (엇각), ∠ODA = ∠OBC (엇각) 이므로

△OAD ≡ △OCB (ASA 합동) 이다.

7. 다음 그림과 같이 넓이가 $40\mathrm{cm}^2$ 인 평행사변형 내부에 한 점 P를 잡을 때, $\triangle\mathrm{PBC}$의 넓이가 $10\mathrm{cm}^2$ 이다. $\triangle\mathrm{PAD}$의 넓이를 $a\mathrm{cm}^2$ 라고 할 때, a의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 10

해설

내부의 한 점 P에 대하여 $\frac{1}{2}\square\mathrm{ABCD} = \triangle\mathrm{PAB} + \triangle\mathrm{PCD} = \triangle\mathrm{PAD} + \triangle\mathrm{PBC}$이다.

$40 \times \frac{1}{2} = 10 + \triangle\mathrm{PAD}$이므로

$\triangle\mathrm{PAD} = 10\mathrm{cm}^2$

$\therefore\ a = 10$

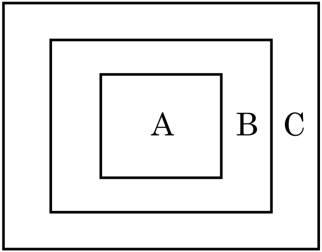
8. 주사위 1개와 동전 2개를 동시에 던질 때, 주사위는 짝수의 눈이 나오고 동전은 모두 그림면이 나올 경우의 수는?

① 3　② 4　③ 5　④ 6　⑤ 7

해설

(2, 그림, 그림)
(4, 그림, 그림)
(6, 그림, 그림)
$\therefore$ 3

9. 다음 그림의 A, B, C 에 빨강, 주황, 노랑, 초록, 파랑, 남색, 보라색 중에서 서로 다른 색을 칠하려고 한다. B 에는 반드시 보라색을 칠한다고 할 때, A, B, C에 서로 다른 색을 칠할 수 있는 모든 경우의 수는?



① 6 가지 ② 12 가지 ③ 20 가지

④ 30 가지 ⑤ 42 가지

해설

보라색을 제외한 나머지 6가지 색 중에서 2가지 색을 뽑아 칠하는 경우의 수이므로 $6 \times 5 = 30$ (가지) 이다.

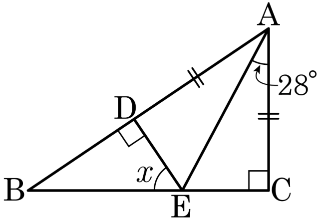
10. A, B, C, D, E 5명 중에서 3명을 뽑아 한 줄로 세울 때, A가 맨 뒤에 서게 되는 경우의 수를 구하면?

① 6가지 ② 12가지 ③ 18가지
④ 20가지 ⑤ 24가지

해설

5명 중에서 A를 포함하여 3명을 뽑고, A를 제외한 나머지 2명을 일렬로 세우는 경우이므로 4명 중에서 2명을 뽑아 일렬로 세우는 경우와 같다.
따라서 경우의 수는 $4 \times 3 = 12$(가지)

11. 다음 그림과 같은 직각삼각형 ABC 에서 $\overline{AC} = \overline{AD}$, $\angle EAC = 28°$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



① 54° ② 56° ③ 58° ④ 60° ⑤ 62°

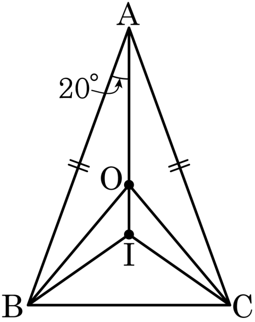
해설

$\triangle AED \equiv \triangle AEC$ (RHS 합동)

$\angle AED = \angle AEC = 62°$

$\therefore \angle x = 180° - (62° + 62°) = 56°$

12. 다음 그림과 같은 이등변삼각형 ABC 에서 점 I 와 점 O 는 각각 $\triangle ABC$ 의 내심과 외심이다. $\angle BAO = 20^\circ$ 일 때, $\angle BIC - \angle BOC$ 의 크기는?



① 30° ② 40° ③ 50° ④ 60° ⑤ 70°

해설

$\triangle ABC$ 의 외심이 점 O 일 때, $\frac{1}{2}\angle BOC = \angle A$,$\angle A = 40^\circ$ 이므로

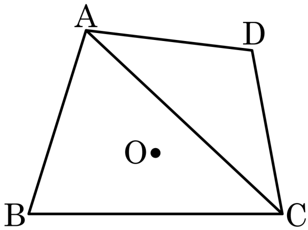
$\angle ABC = 70^\circ$, $\angle BOC = 80^\circ$ 이다.

$\triangle ABC$ 의 내심이 점 I 일 때, $\frac{1}{2}\angle A + 90^\circ = \angle BIC$ 이므로

$\angle BIC = \frac{1}{2} \times 40^\circ + 90^\circ = 110^\circ$ 이다.

따라서 $\angle BIC - \angle BOC = 110^\circ - 80^\circ = 30^\circ$ 이다.

13. 다음 그림에서 삼각형 ABC 와 ACD 의 외심은 점 O 로 같은 점이다. $\angle ABC + \angle ADC$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\quad\quad\quad\quad\quad\quad\quad\quad\quad\quad\quad{}^\circ}$

▷ 정답 : $180\,\underline{{}^\circ}$

해설

$\angle ABC = x,\ \angle ADC = y$ 라 하면

점 O 가 $\triangle ABC$ 의 외심이므로 $\triangle OAB,\ \triangle OBC,\ \triangle OCA$ 는 모두 이등변삼각형

$\angle OAB + \angle OCB = \angle OBA + \angle OBC = x$

$\therefore\ \angle AOC = 2x$

점 O 가 $\triangle ACD$ 의 외심이므로 $\triangle OAD,\ \triangle ODC$ 도 이등변삼각형

$\angle OAD = \angle ODA,\ \ \angle ODC = \angle OCD$

$\square AOCD$ 에서

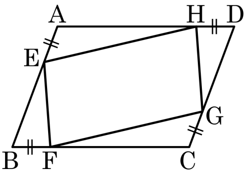
$\angle OAD + \angle ODA + \angle ODC + \angle OCD + \angle AOC = 360^\circ$ 이므로

$2(\angle ODA + \angle ODC) = 360^\circ - \angle AOC$

$2y = 360^\circ - 2x,\ \ x + y = 180^\circ$

$\therefore\ \angle ABC + \angle ADC = 180^\circ$

14. 다음 그림의 평행사변형 ABCD 에서 $\overline{AE} = \overline{BF} = \overline{CG} = \overline{DH}$ 일 때, □EFGH 는 평행사변형이 된다. 그 이유를 고르면?



① $\overline{EH} = \overline{FG}$

② $\overline{EH} // \overline{FG}$, $\overline{EF} // \overline{HG}$

③ $\overline{EH} // \overline{FG}$, $\overline{EH} = \overline{FG}$

④ $\overline{EF} = \overline{HG}$, $\overline{EH} = \overline{FG}$

⑤ $\angle EFG = \angle GHE$

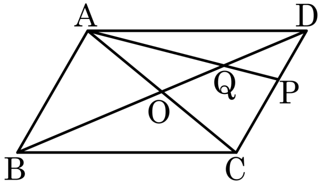
해설

$\triangle AEH \equiv \triangle CGF$(SAS합동)

$\triangle BFE \equiv \triangle DHG$(SAS합동)

$\therefore \overline{EF} = \overline{HG}$, $\overline{EH} = \overline{FG}$

15. 평행사변형ABCD 에서 $\overline{CP}$: $\overline{PD} = 3 : 2$, $\overline{AQ}$: $\overline{QP} = 5 : 2$ 일 때, $\triangle AOQ$ 는 전체 넓이의 몇 배인지 구하여라



▶ **답 :** ____________배

▷ **정답 :** $\dfrac{3}{28}$ 배

해설

평행사변형ABCD 의 넓이를 S 라 두면, $\triangle ACD = \dfrac{1}{2}S$

$\overline{CP}$: $\overline{PD} = 3 : 2$ 이므로 $\triangle ACP = \dfrac{3}{5}\triangle ACD = \dfrac{3}{5}\left(\dfrac{1}{2}S\right) = \dfrac{3}{10}S$

그리고 $\triangle OAP = \dfrac{1}{2}\triangle ACP$, $\therefore \triangle OAP = \dfrac{3}{20}S$

또한 $\overline{AQ}$: $\overline{QP} = 5 : 2$ 이므로 $\triangle AOQ = \dfrac{5}{7}\triangle OAP$

따라서 $\triangle AOQ = \dfrac{5}{7}\triangle OAP = \dfrac{5}{7}\left(\dfrac{3}{20}S\right) = \dfrac{3}{28}S$