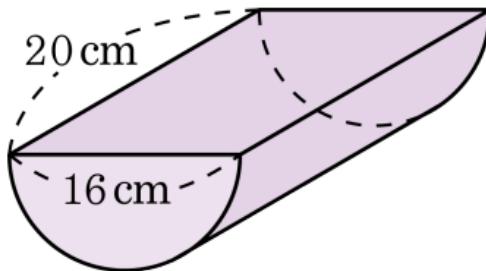


1. 다음은 원기둥 모양의 통나무를 밑면의 지름에 따라 이등분한 것입니다. 이 입체의 부피를 구하시오.



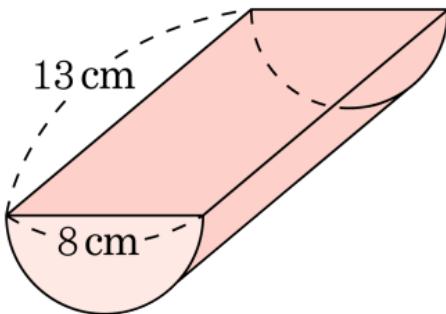
▶ 답: cm<sup>3</sup>

▶ 정답: 2009.6 cm<sup>3</sup>

해설

$$8 \times 8 \times 3.14 \times 20 \times \frac{1}{2} = 2009.6(\text{cm}^3)$$

2. 다음은 원기둥 모양의 통나무를 밑면의 지름에 따라 이등분한 것입니다. 이 입체의 부피를 구하시오.



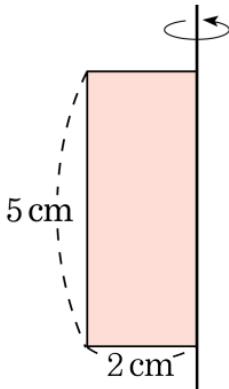
▶ 답 : cm<sup>3</sup>

▷ 정답 : 326.56 cm<sup>3</sup>

해설

$$4 \times 4 \times 3.14 \times 13 \times \frac{1}{2} = 326.56(\text{cm}^3)$$

3. 평면도형을 회전축을 중심으로 1회전 하였을 때, 얻어지는 회전체의 부피를 구하시오.



▶ 답 : cm<sup>3</sup>

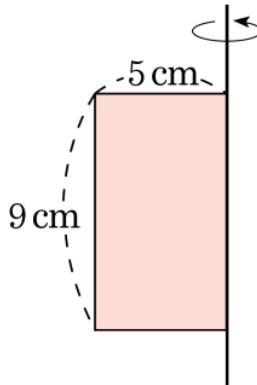
▷ 정답 : 62.8 cm<sup>3</sup>

### 해설

회전체는 밑면의 반지름의 길이가 2cm이고, 높이가 5cm인 원기둥이 됩니다.

$$2 \times 2 \times 3.14 \times 5 = 62.8 (\text{cm}^3)$$

4. 다음 평면도형을 회전축을 중심으로 1회전 하였을 때 얻어지는 회전체의 부피를 구하시오.



▶ 답 : cm<sup>3</sup>

▷ 정답 : 706.5 cm<sup>3</sup>

해설

반지름이 5 cm이고, 높이가 9 cm인 원기둥이 되므로  
 $(부피) = (5 \times 5 \times 3.14) \times 9 = 706.5(\text{cm}^3)$

5. 한 변의 길이가 50 cm 인 정사각형의 한 변을 회전축으로 하여 만든 회전체의 옆넓이를 구하시오.

▶ 답: cm<sup>2</sup>

▶ 정답: 15700 cm<sup>2</sup>

해설

회전체는 반지름 50 cm, 높이 50 cm 인 원기둥이 됩니다.

$$\text{옆넓이} = (50 \times 2) \times 3.14 \times 50 = 15700(\text{cm}^2)$$

6. 한 변의 길이가 40cm인 정사각형의 한 변을 회전축으로 하여 만든 회전체의 옆넓이를 구하시오.

▶ 답: cm<sup>2</sup>

▷ 정답: 10048cm<sup>2</sup>

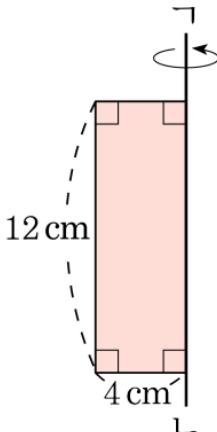
해설

밑면이 반지름이 40cm인 원기둥이 됩니다.

$$\text{옆넓이} = (\text{밑면의 원주}) \times (\text{높이})$$

$$40 \times 2 \times 3.14 \times 40 = 10048(\text{cm}^2)$$

7. 직사각형을 직선 그늘을 축으로 하여 회전시켜 회전체를 만들 때, 이 회전체의 옆넓이를 구하시오.



▶ 답 : cm<sup>2</sup>

▷ 정답 : 301.44 cm<sup>2</sup>

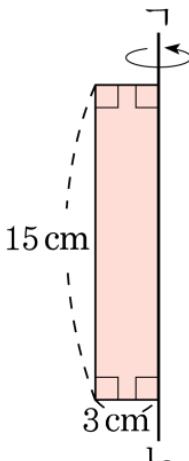
해설

회전체는 밑면의 반지름이 4 cm, 높이가 12 cm인 원기둥이 됩니다.

$$(\text{옆넓이}) = (\text{원주}) \times (\text{높이})$$

$$4 \times 2 \times 3.14 \times 12 = 301.44 (\text{cm}^2)$$

8. 직사각형을 직선 그늘을 축으로 하여 회전시켜 회전체를 만들 때, 이 회전체의 옆넓이를 구하시오.



▶ 답 : cm<sup>2</sup>

▷ 정답 : 282.6 cm<sup>2</sup>

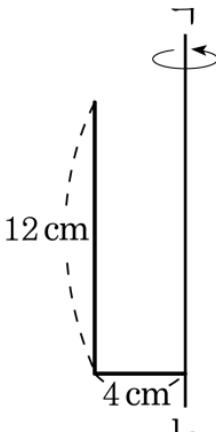
해설

회전체는 밑면의 반지름이 3 cm, 높이가 15 cm인 원기둥이 됩니다.

$$(\text{옆넓이}) = (\text{원주}) \times (\text{높이})$$

$$3 \times 2 \times 3.14 \times 15 = 282.6(\text{cm}^2)$$

9. 다음 그림에서 직선 그림을 축으로 1회전시켰을 때 얻어지는 회전체의  
들이는 몇 L인지 구하시오.



▶ 답 : L

▷ 정답 : 0.60288L

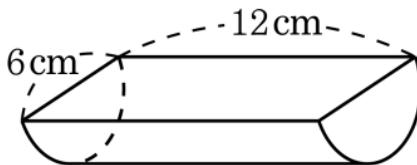
해설

$$\begin{aligned}(\text{부피}) &= (\text{밑면의 넓이}) \times (\text{높이}) \\&= 4 \times 4 \times 3.14 \times 12 = 602.88(\text{cm}^3)\end{aligned}$$

$$1000 \text{ cm}^3 = 1 \text{ L} \text{ 이므로}$$

$$602.88 \text{ cm}^3 = 0.60288 \text{ L}$$

10. 다음 그림은 원기둥을 회전축을 품은 평면으로 자른 것입니다. 이 도형의 겉넓이를 구하시오.



▶ 답: cm<sup>2</sup>

▷ 정답: 213.3 cm<sup>2</sup>

해설

(한 밑면의 넓이)

$$= 3 \times 3 \times 3.14 \div 2 = 14.13(\text{cm}^2)$$

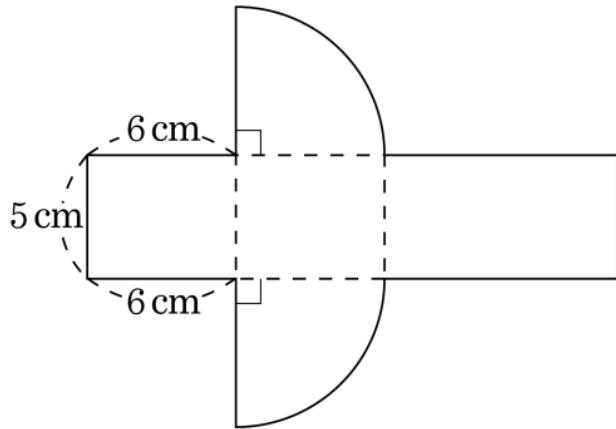
(옆면의 넓이)

$$= (6 \times 3.14 \div 2 \times 12) + (6 \times 12)$$

$$= 113.04 + 72 = 185.04(\text{cm}^2)$$

$$(겉넓이) = 14.13 \times 2 + 185.04 = 213.3(\text{cm}^2)$$

11. 전개도로 만들어지는 입체도형의 부피를 구하시오.



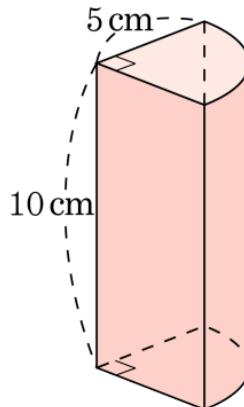
▶ 답 : cm<sup>3</sup>

▷ 정답 : 141.3 cm<sup>3</sup>

해설

$$6 \times 6 \times 3.14 \times \frac{1}{4} \times 5 = 141.3(\text{ cm}^3)$$

## 12. 입체도형의 겉넓이를 구하시오.



▶ 답 : cm<sup>2</sup>

▷ 정답 : 217.75 cm<sup>2</sup>

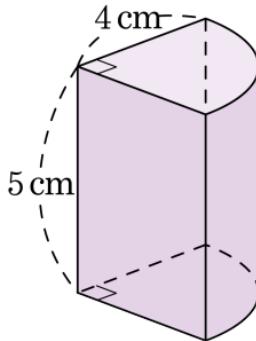
해설

$$(\text{밑넓이}) = 5 \times 5 \times 3.14 \times \frac{1}{4} = 19.625(\text{cm}^2)$$

$$\begin{aligned}(\text{옆넓이}) &= (10 \times 3.14 \times \frac{1}{4} + 5 \times 2) \times 10 \\&= 178.5(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

$$(\text{겉넓이}) = 19.625 \times 2 + 178.5 = 217.75(\text{cm}^2)$$

### 13. 입체도형의 겉넓이를 구하시오.



▶ 답 : cm<sup>2</sup>

▷ 정답 : 96.52 cm<sup>2</sup>

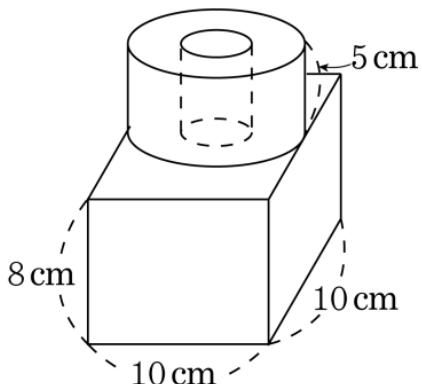
해설

$$(\text{밑넓이}) = 4 \times 4 \times 3.14 \times \frac{1}{4} = 12.56(\text{cm}^2)$$

$$(\text{옆넓이}) = (8 \times 3.14 \times \frac{1}{4} + 4 \times 2) \times 5 = 71.4(\text{cm}^2)$$

$$(\text{겉넓이}) = 12.56 \times 2 + 71.4 = 96.52(\text{cm}^2)$$

14. 아래 입체도형은 지름이 10 cm인 원기둥안에 반지름이 2 cm인 원기둥 모양의 구멍을 뚫어 사각기둥 위에 올려놓은 것입니다. 이 입체도형의 부피를 구하시오.



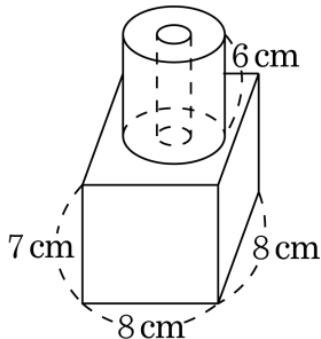
▶ 답 : cm<sup>3</sup>

▷ 정답 : 1129.7 cm<sup>3</sup>

해설

$$\begin{aligned}(\text{입체도형의 부피}) &= (\text{직육면체의 부피}) + (\text{원기둥의 부피}) - (\text{비어 있는 부분의 부피}) \\&= (10 \times 10 \times 8) + (5 \times 5 \times 3.14 \times 5) - (2 \times 2 \times 3.14 \times 5) \\&= 800 + 392.5 - 62.8 = 1129.7 (\text{cm}^3)\end{aligned}$$

15. 아래 입체도형은 지름이 6 cm인 원기둥안에 반지름이 1 cm인 원기둥 모양의 구멍을 뚫어 사각기둥 위에 올려놓은 것입니다. 이 입체도형의 부피를 구하시오.



▶ 답 : cm<sup>3</sup>

▷ 정답 : 598.72cm<sup>3</sup>

해설

(입체도형의 부피)=(직육면체의 부피)+(원기둥의 부피)-(비어 있는 부분의 부피)

$$\begin{aligned} &= (8 \times 8 \times 7) + (3 \times 3 \times 3.14 \times 6) - (1 \times 1 \times 3.14 \times 6) \\ &= 448 + 169.56 - 18.84 = 598.72(\text{cm}^3) \end{aligned}$$

16. 철이는 반지름이 20cm인 굴렁쇠를 5바퀴 굴려서 작은 다리를 건넜습니다. 다리의 길이는 몇 cm인지 구하시오.

▶ 답 : cm

▷ 정답 : 628cm

해설

$$(원주) = (\text{지름의 길이}) \times (\text{원주율})$$

$$= 20 \times 2 \times 3.14 = 125.6(\text{cm})$$

$$(\text{다리의 길이}) = (\text{굴렁쇠의 둘레의 길이}) \times (\text{회전 수})$$

$$= 125.6 \times 5 = 628(\text{cm})$$

17. 찬영이네 집 뒤플에 있는 오두막의 기둥은 높이가 1.8m이고, 부피가  $226080\text{ cm}^3$ 인 원기둥이라고 합니다. 이 원기둥의 밑면의 반지름은 몇 cm인지 구하시오.

▶ 답 : cm

▶ 정답 : 20cm

해설

밑면의 반지름의 길이를 □라고 하면

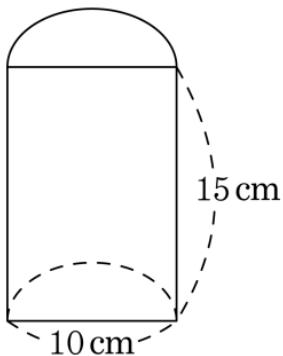
$$226080 = \square \times \square \times 3.14 \times 180$$

$$\square \times \square = 226080 \div 565.2$$

$$\square \times \square = 400$$

$$\square = 20(\text{ cm}) \text{입니다.}$$

18. 다음 그림이 원기둥을 반으로 자른 모양으로 윷놀이를 위한 윷을 만들려고 합니다. 모든 걸면을 파란색으로 칠하려고 할 때 칠해야 하는 넓이를 구하시오.



▶ 답 : cm<sup>2</sup>

▷ 정답 : 464cm<sup>2</sup>

### 해설

(한 밑면의 넓이)

$$= 5 \times 5 \times 3.14 \div 2 = 39.25 \text{ (cm}^2\text{)}$$

(직사각형의 넓이)

$$= 10 \times 15 = 150 \text{ (cm}^2\text{)}$$

(곡면의 넓이)

$$= 10 \times 3.14 \div 2 \times 15 = 235.5 \text{ (cm}^2\text{)}$$

(겉넓이)

$$= 39.25 \times 2 + 150 + 235.5 = 464 \text{ (cm}^2\text{)}$$

19. 어느 건물을 지탱하고 있는 기둥은 높이가 5 m이고, 부피가  $3.925 \text{ m}^3$ 인 원기둥이라고 합니다. 이 원기둥의 밑면의 반지름은 몇 cm 인지 구하시오.

▶ 답 : cm

▷ 정답 : 50cm

해설

밑면의 반지름의 길이를 □라고 하면

$$3.925 = \square \times \square \times 3.14 \times 5$$

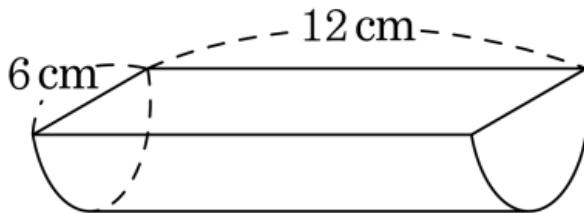
$$\square \times \square = 3.925 \div 15.7$$

$$\square \times \square = 0.25$$

$$\square = 0.5(\text{m})$$

따라서 반지름의 길이는 50 cm입니다.

20. 지윤이가 다음 그림과 같은 통에 물을 가득 담으려고 합니다. 이 때, 들어갈 물의 부피를 구하시오.



▶ 답 : cm<sup>3</sup>

▶ 정답 : 169.56 cm<sup>3</sup>

해설

원기둥 부피의 반을 구하면 됩니다.

$$3 \times 3 \times 3.14 \times 12 \div 2 = 169.56(\text{cm}^3)$$

21. 재준이는 반지름이 10 cm인 미니굴렁쇠를 8바퀴 굴려서 안방에서 거실까지 갔습니다. 재준이가 굴렁쇠를 굴린 거리는 몇 cm인지 구하시오.

▶ 답 : cm

▶ 정답 : 502.4cm

해설

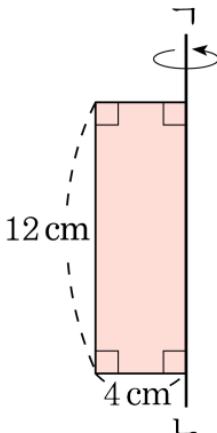
$$(원주) = (\text{지름의 길이}) \times (\text{원주율})$$

$$= 10 \times 2 \times 3.14 = 62.8 \text{ (cm)}$$

$$(\text{굴렁쇠를 굴린 거리}) = (\text{굴렁쇠의 둘레의 길이}) \times (\text{회전 수})$$

$$= 62.8 \times 8 = 502.4 \text{ (cm)}$$

22. 직사각형을 직선 그늘을 축으로 하여 회전시켜 회전체를 만들 때, 이 회전체의 겉넓이를 구하시오.



▶ 답 : cm<sup>2</sup>

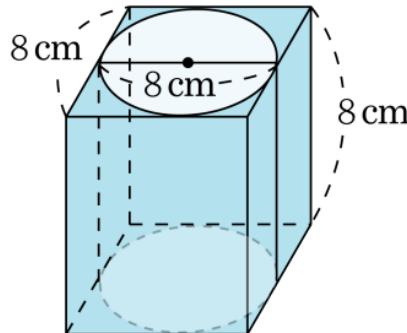
▷ 정답 : 401.92cm<sup>2</sup>

### 해설

회전체는 밑면의 반지름이 4 cm, 높이가 12 cm인 원기둥이 됩니다.

$$\begin{aligned}(\text{원기둥의 겉넓이}) &= (\text{밑면의 넓이}) \times 2 + (\text{옆넓이}) \\(4 \times 4 \times 3.14 \times 2) &+ (4 \times 2 \times 3.14 \times 12) \\&= 100.48 + 301.44 = 401.92(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

23. 한 변의 길이가 8 cm인 정육면체에 지름이 8 cm인 원기둥 모양의 구멍을 뚫었습니다. 이 입체도형의 부피를 구하시오.



▶ 답 : cm<sup>3</sup>

▷ 정답 : 110.08 cm<sup>3</sup>

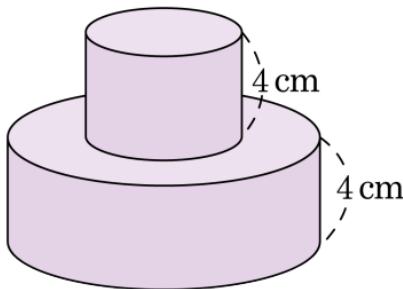
해설

(정육면체의 부피) - (원기둥의 부피)

$$= 8 \times 8 \times 8 - 4 \times 4 \times 3.14 \times 8$$

$$= 512 - 401.92 = 110.08 (\text{cm}^3)$$

24. 높이가 4 cm이고 반지름이 각각 3 cm, 6 cm인 원기둥 2 개를 그림과 같이 쌓았습니다. 이 입체도형의 겉넓이는 몇  $\text{cm}^2$  입니까?



▶ 답 :  $\text{cm}^2$

▷ 정답 :  $452.16 \text{ cm}^2$

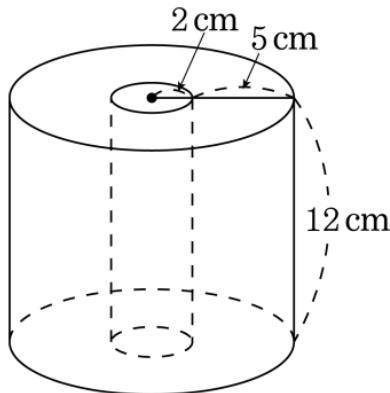
### 해설

두 원기둥의 겉넓이의 합에서 작은 원기둥과 큰 원기둥의 만난 부분의 넓이를 빼어 계산합니다.

또는 큰 원기둥의 겉넓이에서 작은 원기둥의 옆면의 넓이의 합으로 계산해도 됩니다.

$$\begin{aligned}(6 \times 6 \times 3.14 \times 2) + (12 \times 3.14 \times 4) + (6 \times 3.14 \times 4) \\= 226.08 + 150.72 + 75.36 = 452.16 (\text{cm}^2)\end{aligned}$$

25. 입체도형의 겉넓이를 구하시오.



▶ 답 : cm<sup>2</sup>

▷ 정답 : 960.84cm<sup>2</sup>

해설

$$\begin{aligned}(\text{겉넓이}) &= (7 \times 7 \times 3.14 - 2 \times 2 \times 3.14) \times 2 \\&+ (7 \times 2 \times 3.14 + 2 \times 2 \times 3.14) \times 12 \\&= (153.86 - 12.56) \times 2 + (43.96 + 12.56) \times 12 \\&= 282.6 + 678.24 = 960.84(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

26. 현정이는 반지름이 10 cm, 높이가 120 cm 인 롤러로 벽에 페인트를 칠했습니다. 한쪽 벽에 먼저 6바퀴를 똑바로 굴렸을 때, 칠해진 부분의 둘레의 길이는 몇 cm 인지 구하시오.

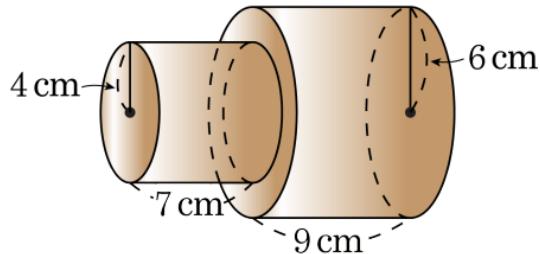
▶ 답 : cm

▶ 정답 : 993.6 cm

해설

롤러를 한 바퀴 굴리면  
 $10 \times 2 \times 3.14 = 62.8(\text{ cm})$  만큼 움직이고  
따라서, 6 바퀴 굴렸을 때, 둘레의 길이는  
 $(62.8 \times 6 + 120) \times 2 = 993.6(\text{ cm})$ 입니다.

27. 진영이는 다음 그림과 같이 크기가 다른 원기둥 모양의 나무통을 연결하여 미술시간에 제출할 통을 만들려고 합니다. 겉면을 모두 칠하려고 할 때 진영이가 칠해야 할 넓이를 구하시오.



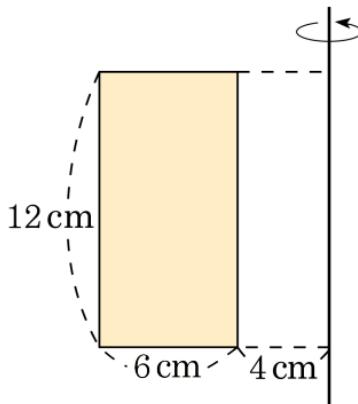
▶ 답 : cm<sup>2</sup>

▷ 정답 : 741.04 cm<sup>2</sup>

해설

$$\begin{aligned}(\text{입체도형의 겉넓이}) &= (\text{큰 원기둥의 겉넓이}) + (\text{작은 원기둥의 옆면의 넓이}) \\&= (6 \times 6 \times 3.14 \times 2 + 6 \times 2 \times 3.14 \times 9) + (4 \times 2 \times 3.14 \times 7) \\&= (226.08 + 339.12) + 175.84 = 741.04(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

28. 다음 그림과 같이 회전축에서 4cm 떨어진 직사각형을 회전축을 중심으로 하여 1회전 하였을 때 만들어지는 입체도형의 부피를 구하시오.



▶ 답 : cm<sup>3</sup>

▷ 정답 : 3165.12 cm<sup>3</sup>

### 해설

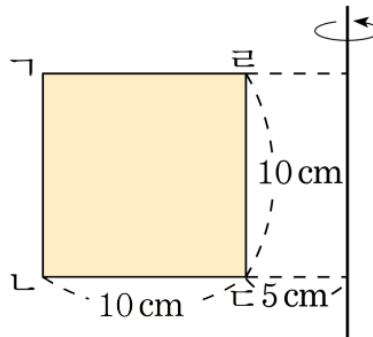
직사각형을 1회전 시키면 속이 빈 원기둥이 만들어집니다.

$$10 \times 10 \times 3.14 \times 12 - 4 \times 4 \times 3.14 \times 12$$

$$= 3768 - 602.88$$

$$= 3165.12(\text{cm}^3)$$

29. 다음 그림과 같은 정사각형 그릇을 회전축을 중심으로 1회전하여 만든 입체도형의 부피는 몇  $\text{cm}^3$ 입니다?



- ①  $3140 \text{ cm}^3$       ②  $3925 \text{ cm}^3$       ③  $4710 \text{ cm}^3$   
④  $5495 \text{ cm}^3$       ⑤  $6280 \text{ cm}^3$

### 해설

만들어지는 회전체는 가운데가 뚫린 원기둥 모양이 됩니다.

$$(\text{큰 원기둥의 반지름}) = 15 \text{ cm}$$

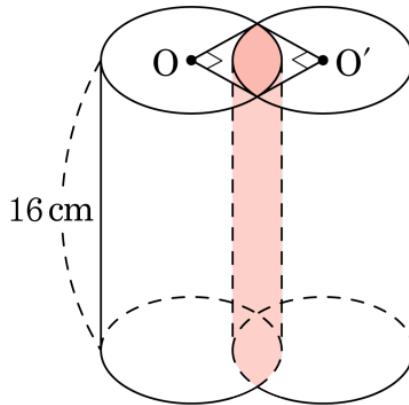
$$\begin{aligned} (\text{큰 원기둥의 부피}) &= 15 \times 15 \times 3.14 \times 10 \\ &= 7065(\text{cm}^3) \end{aligned}$$

$$(\text{작은 원기둥의 반지름}) = 5 \text{ cm}$$

$$\begin{aligned} (\text{작은 원기둥의 부피}) &= 5 \times 5 \times 3.14 \times 10 \\ &= 785(\text{cm}^3) \end{aligned}$$

$$(\text{주어진 입체도형의 부피}) = 7065 - 785 = 6280(\text{cm}^3)$$

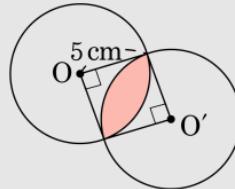
30. 다음 그림과 같이 밑면인 원의 반지름의 길이가 5cm인 합동인 두 원기둥에 대하여 어두운 부분의 부피는 몇  $\text{cm}^3$ 입니까?



- ①  $114 \text{ cm}^3$       ②  $216 \text{ cm}^3$       ③  $228 \text{ cm}^3$   
④  $314 \text{ cm}^3$       ⑤  $628 \text{ cm}^3$

해설

어두운 부분의 밑면은 다음과 같습니다.



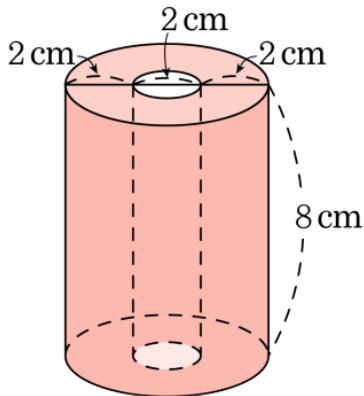
(어두운 부분의 밑면의 넓이)

$$= \left( 5 \times 5 \times 3.14 \times \frac{90^\circ}{360^\circ} \right) \times 2 - 5 \times 5$$

$$= 39.25 - 25 = 14.25 (\text{cm}^2)$$

$$(\text{어두운 부분의 부피}) = 14.25 \times 16 = 228 (\text{cm}^3)$$

31. 다음 그림과 같이 속이 비어 있는 입체도형의 곁넓이는 몇  $\text{cm}^2$  입니까?



- ①  $175.84 \text{ cm}^2$       ②  $178.98 \text{ cm}^2$       ③  $200.96 \text{ cm}^2$   
④  $207.24 \text{ cm}^2$       ⑤  $251.2 \text{ cm}^2$

해설

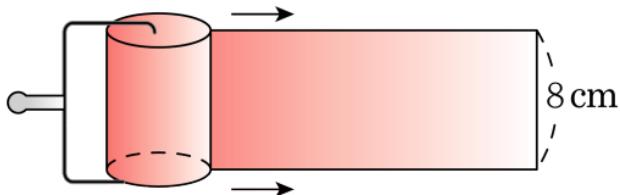
$$\begin{aligned}(\text{밑면의 넓이}) &= 3 \times 3 \times 3.14 - 1 \times 1 \times 3.14 \\&= 28.26 - 3.14 = 25.12(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

$$(\text{바깥쪽 옆넓이}) = 6 \times 3.14 \times 8 = 150.72(\text{cm}^2)$$

$$(\text{안쪽 옆넓이}) = 2 \times 3.14 \times 8 = 50.24(\text{cm}^2)$$

$$\begin{aligned}(\text{전체 곁넓이}) &= 25.12 \times 2 + 150.72 + 50.24 \\&= 251.2(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

32. 다음과 같이 원기둥 모양의 로울러로 페인트를 칠하였습니다. 로울러가 3 회전 하여 칠한 넓이가  $452.16\text{cm}^2$  였다면 로울러의 부피는 얼마인지 구하시오.



▶ 답 :  $\text{cm}^3$

▷ 정답 :  $226.08\text{cm}^3$

### 해설

(로울러의 밑면의 둘레)

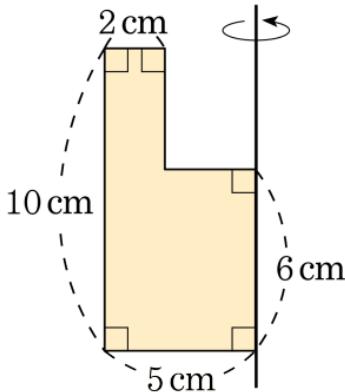
$$= 452.16 \div 3 \div 8 = 18.84(\text{cm})$$

(밑면의 반지름의 길이)

$$= 18.84 \div 3.14 \div 2 = 3(\text{cm})$$

$$(\text{부피}) = 3 \times 3 \times 3.14 \times 8 = 226.08(\text{cm}^3)$$

33. 다음 평면도형을 회전축을 중심으로 1회전시켰을 때 생긴 회전체의 부피를 구하시오.



▶ 답 : cm<sup>3</sup>

▷ 정답 : 671.96 cm<sup>3</sup>

해설

$$\begin{aligned}(\text{부피}) &= 5 \times 5 \times 3.14 \times 10 - 3 \times 3 \times 3.14 \times 4 \\&= 785 - 113.04 = 671.96 (\text{cm}^3)\end{aligned}$$