1. 실수
$$x$$
 에 대하여 $|x-2|^2-|3-x|^2-\sqrt{-9}+\sqrt{-16}$ 을 $a+bi$ 꼴로 나타낼 때 $a+b$ 의 값을 구하면?

(3) 2x

$$4 \ 2x - 5$$
 $5 \ 0$

② 2x - 4

 $\bigcirc -5$

(준식) =
$$(x-2)^2 - (3-x)^2 - 3i + 4i$$

= $2x - 5 + i$
 $\therefore a = 2x - 5, b = 1$
 $\therefore a + b = 2x - 4$

a, b가 실수일 때, (a+2i)(3+4i)+5(1-bi) = 0을 만족하는 a, b의 값의 합은? (단, i = √-1)

 $\therefore a = 1, b = 2$ 따라서 a + b = 3 이다

3. z =
$$\frac{2}{1+i}$$
 에 대하여 z² - 2z + 3 의 값은? (단, i = √-1)
① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ -1

해설
$$z = \frac{2}{1+i} = 1-i$$

$$z^2 - 2z + 3 = (1-i)^2 - 2(1-i) + 3 = 1$$

4. 두 복소수 $z_1 = a + (3b - 1)i$, $z_2 = (b + 1) - 5i$ 에 대하여 $z_1 = \overline{z}_2$ 가 성립할 때, 실수 a,b에 대하여 a + b의 값은?

$$a + (3b - 1)i = (b + 1) + 5i$$
에서
$$\begin{cases} a = b + 1 \\ 3b - 1 = 5 \end{cases}$$
 이므로 연립하면
$$a = 3, b = 2$$

$$\therefore a + b = 5$$

5. x에 대한 이차방정식 $kx^2 + (2k+1)x + 6 = 0$ 의 해가 2, α 일 때, $k + \alpha$ 의 값을 구하면?

①
$$-1$$
 ② -2 ③ -3 ④ -4 ⑤ -5

해가
$$2, \alpha$$
라면 방정식에 2 를 대입하면 0 이 된다. $k \cdot 2^2 + (2k+1)2 + 6 = 0$ $4k + 4k + 8 = 0$ 에서 $k = -1$ $k = -1$ 을 방정식에 대입하고 α 를 구한다. $-x^2 - x + 6 = 0, x^2 + x - 6 = 0$

(x+3)(x-2) = 0, x = 2, -3

 $\therefore k = -1, \ \alpha = -3$ $\therefore k + \alpha = -4$

- **6.** 삼차방정식 (x-1)(x-2)(x-3) = 24의 모든 실근의 합은?
 - ① 4
- **②**5

3 6

4)

⑤ 8

해설

$$(x-1)(x-2)(x-3) = 24$$
를 전개하면

 $x^3 - 6x^2 + 11x - 30 = 0$ x = 5를 대입하면 성립하므로 조립제법을 이용하여 인수분해하

$$(x-5)(x^2 - x + 6) = 0$$

$$\therefore x = 5 \, \text{ } \pm \text{ } \pm x = \frac{1 \pm \sqrt{23}i}{2}$$

따라서, 실근은 5뿐이므로 실근의 합은 5이다.

7. 사차방정식 $x^4 + x^3 - 7x^2 - x + 6 = 0$ 의 근 중에서 최대의 근은?

①
$$-2$$
 ② -1 ③ 0 ④ 6 ⑤ 2

해결
$$x^4 + x^3 - 7x^2 - x + 6 = 0 \text{ 에서}$$

$$x = 1, x = -1 을 대입하면 성립하므로$$

$$x^4 + x^3 - 7x^2 - x + 6$$

$$= (x - 1)(x + 1)(x^2 + x - 6)$$

$$= (x - 1)(x + 1)(x + 3)(x - 2) = 0$$

$$\therefore x = -3, -1, 1, 2$$

따라서 최대의 근은 2

8. x에 관한 이차방정식 $x^2 + 2ax + 9 - 2a^2 = 0$ 이 실근 α , β 를 가질 때, $\alpha^2 + \beta^2$ 의 최솟값을 구하여라. (단, a는 실수)

$$\begin{vmatrix} \frac{D}{4} = a^2 - (9 - 2a^2) \ge 0 & \text{if } a^2 \ge 3 \\ \alpha^2 + \beta^2 = (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta \\ = (-2a)^2 - 2(9 - 2a^2) \\ = 4a^2 - 18 + 4a^2 = 8a^2 - 18 \end{vmatrix}$$

 $\therefore a^2 + \beta^2 \ge 8 \times 3 - 18 = 6$ 따라서 $\alpha^2 + \beta^2$ 의 최솟값은 6 9. x,y가 실수일 때, -x² - y² - 4x + 6y - 12의 최댓값은?

$$\bigcirc 1 - 2 \qquad \bigcirc 2 - 1 \qquad \bigcirc 3 \qquad 0 \qquad \bigcirc 4 \qquad 1 \qquad \bigcirc 5 \qquad 2$$

해설
$$-x^2 - y^2 - 4x + 6y - 12 = -(x+2)^2 - (y-3)^2 + 1$$
이 때, x, y 가 실수이므로
$$(x+2)^2 \ge 0, (y-3)^2 \ge 0$$

$$\therefore -x^2 - y^2 - 4x + 6y - 12 \le 1$$
따라서 $x = -2, y = 3$ 일 때

주어진 식의 최댓값은 1이다

10. $x^2 - x + 1 = 0$ 일 때, x^{51} 의 값을 구하여라.

$$x^2 - x + 1 = 0$$
 에서

$$(x^{2} - x + 1)(x + 1) = 0$$

$$\therefore x^{3} + 1 = 0$$

$$x^3 = -1$$

 $x^{51} = (x^3)^{17} = (-1)^{17} = -1$

11. 방정식 xy + 2x = 3y + 10을 만족하는 양의 정수가 $x = \alpha$, $y = \beta$ 일 때, $\alpha\beta$ 의 값을 구하여라.

▷ 정답: 8

답:

주어진 식을 변형하면

(x-3)(y+2) = 4 $y+2 \ge 3$ 이므로 두 자연수의 곱이 4가 되는 경우는 x-3=1, y+2=4

xy + 2x - 3y = 10, xy + 2x - 3y - 6 = 4,

 $\therefore x = 4, y = 2$