

1. 주간지가 2 종류, 월간지가 3 종류 있다. 이 중 한 종류의 잡지를 구독하려고 할 때, 그 경우의 수는?

- ① 3 가지 ② 4 가지 ③ 5 가지
④ 7 가지 ⑤ 12 가지

해설

주간지가 2 종류, 월간지가 3 종류 있으므로 주간지 또는 잡지를 구독하는 경우의 수는 $2 + 3 = 5$ (가지)이다.

2. 부모를 포함한 5 명의 가족이 일렬로 서서 사진을 찍는데 부모는 반드시 이웃하여 서는 방법은 모두 몇 가지인가?

- ① 120 가지 ② 60 가지 ③ 48 가지
④ 20 가지 ⑤ 24 가지

해설

(부모가 반드시 이웃하여 서는 경우의 수)
=(부모가 자리를 바꾸는 경우의 수)×(부모를 뛰어 4 명을 일렬로
세우는 경우의 수)
 $= 2 \times (4 \times 3 \times 2 \times 1) = 48(\text{가지})$

3. 측구부의 연습생 중에서 후보를 뽑으려고 한다. 10명의 연습생 중 2명의 후보를 뽑는 경우의 수는?

- ① 20가지 ② 30가지 ③ 35가지
④ 45가지 ⑤ 90가지

해설

$$\frac{10 \times 9}{2} = 45 \text{ (가지)}$$

4. 봉투 속에 1, 2, 3 의 숫자가 각각 한 개씩 적힌 3 장의 카드가 들어 있다. 이 중에서 2장을 뽑아 두 자리 자연수를 만들 때, 그 수가 홀수일 확률은?

① $\frac{1}{2}$ ② $\frac{1}{3}$ ③ $\frac{2}{3}$ ④ $\frac{3}{4}$ ⑤ $\frac{5}{6}$

해설

3 장의 카드 중 2장을 뽑아 두 자리 자연수를 만드는 경우의 수는 $3 \times 2 = 6$ (가지)이고 그 수가 홀수인 경우는 13, 21, 23, 31 의 4 가지이다.

따라서 구하는 경우의 수는 $\frac{4}{6} = \frac{2}{3}$ 이다.

5. 동전 4개를 던질 때, 적어도 한 개가 뒷면이 나올 확률은?

- ① $\frac{5}{16}$ ② $\frac{7}{16}$ ③ $\frac{15}{16}$ ④ 1 ⑤ 0

해설

(적어도 한 개가 뒷면이 나올 확률)

= $1 - (\text{모두 앞면이 나올 확률})$

$$= 1 - \frac{1}{16} = \frac{15}{16}$$

6. A, B 두 개의 주사위를 동시에 던질 때, A 주사위는 2의 배수의 눈이 나오고, B 주사위는 3의 배수의 눈이 나올 확률은?

① $\frac{1}{2}$ ② $\frac{1}{4}$ ③ $\frac{1}{6}$ ④ $\frac{1}{8}$ ⑤ $\frac{1}{10}$

해설

A 주사위에서 2의 배수 2, 4, 6의 눈이 나올 확률은 $\frac{3}{6}$ 이고, B

주사위에서 3의 배수 3, 6의 눈이 나올 확률은 $\frac{2}{6}$ 이다.

따라서 구하는 확률은 $\frac{3}{6} \times \frac{2}{6} = \frac{1}{6}$ 이다.

7. 주머니 속에 빨간 공 2 개와 분홍 공 4 개가 들어 있다. 이 주머니에서 공 1 개를 꺼내어 색깔을 본 후 집어넣지 않고, 또 하나를 꺼내어 볼 때, 두 공 모두 빨간 공일 확률은?

① $\frac{1}{3}$ ② $\frac{1}{4}$ ③ $\frac{1}{6}$ ④ $\frac{1}{12}$ ⑤ $\frac{1}{15}$

해설

처음에 꺼낸 공이 빨간 공일 확률은 $\frac{2}{6}$

두 번째 꺼낸 공이 빨간 공일 확률은 $\frac{1}{5}$

따라서 구하는 확률은 $\frac{2}{6} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{15}$

8. 어떤 시험에 합격할 확률이 A 는 $\frac{2}{5}$, B 는 $\frac{1}{2}$, C 는 $\frac{2}{5}$ 이라고 한다. 이 시험에서 A 는 합격, B 와 C 는 불합격할 확률은?

① $\frac{1}{5}$ ② $\frac{1}{25}$ ③ $\frac{3}{25}$ ④ $\frac{6}{25}$ ⑤ $\frac{12}{25}$

해설

$$\frac{2}{5} \times \left(1 - \frac{1}{2}\right) \times \left(1 - \frac{2}{5}\right) = \frac{3}{25}$$

9. 주사위 두 개를 동시에 던졌을 때, 어느 쪽이든 3의 눈이 나오는 경우의 수를 구하여라.

▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 11 가지

해설

어느 쪽이든 3의 눈이 나오는 경우는 (1, 3), (2, 3), (3, 3), (4, 3),
(5, 3), (6, 3), (3, 1), (3, 2), (3, 4), (3, 5), (3, 6)으로 11 가지
이다.

10. 서울에서 부산까지 가는 KTX 는 하루에 8 번, 버스는 하루에 9 번, 비행기는 하루에 3 번 있다고 한다. 이 때 서울에서 부산까지 KTX 또는 버스로 가는 방법은 모두 몇 가지인지 구하여라.

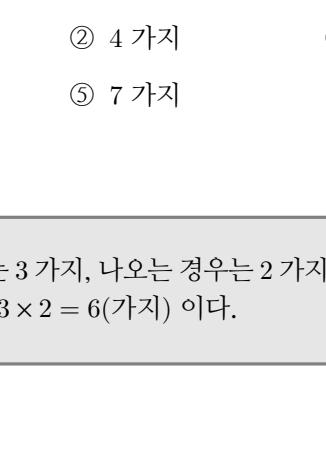
▶ 답: 가지

▷ 정답: 17가지

해설

$$8 + 9 = 17(\text{가지})$$

11. 다음 그림과 같이 중국집에 문이 3 개 있다. 중국집에 들어갈 때 사용한 문으로 나오지 않는다면, 중국집에 들어갔다가 나오는 경우는 모두 몇 가지인가?



- ① 3 가지 ② 4 가지 ③ 5 가지
④ 6 가지 ⑤ 7 가지

해설

들어가는 경우는 3 가지, 나오는 경우는 2 가지이므로 들어갔다가 나오는 경우는 $3 \times 2 = 6$ (가지) 이다.

12. 주머니 안에 빨강, 주황, 노랑, 초록, 파랑, 남색, 보라색의 구슬이 각각
한 개씩 있다. 이 중 두 개의 구슬을 선택하여 일렬로 세우는 경우의
수는?

① 20 ② 21 ③ 42 ④ 48 ⑤ 120

해설

7 개 중에 2 개를 선택하여 일렬로 세우는 경우의 수는 $7 \times 6 = 42$
(가지)이다.

13. 다음 숫자 카드 4 장 중에서 세 개를 뽑아 세 자리의 정수를 만들 때,
만들 수 있는 정수의 수를 구하여라.

0 0 1 2

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 6 개

해설

기존의 방법을 사용하면 $2 \times 3 \times 2 = 12$ (개) 와 같이 옳지 않은
답이 나오게 된다.

0이 두 개라 중복이 되므로 직접 수형도를 그려서 숫자를 세준다.
직접 수를 써보면 100, 102, 120, 200, 201, 210 와 같이 나온다.

14. 다음 그림과 같이 세 점이 한 직선위에 있지 않는 5 개의 점 중 서로 다른 두 점을 연결하는 방법의 수를 구하여라.

•B

A•

•C

•E

•D

▶ 답: 개

▷ 정답: 10 개

해설

점 두 개를 임의로 뽑은 뒤, 반복해서 뽑은 경우의 수로 나눈다.

예를 들어 점 A 와 점 B 를 뽑아서 연결했을 때, 선분 AB 와 선분

BA 는 같은 것으로 중복된다.

따라서 $\frac{5 \times 4}{2} = 10$ 이다.

15. 비가 온 다음 날 비가 올 확률은 $\frac{1}{5}$, 비가 오지 않은 다음 날 비가 올 확률은 $\frac{1}{4}$ 이라고 한다. 금요일에 비가 왔다고 할 때, 이를 후인 일요일에도 비가 올 확률을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{6}{25}$

해설

토요일에 비가 오고 일요일에 비가 올 확률은 $\frac{1}{5} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{25}$

토요일에 비가 안 오고 일요일에 비가 올 확률은 $\frac{4}{5} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{5}$

따라서 일요일에 비가 올 확률은 $\frac{1}{25} + \frac{1}{5} = \frac{6}{25}$ 이다.

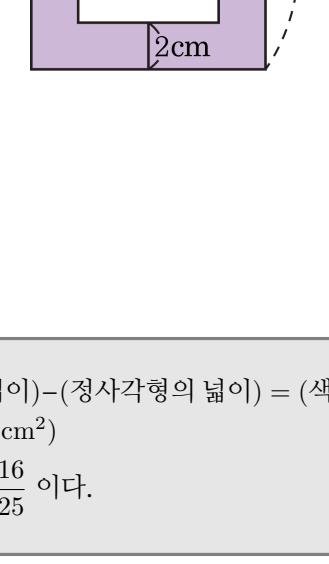
16. 효리가 수학 문제를 풀 확률은 $\frac{3}{4}$ 이다. 효리가 세 문제를 풀 때, 한 문제를 풀 확률은?

- ① $\frac{5}{64}$ ② $\frac{7}{64}$ ③ $\frac{9}{64}$ ④ $\frac{11}{64}$ ⑤ $\frac{13}{64}$

해설

$$3 \times \left(\frac{3}{4} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} \right) = \frac{9}{64}$$

17. 다음 그림과 같이 색칠된 부분의 확률을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{16}{25}$

해설

$$(\text{전체 도형의 넓이}) - (\text{정사각형의 넓이}) = (\text{색칠한 부분의 넓이})$$

$$100 - 36 = 64(\text{cm}^2)$$

$$\text{따라서 } \frac{64}{100} = \frac{16}{25} \text{ 이다.}$$

18. 다음 그림과 같은 A, B, C, D, E 의 5개의 부분에 빨강, 파랑, 노랑, 초록의 4가지 색을 칠하려고 한다. 이웃하는 면은 서로 다른 색을 칠하는 경우의 수를 구하여라. (단, 같은 색을 여러 번 칠해도 좋다.)



▶ 답:

▷ 정답: 96

해설

$$4 \times 3 \times 2 \times 2 \times 2 = 96(\text{가지})$$

19. 1, 2, 3, 4 의 숫자가 각각 적힌 네 장의 카드가 들어 있는 주머니에서 3 장의 카드를 뽑아 세 자리 정수를 만들 때, 작은 것부터 크기순으로 17 번째 나오는 수는?

- ① 321 ② 324 ③ 341 ④ 342 ⑤ 412

해설

1□□ 인 경우는 $3 \times 2 = 6$ (가지),

2□□ 인 경우는 $3 \times 2 = 6$ (가지),

3□□ 인 경우는 $3 \times 2 = 6$ (가지) 이므로 작은 것부터 크기순으로 17 번째 오는 세 자리 정수는 3으로 시작하는 세 자리 정수 가운데 끝에서 두 번째인 341이다.

20. A, B 두 개의 주사위를 동시에 던져서 나온 눈의 수를 각각 a, b 라 할 때, 두 직선 $y = ax$ 와 $y = -x + b$ 의 교점의 x 좌표가 2가 되는 경우의 수를 구하여라.

▶ 답: 가지

▷ 정답: 2 가지

해설

교점의 x 좌표는 연립방정식의 해 $ax = -x + b$ 에서 $x = 2$ 이므로

$$2a = -2 + b, b = 2a + 2$$

a, b 의 순서쌍 $(1, 4), (2, 6)$

∴ 2 가지

21. 10 은 $1 + 1 + 8$ 로 나타낼 수 있다. 이와 같이 10 을 3 개의 자연수의 합으로 나타내는 방법은 모두 몇 가지인지 구하여라. (단, $1 + 1 + 8$ 은 $1 + 8 + 1$, $8 + 1 + 1$ 과 같은 것으로 한다.)

▶ 답: 가지

▷ 정답: 8 가지

해설

합이 10이 되는 자연수 (x, y, z) 는
 $(1, 1, 8), (1, 2, 7), (2, 2, 6), (1, 3, 6), (2, 3, 5), (3, 3, 4),$
 $(1, 4, 5), (2, 4, 4)$
 $\therefore 8$ 가지

22. 농구공 던지기 게임을 하는데 도, 레, 미의 적중률은 각각 $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{5}$ 이다. 세 사람이 게임을 하는데 두 사람 이상 공이 들어 갈 확률을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{1}{6}$

해설

도, 레, 미 세 사람이 적중할 확률은

각각 $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{5}$ 이고,

적중하지 못 할 확률은

$$\left(1 - \frac{1}{3}\right) = \frac{2}{3}, \quad \left(1 - \frac{1}{4}\right) =$$

$$\frac{3}{4}, \quad \left(1 - \frac{1}{5}\right) = \frac{4}{5} \quad \therefore \quad \frac{4}{60} + \frac{3}{60} +$$

$$\frac{2}{60} + \frac{1}{60} = \frac{10}{60} = \frac{1}{6}$$

도	레	미	확률
○	○	×	$\frac{1}{3} \times \frac{1}{4} \times \frac{4}{5} = \frac{4}{60}$
○	×	○	$\frac{1}{3} \times \frac{3}{4} \times \frac{1}{5} = \frac{3}{60}$
×	○	○	$\frac{2}{3} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{5} = \frac{2}{60}$
○	○	○	$\frac{1}{3} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{60}$

23. 최대 4 명까지 탈 수 있는 2 대의 배에 8 명을 나누어 태우는 방법의 개수를 구하여라.

▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 70 가지

해설

정원이 4 명인 2 대의 배를 A, B 라 하면
배 A, B 에 8 명이 나누어 타는 경우는 (4명, 4명) 뿐이다.

8 명 중 A 배에 탈 4 명을 뽑는 경우의 수는

$$\frac{8 \times 7 \times 6 \times 5}{4 \times 3 \times 2 \times 1} = 70 \text{ (가지)} \text{ 이다.}$$

나머지 4 명은 배 B 에 타면 되므로 경우의 수는 1 가지이다.
따라서 구하는 경우의 수는 70 가지이다.

24. 어느 계단의 중간에 있는 지현이는 동전을 던져서 앞면이 나오면 2 칸 올라가고, 뒷면이 나오면 1 칸 내려가기로 하였다. 동전을 네 번 던졌을 때, 지현이가 원래 위치보다 위쪽에 있을 확률을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{11}{16}$

해설

지현이가 원래 위치보다 아래쪽에 있을 경우는 다음의 두 가지 경우이다.

(1) 원래 위치보다 한 칸 아래에 있을 때, 앞면이 1 번, 뒷면이 3 번 나와야 하므로

(앞, 뒤, 뒤, 뒤) (뒤, 앞, 뒤, 뒤) (뒤, 뒤, 앞, 뒤) (뒤, 뒤, 뒤, 앞)
의 4 가지이므로 확률은 $\frac{4}{16}$

(2) 원래 위치보다 네 칸 아래에 있을 때, 뒷면이 4 번 나오므로

(뒤, 뒤, 뒤, 뒤)의 1 가지이고 확률은 $\frac{1}{16}$

(1), (2)에서 지현이가 원래 위치보다 아래쪽에 있을 확률은

$$\frac{1}{16} + \frac{4}{16} = \frac{5}{16}$$
 이다.

따라서 구하는 확률은 $1 - \frac{5}{16} = \frac{11}{16}$ 이다.

25. 두 개의 주사위를 던져서 나온 눈의 수를 차례로 a , b 라 할 때, 일차 함수 $y = ax + b$ 가 $(1, 2)$ 를 지날 확률을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{1}{36}$

해설

$y = ax + b$ 가 $(1, 2)$ 를 지나려면 $2 = a + b$, 즉 두 개의 주사위를 던져서 나온 수의 합이 2가 되어야 한다. 모든 경우의 수는 $6 \times 6 = 36$ 가지이고, 두 눈의 합이 2가 되는 경우의 수는 $(1, 1)$

뿐이므로 확률은 $\frac{1}{36}$ 이다.