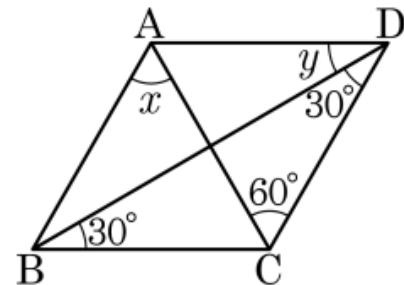


1. 다음 그림의 사각형 ABCD 가 평행사변형일 때, $\angle x + \angle y$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$ °

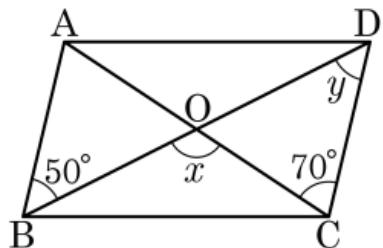
▶ 정답 : 90°

해설

$\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ 이므로 $x = 60^\circ$, $y = 30^\circ$ 이다.

$\angle x + \angle y = 60^\circ + 30^\circ = 90^\circ$ 이다.

2. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 $\angle x$, $\angle y$ 를 차례로 나타내면?

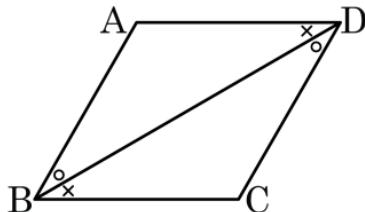


- ① $\angle x = 100^\circ$, $\angle y = 50^\circ$ ② $\angle x = 100^\circ$, $\angle y = 60^\circ$
③ $\angle x = 110^\circ$, $\angle y = 50^\circ$ ④ $\angle x = 110^\circ$, $\angle y = 60^\circ$
⑤ $\angle x = 120^\circ$, $\angle y = 50^\circ$

해설

$\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ 이므로 $\angle ABD = \angle CDB$, $\angle y = 50^\circ$ 이고
 $\angle x = \angle y + 70^\circ$, $\angle x = 50^\circ + 70^\circ = 120^\circ$ 이다.

3. 다음은 ‘평행사변형에서 두 쌍의 대변의 길이는 각각 같다.’ 를 증명한 것이다. $\triangle ABD$ 와 $\triangle CDB$ 의 합동 조건은?



평행사변형 $ABCD$ 에 점 B 와 점 D 를 이으면 $\triangle ABD$ 와 $\triangle CDB$ 에서

$$\angle ABD = \angle CDB \text{ (엇각)} \cdots \textcircled{\text{A}}$$

$$\angle ADB = \angle CBD \text{ (엇각)} \cdots \textcircled{\text{B}}$$

\overline{BD} 는 공통 $\cdots \textcircled{\text{C}}$

$\textcircled{\text{A}}, \textcircled{\text{B}}, \textcircled{\text{C}}$ 에 의해서 $\triangle ABD \equiv \triangle CDB$ 이다.

$$\therefore \overline{AB} = \overline{CD}, \overline{AD} = \overline{BC}$$

- ① SSS 합동 ② SAS 합동 ③ ASA 합동
④ SSA 합동 ⑤ AAS 합동

해설

$\triangle ABD$ 와 $\triangle CDB$ 에서

$\angle ABD = \angle CDB$ (엇각), $\angle ADB = \angle CBD$ (엇각), \overline{BD} 는 공통이므로

$\triangle ABD \equiv \triangle CDB$ (ASA 합동) 이다.

4. 다음은 평행사변형 ABCD 의 각 변의 중점을 E, F, G, H 라 할 때,
 $\square EFGH$ 는 임을 증명하는 과정이다. ~ 에 들어갈 것으로
옳지 않은 것은?

$$\triangle EBF \cong \triangle GDH (\quad \lhd \quad \text{합동})$$

$$\therefore \overline{EF} = \boxed{\lhd}$$

$$\triangle AEH \cong \triangle CGF (\quad \rightleftarrows \quad \text{합동})$$

$$\therefore \boxed{\square} = \overline{EH}$$

따라서 $\square EFGH$ 는 이다.

① \lhd : 평행사변형

② \lhd : ASA

③ \lhd : \overline{GH}

④ \rightleftarrows : SAS

⑤ \square : \overline{GF}

해설

$$\triangle EBF \cong \triangle GDH (\text{ SAS } \text{ 합동})$$

$$\therefore \overline{EF} = \overline{GH}$$

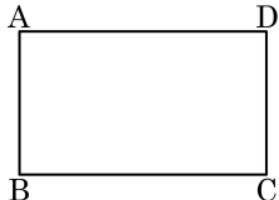
$$\triangle AEH \cong \triangle CGF (\text{ SAS } \text{ 합동})$$

$$\therefore \overline{GF} = \overline{EH}$$

평행사변형은 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.

따라서 $\square EFGH$ 는 평행사변형이다.

5. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD 의 네 변의 중점을 연결하여 만든 사각형의 성질인 것을 모두 고르면?(정답 2개)



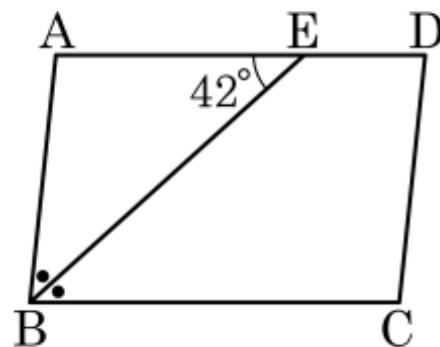
- ① 두 대각선의 길이가 같다.
- ② 두 쌍의 대변이 각각 평행하다.
- ③ 네 각의 크기가 모두 같다.
- ④ 두 대각선이 서로 수직이등분한다.
- ⑤ 이웃하는 두 각의 크기가 같다.

해설

직사각형의 각 변의 중점을 연결하면 마름모가 된다.
마름모는 네 변의 길이가 모두 같고, 두 쌍의 대변이 각각 평행
하며, 두 대각선이 서로 수직 이등분한다.

6. 평행사변형 ABCD에서 \overline{BE} 는 $\angle B$ 의 이등분 선이다. $\angle AEB = 42^\circ$ 일 때, $\angle C$ 의 크기는?

- ① 84° ② 90° ③ 94°
④ 96° ⑤ 98°



해설

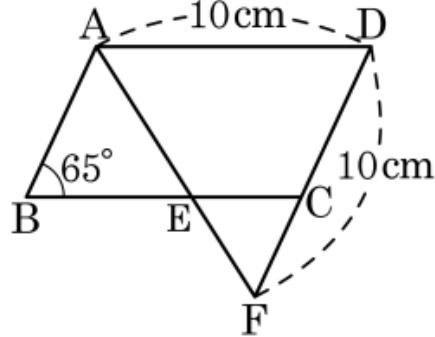
$$\angle AEB = \angle EBC \text{ (엇각)}$$

$$\angle B = 42^\circ \times 2 = 84^\circ$$

$$\therefore \angle C = 180^\circ - 84^\circ = 96^\circ$$

7. 다음 그림의 $\square ABCD$ 는 평행사변형이고 $\angle ABC = 65^\circ$, $\overline{AD} = \overline{DF} = 10\text{cm}$ 일 때,
 $\angle AEB$ 의 크기는?

- ① 57°
- ② 57.5°
- ③ 60°
- ④ 62.5°
- ⑤ 65°



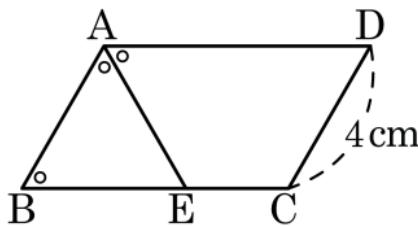
해설

$\overline{AD} = \overline{DF}$ 이므로 $\angle DAF = \angle DFA$

$\overline{AD} // \overline{BC}$ 이므로 $\angle DFA = \angle BAE$ (엇각),
 $\angle DAF = \angle AEB$ (엇각)

$$\therefore \angle AEB = (180^\circ - 65^\circ) \div 2 = 57.5^\circ$$

8. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 $\angle A$ 의 이등분선이 변 \overline{BC} 와 만나는 점을 E라고 할 때, \overline{BE} 의 길이를 구하면?



- ① 2 cm ② 4 cm ③ 6 cm ④ 7 cm ⑤ 8 cm

해설

평행사변형 ABCD에서 $\angle A + \angle B = 180^\circ$ 이므로

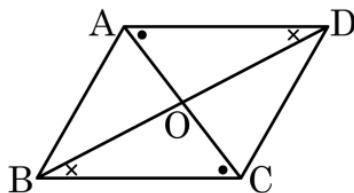
$$\overline{AD} \parallel \overline{BE}$$

$\angle DAE = \angle AEB$ (엇각)

따라서 $\triangle ABE$ 는 정삼각형이므로

$$\overline{BE} = \overline{AB} = 4 \text{ cm}$$

9. □ABCD 가 평행사변형일 때, 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분함을 설명하는 과정이다. 다음 중 옳지 않은 것은?



□ABCD에서 $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$, 점 O는 \overline{AC} , \overline{BD} 의 교점
 $\triangle ABO$ 와 $\triangle CDO$ 에서

평행사변형의 대변의 길이는 같으므로

① $\overline{AB} = \overline{CD} \cdots ㉠$

$\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ 이므로

② $\angle ABO = \angle CDO$ (엇각관계) $\cdots ㉡$

③ $\angle BAO = \angle DCO$ (엇각관계) $\cdots ㉢$

㉠, ㉡, ㉢에서

$\triangle ABO \equiv \triangle CDO$ (④ SAS 합동)

$\therefore \overline{OA} = \overline{OC}$, ⑤ $\overline{OB} = \overline{OD}$

따라서, 평행사변형의 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.

① $\overline{AB} = \overline{CD}$

② $\angle ABO = \angle CDO$ (엇각관계)

③ $\angle BAO = \angle DCO$ (엇각관계)

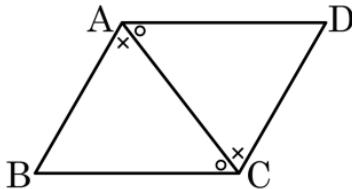
④ (SAS 합동)

⑤ $\overline{OB} = \overline{OD}$

해설

④ SAS 합동 \rightarrow ASA 합동

10. 다음은 ‘평행사변형에서 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.’ 를 증명한 것이다. \square ~ \square 에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?



[가정] $\square ABCD$ 에서 $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

[결론] \square $\angle A = \angle C$, $\angle B = \angle D$

[증명] 점 A와 점 C를 이으면 $\triangle ABD$ 와 $\triangle CDB$ 에서 \square \square 는 공통 ... ①

$\overline{AB} \parallel \square$ \square 이므로 $\angle BAC = \angle DCA$... ②

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이므로 \square \square $= \angle DAC$... ③

①, ②, ③에 의해서 $\triangle ABC \cong \triangle CDA$

(\square \square 합동)

$\therefore \angle A = \angle C$, $\angle B = \angle D$

① $\square : \angle A$

② $\square : \overline{AC}$

③ $\square : \overline{DC}$

④ $\square : \angle BCA$

⑤ $\square : SAS$

해설

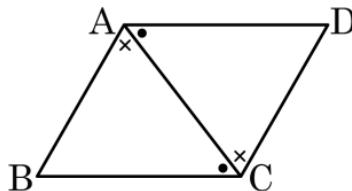
$\triangle ABC$ 와 $\triangle CDA$ 에서 \overline{AC} 는 공통

$\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ 이므로 $\angle BAC = \angle DCA$,

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이므로

$\angle ACB = \angle DAC$ 이므로 $\triangle ABC \cong \triangle CDA$ (ASA 합동)이다.

11. 다음은 ‘평행사변형에서 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.’ 를 나타내는 과정이다. 그~ㅁ에 들어갈 것으로 옳은 것은?



□ABCD에서 $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

점 A와 점 C를 이으면 $\triangle ABC$ 와 $\triangle CDA$ 에서 $\boxed{\text{ㄱ}}$ 은 공통
…①

$\overline{AB} \parallel \boxed{\text{ㄴ}}$ 이므로 $\angle BAC = \angle DCA \dots \textcircled{L}$

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이므로 $\boxed{\text{ㄷ}} = \angle DAC \dots \textcircled{D}$

①, ②, ③에 의해서 $\triangle ABC \cong \triangle CDA$

($\boxed{\text{ㄹ}}$ 합동)

$\therefore \boxed{\text{ㅁ}} = \angle C, \angle B = \angle D$

① ㄱ : \overline{CD} ② ㄴ : \overline{BC} ③ ㄷ : $\angle BAC$

④ ㄹ : SSS ⑤ ㅁ : $\angle A$

해설

$\angle A = \angle C, \angle B = \angle D$ 이기 위해서 점 A와 점 C를 이으면 $\triangle ABC$ 와 $\triangle CDA$ 에서

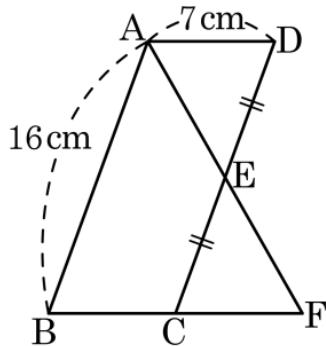
\overline{AC} 는 공통이고,

$\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ 이므로 $\angle BAC = \angle DCA$

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이므로 $\angle ACB = \angle DAC$ 이므로

$\triangle ABC \cong \triangle CDA$ (ASA 합동)이다.

12. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD에서 \overline{CD} 의 중점 E를 잡아 \overline{AE} 의 연장선과 \overline{BC} 의 연장선의 교점을 F라 하자. $\angle ADE = \angle AED$ 일 때, $\triangle ABF$ 의 둘레의 길이를 구하면?



- ① 23 cm ② 28 cm ③ 30 cm ④ 44 cm ⑤ 49 cm

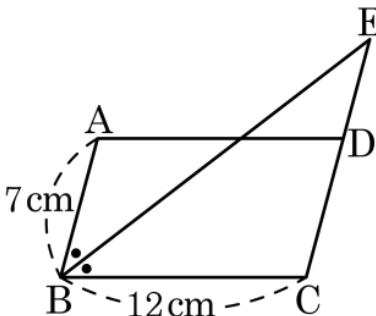
해설

$\triangle EAD \cong \triangle EFC$ (ASA 합동) 이므로 $\overline{AD} = \overline{CF} = 7\text{ cm}$ $\therefore \overline{BF} = 14\text{ cm}$

그리고 $\angle B = \angle D$, $\angle DEA = \angle FAB$ (엇각) 이므로 $\triangle ABF$ 는 $\angle B = \angle FAB$ 인 이등변삼각형이다.

따라서 $\triangle ABF$ 의 둘레의 길이는 44 cm

13. 다음 그림에서 $\overline{AD} + \overline{DE}$ 의 길이는? (단, $\square ABCD$ 는 평행사변형이다.)



- ① 14 cm ② 15 cm ③ 17 cm ④ 19 cm ⑤ 36 cm

해설

$\angle ABE$ 와 $\angle BEC$ 는 엇각이므로 $\triangle BCE$ 는 이등변삼각형이다.
따라서 $\overline{CE} = 12\text{ cm}$ 이다.

이때 $\overline{CD} = 7\text{ cm}$ 이므로 $\overline{DE} = 5\text{ cm}$ 이다.
따라서 $\overline{AD} + \overline{DE} = 12 + 5 = 17(\text{ cm})$

14. 사각형 ABCD에서 $\overline{AB} = 4x + 3y$, $\overline{BC} = 13$, $\overline{CD} = 6$, $\overline{DA} = 3x - 2y$ 일 때, $\square ABCD$ 가 평행사변형이 되도록 하는 x , y 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $x = 3$

▷ 정답 : $y = -2$

해설

$\overline{AB} = \overline{CD}$, $\overline{BC} = \overline{DA}$ 이므로

$$\begin{cases} 4x + 3y = 6 & \cdots \textcircled{\text{①}} \\ 3x - 2y = 13 & \cdots \textcircled{\text{②}} \end{cases}$$

① $\times 2 +$ ② $\times 3$ 을 계산하면

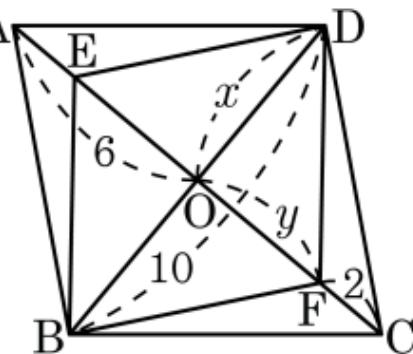
$$17x = 51, x = 3$$

$x = 3$ 을 대입하면

$$4 \times 3 + 3y = 6, 3y = -6, y = -2$$

15. 다음 평행사변형 ABCD에서 $x + y$ 의 값은?

- ① 3
- ② 5
- ③ 7
- ④ 9
- ⑤ 11



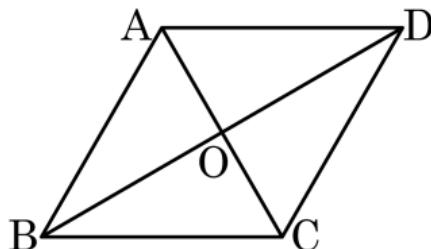
해설

평행사변형의 두 대각선은 서로 다른 대각선을 이등분한다.

$$x = \frac{10}{2} = 5 \text{이고 } 2 + y = 6, y = 4 \text{이다.}$$

$$\therefore x + y = 5 + 4 = 9$$

16. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에 대하여 다음 중 옳지 않은 것은?

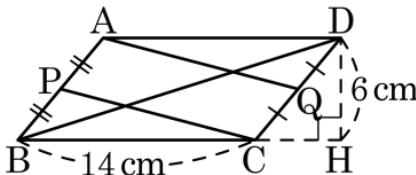


- ① $\overline{AD} = \overline{BC}$
- ② $\angle ADB = \angle ACB$
- ③ $\overline{BO} = \overline{DO}$
- ④ $\angle BAC = \angle ACD$
- ⑤ $\angle ABC + \angle BCD = 180^\circ$

해설

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이므로 $\angle ADB = \angle CBD$

17. 다음 평행사변형 ABCD에서 점 P, Q는 각각 \overline{AB} , \overline{DC} 의 중점이다. \overline{AQ} , \overline{PC} 가 대각선 BD와 만나는 점을 각각 M, N이라 할 때, $\square APNM$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : 21cm^2

해설

\overline{AC} 를 그어 \overline{BD} 와의 교점을 점 O라고 하면

$\triangle AOM \cong \triangle CON$

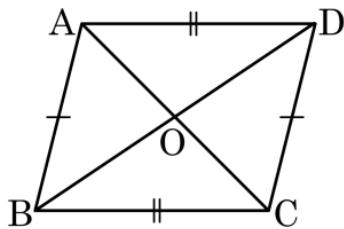
$$\therefore \square APNM = \triangle APC$$

$$= \frac{1}{4} \square ABCD$$

$$= \frac{1}{4} \times 14 \times 6$$

$$= 21(\text{cm}^2)$$

18. 다음은 ‘두 쌍의 대변의 길이가 각각 같은 사각형은 평행사변형이다.’
를 증명하는 과정이다. □ ~ □에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?



[가정] $\square ABCD$ 에서 $\overline{AB} = \overline{DC}$, $\overline{AD} =$ ↗

[결론] ↗ // \overline{DC} , $\overline{AD} // \overline{BC}$

[증명] 점 A와 점 C를 이으면

$\triangle ABC$ 와 $\triangle CDA$ 에서

$\overline{AB} = \overline{DC}$ (가정) … ㉠

$\overline{AD} =$ ↗ (가정) … ㉡

↙ 는 공통 … ㉢

㉠, ㉡, ㉢에 의해서 $\triangle ABC \equiv \triangle CDA$ (⇔ 합동)

$\angle BAC = \angle DCA$ 이므로

↗ // \overline{DC} … ㉣

$\angle ACB =$ □ 이므로

$\overline{AD} // \overline{BC}$ … ㉤

㉣, ㉤에 의해서 $\square ABCD$ 는 평행사변형이다.

① ↗ : \overline{AB}

② ↗ : \overline{BC}

③ ↙ : \overline{AC}

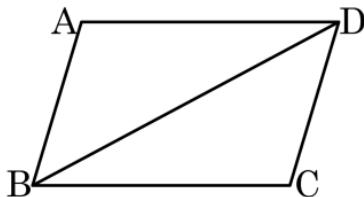
④ ⇔ : SAS

⑤ □ : $\angle CAD$

해설

$\triangle ABC \equiv \triangle CDA$ (SSS 합동)

19. 다음 그림과 같은 $\square ABCD$ 에서 $\overline{AB} = \overline{CD}$, $\overline{AD} = \overline{CB}$ 이면 $\square ABCD$ 는 평행사변형임을 설명하는 과정이다. ⑦~⑩ 중 옳지 않은 것을 기호로 써라.



대각선 BD를 그어보면

대각선 BD는

⑦ 삼각형ABD와 삼각형CDB
의 공통부분이 된다.

⑧ $\overline{AB} = \overline{CD}$ 이고

⑨ $\overline{AD} = \overline{CB}$ 이므로

$\triangle ABD \equiv \triangle CDB$ (⑩ SAS 합동)

$\angle ABD = \angle CDB$, $\angle ADB = \angle CBD$ (⑪ 엇각)

$\therefore \overline{AB} \parallel \overline{CD}$, $\overline{AD} \parallel \overline{CB}$

따라서 두 쌍의 대변이 각각 평행하므로 $\square ABCD$ 는 평행사변형이다.

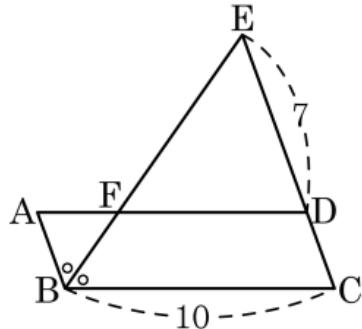
▶ 답 :

▷ 정답 : ⑩

해설

⑩ SSS 합동

20. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 $\angle B$ 의 이등분선이 \overline{AD} 와 \overline{CD} 의 연장선과 만나는 점을 각각 E, F 일 때, \overline{CD} 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

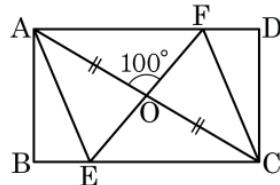
▶ 정답 : 3

해설

$\overline{CE} \parallel \overline{AB}$ 이므로 $\angle ABF = \angle CEB$ 이므로 $\triangle EBC$ 는 이등변삼각형이다.

따라서 $\overline{BC} = \overline{EC}$ 이고 $\overline{EC} = 7 + \overline{CD}$, $\overline{CD} = 3$ 이다.

21. 다음 그림에서 직사각형 ABCD 의 대각선 \overline{AC} 의 이등분선이 \overline{BC} , \overline{AD} 와 만나는 점을 각각 E, F 라고 할 때, 다음 보기에서 옳지 않은 것을 모두 골라라.



보기

- | | |
|--|-----------------------------------|
| ㉠ $\angle FAO = \angle EAO$ | ㉡ $\overline{AF} = \overline{CF}$ |
| ㉢ $\overline{AF} = \overline{CE}$ | ㉣ $\overline{AE} = \overline{AO}$ |
| ㉤ $\triangle FAO \equiv \triangle ECO$ | ㉥ $\angle FOC = \angle EO A$ |

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉠

▷ 정답 : ㉡

▷ 정답 : ㉢

해설

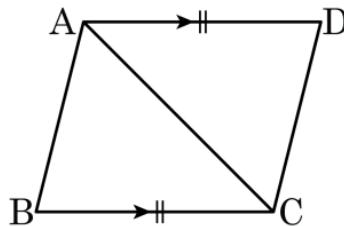
$\triangle AFO$ 와 $\triangle OEC$ 에서, $\overline{OA} = \overline{OC}$, $\angle AOF = \angle EOC$, $\angle OAF = \angle OCE$ 이므로 ASA 합동이다.

그러므로 $\overline{OE} = \overline{OF}$ 이다.

또, $\square AECD$ 의 두 대각선은 다른 대각선을 이등분하므로 $\square AECD$ 는 평행사변형이다.

- ㉠. 평행사변형에서 항상 $\angle FAO = \angle EAO$ 는 아니다.
- ㉡. $\overline{AF} = \overline{EC}$, $\overline{AE} = \overline{FC}$ 이지만 항상 $\overline{AF} = \overline{CF}$ 는 아니다.
- ㉢. 평행사변형에서 $\overline{AE} = \overline{AO}$ 는 성립할 필요 없다.

22. 다음은 ‘한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같은 사각형은 평행사변형이다.’를 증명하는 과정이다. 밑줄 친 부분 중 틀린 곳을 모두 고르면?



가정) $\square ABCD$ 에서 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$, $\therefore \overline{AD} = \overline{BC}$

결론) $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$

증명) 대각선 AC를 그으면

$\triangle ABC$ 와 $\triangle CDA$ 에서

ㄱ. $\overline{AD} = \overline{BC}$ (가정) … ㉠

ㄴ. $\angle DCA = \angle BAC$ (엇각) … ㉡

ㄷ. \overline{AC} 는 공통 … ㉢

㉠, ㉡, ㉢에 의해서 $\triangle ABC \equiv \triangle CDA$ (ㄹ. SAS 합동)

ㅁ. $\angle DAC = \angle BCA$ 이므로

$\therefore \overline{AB} \parallel \overline{DC}$

따라서 두 쌍의 대변이 각각 평행하므로

$\square ABCD$ 는 평행사변형이다.

① ㄱ

② ㄴ

③ ㄷ

④ ㄹ

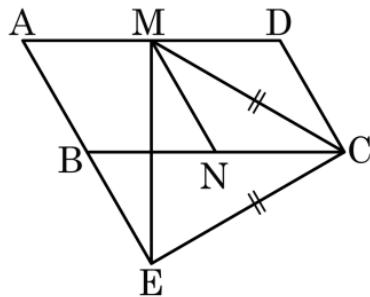
⑤ ㅁ

해설

ㄴ. $\angle DCA = \angle BAC \rightarrow \angle DAC = \angle BCA$

ㅁ. $\angle DAC = \angle BCA \rightarrow \angle DCA = \angle BAC$

23. 다음 그림의 평행사변형 ABCD에서 $\overline{BC} = 2\overline{AB}$ 이고, \overline{AB} 의 연장선과 꼭짓점 C에서 내린 수선과의 교점을 E라고 한다. $\overline{CM} = \overline{CE}$, $\angle AEM = a$ 일 때, $\angle EBN$ 의 크기를 a 로 나타내어라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $2a$

해설

점 N은 직각삼각형 BCE의 외심이므로

$$\overline{BN} = \overline{EN} = \overline{CN}$$

$\overline{AM} \parallel \overline{BN}$, $\overline{AM} = \overline{BN}$ 이므로, $\overline{AB} \parallel \overline{MN}$

$\overline{AE} \parallel \overline{MN}$ 이므로 $\angle AEM = \angle NME = a$ (엇각)

$\overline{MN} = \overline{BN} = \overline{EN}$ 이므로 $\angle NEM = \angle NME = a$

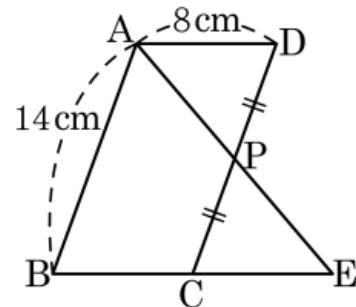
$$\therefore \angle NEA = 2a$$

$\overline{BN} = \overline{EN}$ 이므로 $\angle EBN = \angle NEA = 2a$

따라서 $\angle EBN = 2a$ 이다.

24. 다음 그림의 평행사변형 ABCD에서 점 P는 \overline{CD} 의 중점이다. \overline{AP} 의 연장선과 \overline{BC} 의 연장선의 교점을 E라고 할 때, \overline{BE} 의 길이는?

- ① 14cm ② 15cm ③ 16cm
④ 17cm ⑤ 18cm



해설

$\triangle APD \sim \triangle EPC$ 에서 $\overline{DP} = \overline{CP}$

$\angle APD = \angle EPC$ (맞꼭지각)

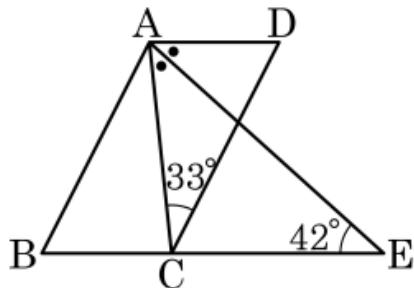
$\angle ADP = \angle ECP$ (엇각)

$\therefore \triangle APD \cong \triangle EPC$ (ASA 합동)

$\therefore \overline{CE} = \overline{DA} = 8$ (cm)

$\overline{BE} = \overline{BC} + \overline{CE} = 8 + 8 = 16$ (cm)

25. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 $\angle DAC$ 의 이등분선과 \overline{BC} 의 연장선이 점 E에서 만난다. $\angle ACD = 33^\circ$, $\angle E = 42^\circ$ 일 때, $\angle B$ 의 크기는?



- ① 61° ② 63° ③ 65°
④ 67° ⑤ 69°

해설

$$\angle DAE = \angle AEC = 42^\circ \text{ (엇각)}$$

$$\angle DAC = 42^\circ \times 2 = 84^\circ$$

$$\angle BCD = 84^\circ + 33^\circ = 117^\circ$$

$$\angle B = 180^\circ - 117^\circ = 63^\circ$$