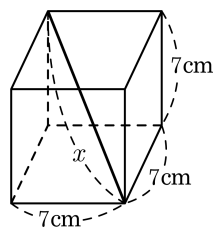


1. 다음 정육면체에서 x 의 길이를 구하여라.

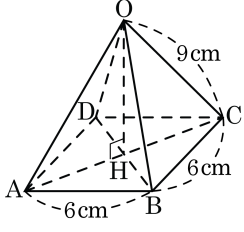
- ① $7\sqrt{2}\text{ cm}$ ② $7\sqrt{3}\text{ cm}$ ③ 18 cm
④ $7\sqrt{5}\text{ cm}$ ⑤ $7\sqrt{6}\text{ cm}$



해설

$$\begin{aligned} x &= (\text{정육면체의 대각선의 길이}) \\ &= \sqrt{3} \times (\text{한 변의 길이}) \\ &= \sqrt{3} \times 7 = 7\sqrt{3}(\text{cm}) \end{aligned}$$

2. 다음 그림과 같이 밑변은 6 cm 인 정사각형 이고, 옆면이 9 cm 인 이등변삼각형인 정사 각뿔이다. 정사각뿔 O - ABCD 의 높이와 부피를 차례대로 구하면?



- ① $\sqrt{6}$ cm, $3\sqrt{6}$ cm³ ② $\sqrt{7}$ cm, $3\sqrt{7}$ cm³
 ③ $3\sqrt{9}$ cm, $12\sqrt{9}$ cm³ ④ $3\sqrt{7}$ cm, $6\sqrt{6}$ cm³
 ⑤ $3\sqrt{7}$ cm, $36\sqrt{7}$ cm³

해설

$$\overline{AC} = \sqrt{6^2 + 6^2} = 6\sqrt{2}(\text{cm})$$

$$\overline{AH} = \frac{1}{2} \times \overline{AC} = 3\sqrt{2}(\text{cm})$$

$$\overline{OH} = \sqrt{9^2 - (3\sqrt{2})^2} = \sqrt{63} = 3\sqrt{7}(\text{cm})$$

$$(\text{부피}) = \frac{1}{3} \times (6 \times 6) \times 3\sqrt{7} = 36\sqrt{7}(\text{cm}^3)$$

3. 다음 그림은 대각선의 길이가 9인 직육면체이다. x 의 값을 구하면?

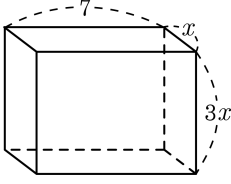
① $\frac{4\sqrt{5}}{5}$

② $4\sqrt{5}$

③ $\frac{2\sqrt{5}}{5}$

④ $2\sqrt{5}$

⑤ $\frac{\sqrt{5}}{5}$



해설

$$\sqrt{(3x)^2 + x^2 + 7^2} = 9$$

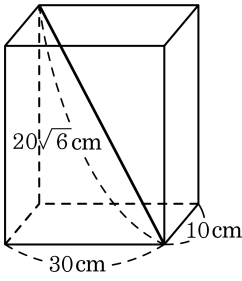
$$\sqrt{10x^2 + 49} = 9$$

$$10x^2 + 49 = 81, 10x^2 = 32$$

$$x^2 = \frac{16}{5}$$

$$\therefore x = \frac{4\sqrt{5}}{5} (x > 0)$$

4. 다음 그림과 같이 대각선의 길이가 $20\sqrt{6}\text{cm}$ 인 직육면체 모양의 상자가 있다. 밑면인 직사각형의 가로, 세로의 길이가 각각 30cm , 10cm 일 때, 이 상자의 높이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : $10\sqrt{14}\text{cm}$

해설

높이를 x 라 하면

$$\sqrt{30^2 + 10^2 + x^2} = 20\sqrt{6}$$

$$\sqrt{1000 + x^2} = 20\sqrt{6}$$

$$1000 + x^2 = 2400$$

$$x^2 = 1400 \quad \therefore x = 10\sqrt{14}(\text{cm})$$

5. 한 모서리의 길이가 $12\sqrt{5}$ 인 정사면체가 있다. 이 정사면체의 부피를 구하여라.

① $120\sqrt{10}$

② $120\sqrt{5}$

③ $720\sqrt{10}$

④ $720\sqrt{5}$

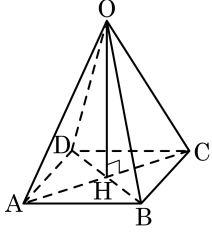
⑤ $1440\sqrt{10}$

해설

한 변의 길이가 a 인 정사면체의 부피는 $\frac{\sqrt{2}}{12}a^3$ 이므로

$$\frac{\sqrt{2}}{12} \times (12\sqrt{5})^3 = 720\sqrt{10}$$

6. 다음 그림과 같은 정사각뿔에서 $\overline{OH} = 3\sqrt{7}$, $\overline{OA} = 12$ 일 때, 밑넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▶ 정답 : 162

해설

$\triangle OAH$ 에서

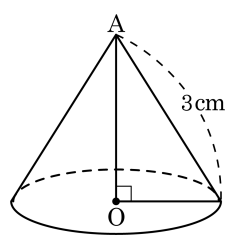
$$\overline{AH} = \sqrt{12^2 - (3\sqrt{7})^2} = \sqrt{144 - 63} = \sqrt{81} = 9$$

$$\overline{AC} = \overline{BD} = 18$$

$$\therefore (\text{밑넓이}) = 18 \times 18 \times \frac{1}{2} = 162$$

7. 다음 그림과 같이 밑면의 둘레가 4π cm 이고 모선의 길이가 3 cm 인 원뿔의 높이는?

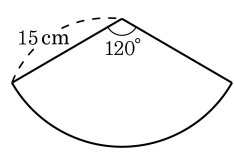
- ① $\sqrt{5}$ cm ② 5 cm
③ $5\sqrt{5}$ cm ④ 10 cm
⑤ $10\sqrt{5}$ cm



해설

밑면의 둘레가 $2\pi r = 4\pi$ (cm) 이므로 밑면의 반지름은 2 cm
따라서 원뿔의 높이 $h = \sqrt{3^2 - 2^2} = \sqrt{5}$ (cm) 이다.

8. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 15 cm인 원에서 중심각의 크기가 120° 인 부채꼴을 오려서 원뿔의 옆면을 만들때, 이 원뿔의 높이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : $10\sqrt{2}$ cm

해설

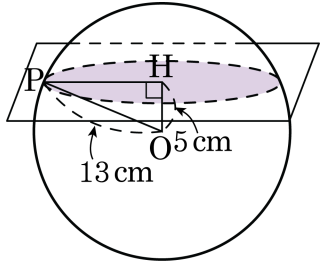
밑면의 반지름의 길이를 y cm라고 하면,

$$2\pi r = 2\pi \times 15 \times \frac{120}{360} = 10\pi$$

$$\therefore r = 5(\text{cm})$$

$$h = \sqrt{15^2 - 5^2} = \sqrt{200} = 10\sqrt{2}(\text{cm})$$

9. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 13cm 인 구를 중심 O 에서 5cm 떨어진 평면으로 자를 때 생기는 단면의 지름은?



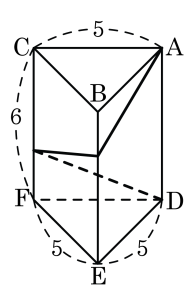
- ① 20 cm ② 22 cm ③ 24 cm ④ 26 cm ⑤ 30 cm

해설

$\overline{PH} = \sqrt{13^2 - 5^2} = \sqrt{144} = 12(\text{cm})$
반지름이 12 cm 이므로 지름은 24 cm 이다.

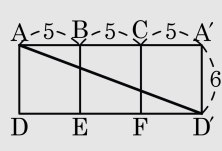
10. 다음 그림과 같은 삼각기둥이 있다. 점 A 에서 출발하여 그림과 같이 모서리 BE, CF 를 반드시 순서대로 지나 점 D 에 도달하는 최단 거리를 구 하면?

- ① $\sqrt{29}$
 ② $2\sqrt{29}$
 ③ $3\sqrt{29}$
- ④ $4\sqrt{29}$
 ⑤ $6\sqrt{29}$

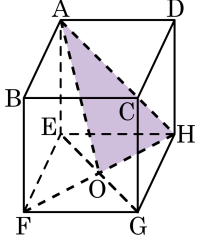


해설

$$\overline{AD'} = \sqrt{15^2 + 6^2} = \sqrt{225 + 36} = 3\sqrt{29}$$



11. 다음 그림과 같이 한 모서리의 길이가 8 인 정육면체에서 밑면의 두 대각선의 교점을 점 O 라 할 때, $\triangle AOH$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $16\sqrt{3}$

해설

$$\overline{OH} = 4\sqrt{2}, \overline{AH} = 8\sqrt{2}$$

$$\overline{AO} = \sqrt{(4\sqrt{2})^2 + 8^2} = \sqrt{32 + 64}$$

$$= \sqrt{96} = 4\sqrt{6}$$

$$\overline{AH}^2 = \overline{OH}^2 + \overline{AO}^2$$

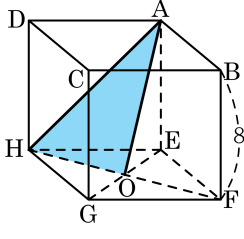
즉,

$(8\sqrt{2})^2 = (4\sqrt{2})^2 + (4\sqrt{6})^2$ 이므로 $\triangle AOH$ 는 직각삼각형이다.

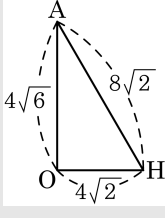
$$(\triangle AOH \text{의 넓이}) = 4\sqrt{2} \times 4\sqrt{6} \times \frac{1}{2} = 16\sqrt{3}$$

12. 다음은 한 변의 길이가 8인 정육면체를 그린 것이다. 밑면의 대각선의 교점을 점 O라 할 때, $\triangle AOH$ 의 넓이를 구하면?

- ☒ ① $16\sqrt{3}$ ② $17\sqrt{3}$ ③ $18\sqrt{3}$
 ④ $19\sqrt{3}$ ⑤ $20\sqrt{3}$



해설



$\overline{AE} = 8, \overline{OE} = 4\sqrt{2}$ 이므로

$$\begin{aligned}\overline{AO} &= \sqrt{8^2 + (4\sqrt{2})^2} \\ &= \sqrt{64 + 32} = \sqrt{96} \\ &= 4\sqrt{6}\end{aligned}$$

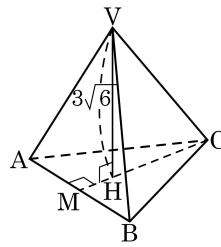
$(8\sqrt{2})^2 = (4\sqrt{6})^2 + (4\sqrt{2})^2$ 이므로

$\triangle AOH$ 는 직각삼각형이다.

따라서 $\triangle AOH$ 넓이는

$$4\sqrt{6} \times 4\sqrt{2} \times \frac{1}{2} = 8\sqrt{12} = 16\sqrt{3}$$

13. 다음 그림과 같이 높이가 $3\sqrt{6}$ 인 정사면체 $V-ABC$ 에서 한 모서리의 길이는?



- ① 3 ② 6 ③ 9 ④ 12 ⑤ 18

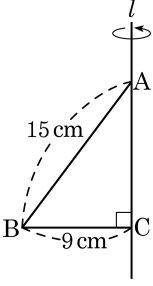
해설

모서리의 길이를 a 라 하면

높이는 $\frac{\sqrt{6}}{3}a$,

$$\frac{\sqrt{6}}{3}a = 3\sqrt{6} \quad \therefore a = 9$$

14. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = 15\text{ cm}$, $\overline{BC} = 9\text{ cm}$ 인 직각 삼각형 ABC를 $\overline{AC}$ 를 축으로 하여 회전시켰을 때 생기는 회전체의 부피를 구하여라.



▶ 답 : cm^3

▷ 정답 : $324\pi\text{ cm}^3$

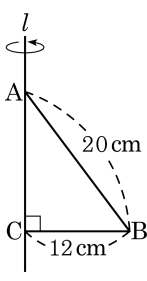
해설

$$\overline{AC} = \sqrt{15^2 - 9^2} = \sqrt{144} = 12(\text{ cm})$$

$$(\text{부피}) = 9 \times 9 \times \pi \times 12 \times \frac{1}{3} = 324\pi(\text{ cm}^3)$$

15. 빗변의 길이가 20 cm, 밑변의 길이가 12 cm인 직각삼각형을 축 AC를 중심으로 회전시켰을 때 만들어지는 도형의 부피로 알맞은 것은?

- ① $760\pi(\text{cm}^3)$
- ② $762\pi(\text{cm}^3)$
- ③ $764\pi(\text{cm}^3)$
- ④ $766\pi(\text{cm}^3)$
- ⑤ $768\pi(\text{cm}^3)$

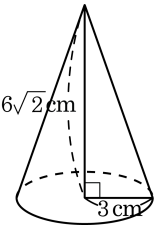


해설

$$\begin{aligned} AC &= \sqrt{20^2 - 12^2} \\ &= \sqrt{256} \\ &= 16(\text{cm}) \end{aligned}$$

$$(\text{부피}) = 12 \times 12 \times \pi \times 16 \times \frac{1}{3} = 768\pi(\text{cm}^3)$$

16. 다음 그림과 같이 밑면의 반지름의 길이가 3cm, 높이가 $6\sqrt{2}$ cm인 원뿔을 전개했을 때, 생기는 부채꼴의 중심각의 크기는?



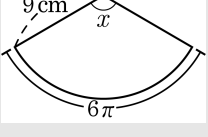
- ① 90° ② 120° ③ 144° ④ 150° ⑤ 216°

해설

중심각의 크기를 x 라 두자.

$$\overline{AB} = \sqrt{(6\sqrt{2})^2 + 3^2} = 9$$

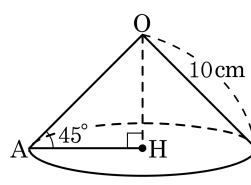
원뿔을 전개해보면 부채꼴의 호의 길이와 밑면인 원의 둘레의 길이가 같다.



$$2\pi \times 9 \times \frac{x}{360} = 2\pi \times 3 \quad \therefore x = 120^\circ$$

17. 다음 그림의 원뿔에서 부피를 구하면?

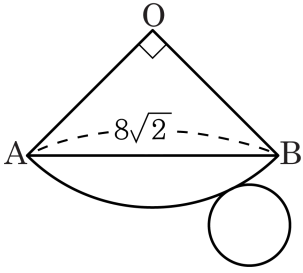
- ① $\frac{160\sqrt{3}}{3}\pi\text{cm}^3$ ② $70\sqrt{2}\pi\text{cm}^3$
 ③ $\frac{250\sqrt{2}}{3}\pi\text{cm}^3$ ④ $\frac{280\sqrt{2}}{3}\pi\text{cm}^3$
 ⑤ $100\sqrt{3}\pi\text{cm}^3$



해설

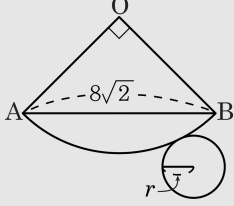
$\triangle OAH$ 에서 $\overline{AH} : \overline{OH} : \overline{OA} = 1 : 1 : \sqrt{2}$
 $\overline{AH} : \overline{AO} = 1 : \sqrt{2}$ 에서 $\overline{AH} : 10 = 1 : \sqrt{2}$
 $\therefore \overline{AH} = 5\sqrt{2}$ (cm)
 $\overline{AH} : \overline{OH} = 1 : 1$ 에서 $5\sqrt{2} : \overline{OH} = 1 : 1$
 $\therefore \overline{OH} = 5\sqrt{2}$ (cm)
 따라서 원뿔의 부피는
 $\frac{1}{3} \times \pi \times (5\sqrt{2})^2 \times 5\sqrt{2} = \frac{250\sqrt{2}}{3}\pi$ (cm³) 이다.

18. 다음 그림과 같이 중심각의 크기가 90° 이고 $\overline{AB} = 8\sqrt{2}$ 인 부채꼴을 옆면으로 하는 원뿔의 부피를 구하면?



- ① $\frac{\sqrt{15}}{3}\pi$ ② $\frac{2\sqrt{15}}{3}\pi$ ③ $\frac{4\sqrt{15}}{3}\pi$
 ④ $\frac{8\sqrt{15}}{5}\pi$ ⑤ $\frac{8\sqrt{15}}{3}\pi$

해설

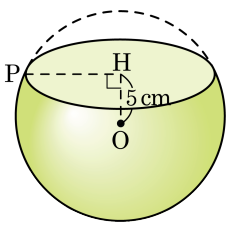


$\overline{OA}$ 와 $\overline{OB}$ 는 부채꼴의 반지름이므로 $\overline{OA} = \overline{OB}$
 $\overline{OA} = \overline{OB} = x$, $\angle AOB = 90^\circ$ 이므로 $x^2 + x^2 = (8\sqrt{2})^2 \therefore x = 8$
 부채꼴 호의 길이 $l = 2\pi x \times \frac{90^\circ}{360^\circ} = 16\pi \times \frac{1}{4} = 4\pi$
 호 AB 의 길이, 밑면의 둘레의 길이가 $2\pi r = 4\pi$ 이므로 밑면의 반지름의 길이 $r = 2$ 이다.
 위의 전개도로 다음과 같은 원뿔이 만들어진다.



원뿔의 높이 $h = \sqrt{8^2 - 2^2} = \sqrt{64 - 4} = \sqrt{60} = 2\sqrt{15}$ 이다.
 원뿔의 부피 $V = \frac{1}{3} \times 2 \times 2 \times \pi \times 2\sqrt{15} = \frac{8\sqrt{15}}{3}\pi$ 이다.

19. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 13cm 인 구를 중심 O 에서 5cm 만큼 떨어진 평면으로 잘랐을 때 생기는 단면의 넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm²

▷ 정답 : 144πcm²

해설

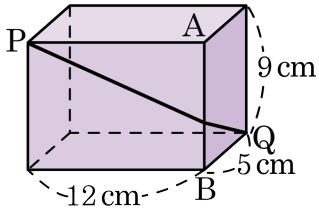
단면의 원의 반지름의 길이를 r 이라 하면
 $\triangle OPH$ 가 직각삼각형이므로

$$r^2 + 5^2 = 13^2, r^2 = 144$$

$$r > 0 \text{ 이므로 } r = 12 \text{ (cm)}$$

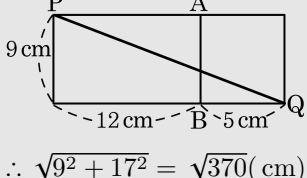
$$\therefore (\text{원의 넓이}) = \pi \times 12^2 = 144\pi \text{ (cm}^2\text{)}$$

20. 다음 그림과 같은 직육면체의 점 P 에서 모서리 AB 를 지나 점 Q 에 이르는 가장 짧은 거리는?



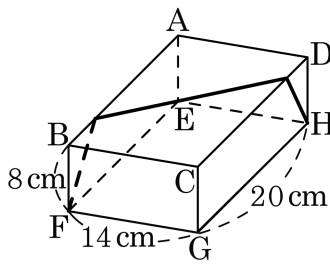
- ① 11 cm
- ② $\sqrt{83}$ cm
- ③ $\sqrt{161}$ cm
- ④ $\sqrt{321}$ cm
- ⑤ $\sqrt{370}$ cm

해설



$\therefore \sqrt{9^2 + 17^2} = \sqrt{370}(\text{cm})$

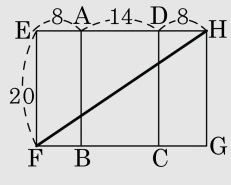
21. 다음 그림과 같은 직육면체의 겉면을 따라 모서리 AB, CD 를 거쳐 점 F 에서 점 H 까지 가는 최단거리를 구하여라.



▶ 답: cm

▶ 정답 : $10\sqrt{13}$ cm

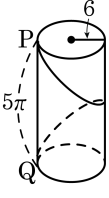
해설



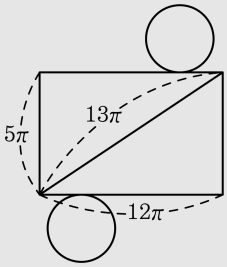
$$\begin{aligned}\overline{FH} &= \sqrt{20^2 + 30^2} \\ &= \sqrt{400 + 900} \\ &= \sqrt{1300} \\ &= 10\sqrt{13} \text{ (cm)}\end{aligned}$$

22. 원기둥에서 그림과 같은 경로를 따라 점 P 에서 점 Q 에 이르는 최단 거리를 구하면?

- ① 13π
- ② 15π
- ③ 61π
- ④ 125π
- ⑤ $\sqrt{150}\pi$



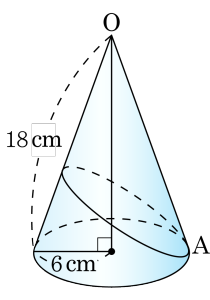
해설



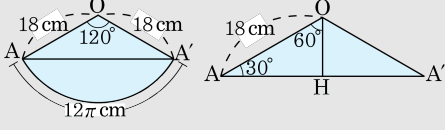
원기둥의 전개도를 그리면 다음과 같다.
따라서, 최단 거리는 직사각형(옆면)의 대각선의 길이와 같다.
직사각형의 가로 길이는 밑면(원)의 둘레의 길이이므로 $2\pi \times 6 = 12\pi$ 이다.
따라서, 최단 거리는 $\sqrt{(5\pi)^2 + (12\pi)^2} = 13\pi$ 이다.

23. 다음은 모선의 길이가 18 cm 이고, 밑변의 반지름의 길이가 6 cm 인 원뿔을 그린 것이다. 점 A 를 출발하여 원뿔의 옆면을 지나 다시 점 A 로 돌아오는 최단 거리는 몇 cm 인가?

- ① $18\sqrt{3}$ ② $19\sqrt{3}$ ③ $20\sqrt{3}$
 ④ $21\sqrt{3}$ ⑤ $22\sqrt{3}$



해설



$\angle AOA' = x$ 라 하면

$$2\pi \times 18 \times \frac{x}{360^\circ} = 2\pi \times 6$$

$$x = 120^\circ$$

$$\overline{OA} : \overline{AH} = 2 : \sqrt{3}$$

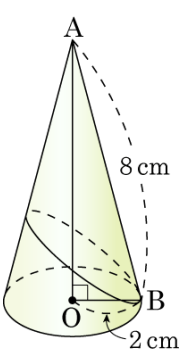
$$\overline{AH} = a \text{ 라 하면}$$

$$2 : \sqrt{3} = 18 : a, a = 9\sqrt{3}(\text{cm})$$

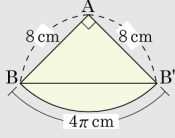
$$\overline{AA'} = 2\overline{AH} = 18\sqrt{3}(\text{cm})$$

24. 다음 그림과 같은 원뿔에서 점 B를 출발하여 옆면을 지나 다시 점 B로 돌아오는 최단 거리는?

- ① $7\sqrt{2}\text{ cm}$ ② $7\sqrt{3}\text{ cm}$ ③ $8\sqrt{2}\text{ cm}$
 ④ $8\sqrt{3}\text{ cm}$ ⑤ $9\sqrt{2}\text{ cm}$

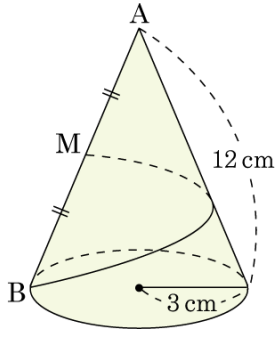


해설



$\angle BAB' = x$ 라 하면
 $2\pi \times 8 \times \frac{x}{360^\circ} = 4\pi, x = 90^\circ$
 $\overline{BB'} = \sqrt{8^2 + 8^2} = \sqrt{128} = 8\sqrt{2}(\text{ cm})$

25. 다음 그림과 같이 밑면의 반지름의 길이가 3 cm, 모선의 길이가 12 cm 인 원뿔이 있다.
 밑면 위의 한 점 B 에서 모선 AB 의 중점 M 까지 실을 감을 때, 최단 거리를 구하여라.



▶ 답 : cm

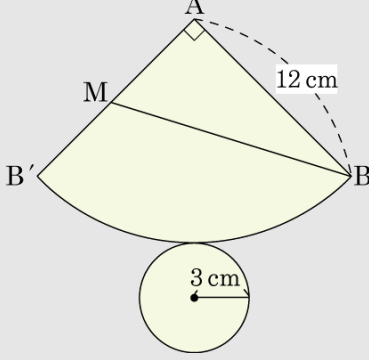
▷ 정답 : $6\sqrt{5}$ cm

해설

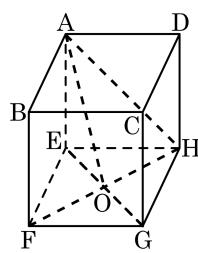
따라서 모선의 길이가 12 cm 이고, 밑면의 반지름의 길이가 3 cm 이므로 $\angle BAB' = 90^\circ$ 이다.

그러므로 피타고라스 정리를 이용하여 $\overline{BM}$ 의 길이를 구하면

$$\overline{BM} = \sqrt{12^2 + 6^2} = 6\sqrt{5}(\text{cm})$$



26. 다음 그림과 같이 한 모서리의 길이가 12cm 인 정육면체의 밑면의 두 대각선의 교점을 O 라 할 때, $\overline{DO}$ 의 길이와 $\overline{DG}$ 의 길이의 합을 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답 : $6\sqrt{6} + 12\sqrt{2}$ cm

해설

$$\overline{\text{OH}} = 12\sqrt{2} \times \frac{1}{2} = 6\sqrt{2}(\text{cm})$$

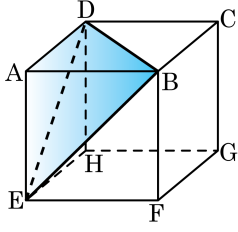
$$\overline{DO} = \sqrt{\overline{DH}^2 + \overline{OH}^2} = \sqrt{12^2 + (6\sqrt{2})^2}$$

$$= \sqrt{144 + 72} = 6\sqrt{6}(\text{cm})$$

$$\overline{DG} = 12\sqrt{2}(\text{cm})$$

$$\therefore \overline{DO} + \overline{DG} = 6\sqrt{6} + 12\sqrt{2}(\text{cm})$$

27. 한 모서리의 길이가 $4\sqrt{2}$ 인 정육면체를 다음 그림과 같이 잘랐을 때, 사면체 A-DEB의 겹넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $48 + 16\sqrt{3}$

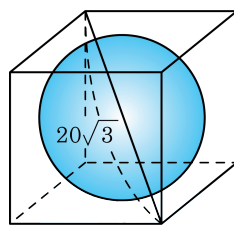
해설

$\triangle DEB$ 는 한 변의 길이가 8인 정삼각형이므로

$$(\triangle DEB \text{의 넓이}) = \frac{\sqrt{3}}{4} \times 8^2 = 16\sqrt{3}$$

$$\therefore (\text{A-DEB의 겹넓이}) = 3\triangle ABE + 16\sqrt{3} = 48 + 16\sqrt{3}$$

28. 대각선 길이가 $20\sqrt{3}$ 인 정육면체 안에 꼭 맞는 구가 있다. 이 구의 부피를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{4000}{3}\pi$

해설

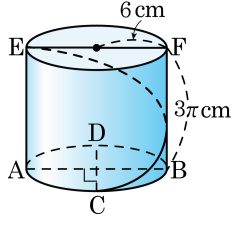
정육면체의 한 모서리의 길이를 a 라고 하면

$$\sqrt{3}a = 20\sqrt{3} \quad \therefore a = 20$$

(구의 반지름의 길이) = 10

$$(\text{구의 부피}) = \frac{4}{3}\pi \times 10^3 = \frac{4000}{3}\pi$$

29. 다음 그림과 같이 밑면인 원의 반지름의 길이가 6 cm, 높이가 3π cm 인 원기둥에서 밑면의 지름 AB 와 수직인 지름 CD 에 대하여 점 C 에서 점 E 까지 원기둥의 옆면을 따라 오른쪽으로 올라갈 때의 최단 거리를 구하여라. (단, $\overline{AB} \parallel \overline{EF}$)



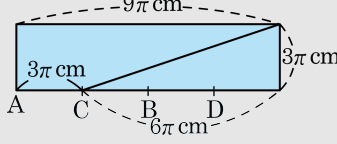
▶ 답 : cm

▷ 정답 : $3\sqrt{10}\pi$ cm

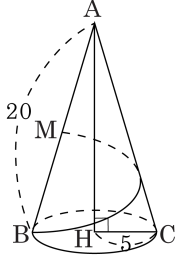
해설

$$\sqrt{(3\pi)^2 + (9\pi)^2} =$$

$3\sqrt{10}\pi$ (cm)



30. 다음 그림과 같이 모선의 길이가 20 이고, 밑면의 반지름의 길이가 5 인 원뿔이 있다. 모선 AB 의 중점을 M 이라 하고, 점 B 로부터 원뿔의 옆면을 따라 한 바퀴 돌아 점 M 으로 갈 때, 최단거리를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $10\sqrt{5}$

해설

전개도를 그려, 부채꼴의 중심각을 x

라 하면,

$$2\pi \times 20 \times \frac{x}{360^\circ} = 2\pi \times 5 \quad \therefore x =$$

$$90^\circ$$

$$\text{최단거리 } \overline{MB} = \sqrt{10^2 + 20^2} =$$

$$10\sqrt{5}$$

