

1. 일차방정식 $ax + 2y - 4 = 0$ 의 그래프가 두 점 $(2, 1)$, $(4, b)$ 를 지날 때, 상수 $a + b$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ -1

⑤ -2

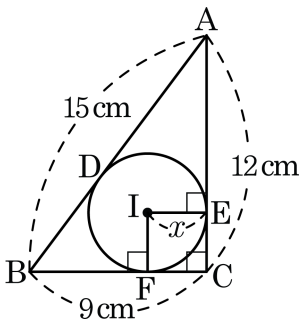
해설

$x = 2, y = 1$ 을 일차방정식 $ax + 2y - 4 = 0$ 에 대입하면 $2a + 2 - 4 = 0, a = 1$ 이다.

$x = 4, y = b$ 를 일차방정식 $x + 2y - 4 = 0$ 에 대입하면 $4 + 2b - 4 = 0, b = 0$ 이다.

따라서 $a + b = 1$ 이다.

2. 다음 그림과 같이 $\triangle ABC$ 에 내접하는 원 I 의 반지름의 길이 x 는 얼마인가?



① 1cm

② 2cm

③ 3cm

④ 4cm

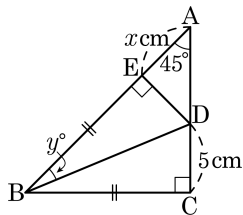
⑤ 5cm

해설

$x = \overline{CE} = \overline{CF}$ 이므로 $\overline{BD} = \overline{BF} = 9 - x$, $\overline{AD} = \overline{AE} = 12 - x$ 따라서 $(9 - x) + (12 - x) = 15$ 이므로 $x = 3(\text{cm})$ 이다.

3. 다음 $\triangle ABC$ 에서 x, y 의 값을 차례로 나열한 것은?

- ① 3, 20 ② 3, 22.5 ③ 5, 20
 ④ 5, 22.5 ⑤ 4, 25



해설

$\triangle BED \equiv \triangle BCD$ (RHS 합동)이다.

$\angle CBE = 180^\circ - 45^\circ - 90^\circ = 45^\circ$ 이고,

$\angle CBD = \angle EBD = 22.5^\circ$

$\therefore \angle y = 22.5^\circ$

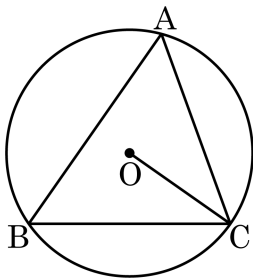
$\triangle AED$ 는 직각이등변삼각형이고

($\because \angle DAE = 45^\circ = \angle ADE$)

$\overline{DC} = \overline{ED} = \overline{AE} = 5 \text{ cm}$

$\therefore x = 5 \text{ cm}$

4. 다음 그림에서 원 O는 $\triangle ABC$ 의 외접원이다. $\angle OCB = 35^\circ$ 일 때, $\angle BAC$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

°

▶ 정답 : 55°

해설

$\triangle OBC$ 는 이등변삼각형이므로

$$\angle OBC = \angle OCB = 35^\circ$$

$$\angle BOC = 110^\circ$$

$$\triangle ABC \text{에서 } \angle BAC = \frac{1}{2} \angle BOC = 55^\circ$$

5. 1부터 20까지의 자연수 중 하나를 뽑아 a 라 할 때, $\frac{16}{a}$ 이 자연수가 될 확률은?

① $\frac{1}{4}$

② $\frac{4}{5}$

③ $\frac{1}{6}$

④ $\frac{2}{3}$

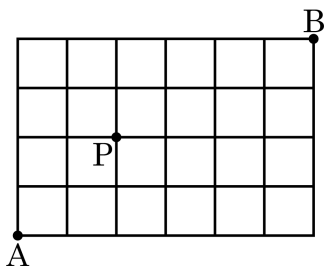
⑤ $\frac{1}{5}$

해설

$a : 1, 2, 4, 8, 16$ 이므로 5가지

구하는 확률 : $\frac{5}{20} = \frac{1}{4}$

6. 다음 그림과 같이 A와 B를 연결한 그물 모양의 도로가 있다. A에서 B로 가는 최단 경로 중 점 P를 반드시 거쳐서 가는 경우의 개수와, 점 P를 반드시 지나가지 않는 경우의 개수의 차를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 30

해설

(1) 점 P를 반드시 거쳐서 가는 경우의 개수는

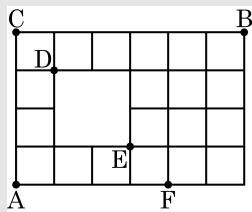
$$A \text{ 에서 } P \text{ 까지 가는 경우 : } \frac{4 \times 3 \times 2 \times 1}{2 \times 1 \times 2 \times 1} = 6(\text{가지})$$

$$P \text{ 에서 } B \text{ 까지 가는 경우 : } \frac{6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}{2 \times 1 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1} = 15(\text{가지})$$

따라서 $6 \times 15 = 90$ 가지이다.

(2) 점 P를 반드시 지나가지 않는 경우의 개수는

P를 지나는 선이 모두 없다고 생각하면 다음 그림과 같으므로



$A \rightarrow C \rightarrow B$ 의 경우 : 1 가지

$A \rightarrow D \rightarrow B$ 의 경우 :

$$\frac{4 \times 3 \times 2 \times 1}{1 \times 3 \times 2 \times 1} \times \frac{6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}{1 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1} = 24(\text{가지})$$

$A \rightarrow E \rightarrow B$ 의 경우 :

$$\frac{4 \times 3 \times 2 \times 1}{1 \times 3 \times 2 \times 1} \times \frac{6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}{3 \times 2 \times 1 \times 3 \times 2 \times 1} = 80(\text{가지})$$

$A \rightarrow F \rightarrow B$ 의 경우 :

$$1 \times \frac{6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}{2 \times 1 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1} = 15(\text{가지})$$

따라서 $1 + 24 + 80 + 15 = 120(\text{가지})$ 이다.

따라서 차는 $120 - 90 = 30$ 이다.